

ESEN-CPS-BK-000000797-ESE

445788

هذامهم بتضمن سان دوض كلبات هندسة * وتفسير الفاظ اصطلاحية * منتفع به الطلاب * وتكمل به فائدة الكاب

حرف الالف

اسطوانة

هى جسم قاعد تاه دائرتان متوازيتان وسطعه الظاهر منحن * وارتفاع الاسطوانة هوالعمود النازل من مركز القاعدة العلماعلى مستوى القاعدة السفلى وهذا العمود لا يربا المركزين الااذا كانت الاسطوانة قاعمة * ومساحة حمها تساوى حاصل ضرب ارتفاعها فى قاعدته الان الاسطوانة يكن ان تعتبر منشورا قاعدته مضلع مركب من عدة اضلاع صغيرة جدا

اسطوانة فاعة

هي ما كان فيها المستقيم الواصل من احد مركزى القاعد تين الى الا تنوعود ا على مستوى القاعد تين

اسطوانة مائلة

هي مأكان فيها الخط المستقيم الواصل من احد مركزى القاعد تين الى الا تنوز ما تلاعلى مستوى القاعد تين

امتداد

هوالقراغ المشغول باجسام محسوسة بالفعل اوبالوهم كبيرة كانت اوصغيرة ه فاحتداد البسيتان مثلا هو المسافة المنعصرة بين حيطانه واحتداد الحوش المسافة التي بين حافاته واحتداد الداركاية عن الفراغ المنعصر بين ارتفاعه وطوله وعرضه

تخرف الماء

إسطغرافة

فالباء الفارسية آلة ينقل بهاكل نوع من انواع الرسم وان لم يكن للناقل معرفة

برفاليم

No. of the last of

هومااحتوى على الابعاد الثلاثة الطول والعرض والعمق خوما اختوى على الابعاد الثلاثة الطول والعرض والعمق

<u>_</u>

هوماليس له الابعد و الحدوه و الطول * وهو انواع و الاصول منها اربعة المستقيم و المنكسر و المنحنى و المركب

خطافق

هوخط مستقيم عكن رسمه على الارض اذا كانت مستوية خطرأسي

هوخط مستقيم عودى على الافق

خط شعاعی"

هو خطمستقيم واصل من مركز الدائرة الى محيطها

خط فأئم

واجع اللط الرأسي

خط مأئل

هوخط يبلاقى مع خطآخر ليس عمود اعليه

خط مستدير

الهوما كانت نقطه الموضوعة في مستووا حد على بعد واحد من نقطة الوسط المسماة مركزا

المحط هستقي

هواقصر بعد بن نقطتين

خط مماس

هوالذى لاعس محمط الدائرة الافي نقطمة واحدة ولومد الى غرنهاية * ويسكون عوداعلى نصف القطر المارم في النقطة * واذاعمنت نقطة

على المحسط فانه عصكن رسم خط مماس منها بان تصل نصف القطر بالنقطة المذكورة وتقيم من طرفه عودا فهذا هو الخط المماس * وبواسطة هذه العدمامة عكن عل مضلع منتظم وذلك بان تعين خس نقط متساوية البعد عن بعضها على محيط الدائرة وترسم من هذه النقط خسة خطوط مماسة فتصير هذه الخطوط محيط المضلع المنتظم ذا الخسسة اضلاع الذي يتحصر فيه محيط الدائرة انحصارا كلما

خطمنتصب

راجع الخط الرأسي

خط منحن

هوماليسمستقماولامنكسرا

خط منكسر

هوماتركب من خطوط مستقعة متصل بعضها برعض خطوط مستقعة متصل بعضها المار

ويقال دائرة نصف النهارهودائرة عظمى ترسم على الحكوة وتقسمها قسمين متساويين وقاطعة خلط الاستواء * واحد القسمين يقال له شرقى والأخر غربى خطوط متوازية

هى خطوط مرسومة فى مستووا حدلا عصكن تلاقيها ابدا ولومدت الى على منهاية * وذلك لان الخطوط المتوازية على ابعاد متساوية لوفرض انها تقاربت من بعضها فى بعض المحال للزم تلاقيها قريبا اوبعدا فاذن لاتكون متوازية واذا اردت ان تأخد مقدار المسافة التى بين الخطين المتوازين فافرض نقطة على احده ما وأنزل من هذه النقطة عود اعلى الخط الاستوفظ ولهذا العمود هو مقدار المسافة التى بين الخطين المتوازين

حرف الدال .

دائرة

هى سطح مستومسته بخط منعن حميع نقطه على بعد واحد من نقطة الوسط

المساة مركزا وتطلق ايضاعلى اللط المذكور الذى هو المحيط دائرة صغرى

هي ما كان مركزها غير مركز الكرة

دائرة كبرى

هي مأكان من كزهاء بن من كزالكرة

سرف الزای داه به

هى انفراج خطين متلاقين في نقطة تسمى رأس الزاوية ويسمى الخطان ضلعى الزاوية اوطرفيها

زاولة حادة

هى الني تحدث من تلاقى خطين ما تلين وتكون اصغر من القيامة والمناه المناه في الني تحدث من القيامة في المناه في المناه

هى التى تعدث من تلاقى خطين عودين على بعضهما زاوية منفرجة

هى الى تحدث من تلاقى خطين ما تلين وتكون اكبر من القاعة

حرف السين

سطح

هوالذى لا يعترى الاعلى بعدين فقط وهما الطول و العرص و السطوح انواع و الاصول منها اثنان فقط وهما السطح المستوى و السطح المنحى

سطح الدائرة

هوالمسافة المحصرة في داخل الحيط

سطحالشكل

هوالمستوى المحاطمن جميع جهانه بخطوط مستقمة او منعنية بكون منها الشكل المذكور * وإذا اردت ان تأخذ مساحة سطيح اى شكل كان فضع عدة مرات على المذكور سطيما معينا لا يتغير فيكون هذا السطيح حينة ذ

وحدة المقاس وهي كاية عن مربع ضلعه يساوى وحدة الطول المسماة مترايد واذا اردتان تأخذ مساحة سطيح شكل متوازى الاضلاع فاضرب ارتفاعه فى قاعدته * وتقويم مساحة سطح المربع الذى طول ضلعه معين يكون ايضا يضرب ارتفاعه فى قاعدته المساوية الهذا الارتفاع * ومساحة سطح المثلث الاكان توخد بضرب قاعدته في نصف ارتفاعه فقط وذلك لان المثلث نصف متوازى الاضلاع فبكون سطحه مساويا لنصف سطح متوازى الاضلاع * وسطح شده المنحرف تؤخذ مساحته بضرب ارتفاعه في نصف مجوع قاءدته المتوازية من لان شده المنحرف يتقسم بواسطة قطره الى مثلثين متحدى الارتفاع مختلف القاعدة فا لاالاس حينئذ الى اخذ مساحة هذين المثلثين * وكفها خدمساحة سطح مضلع غيرمنظم انتقدم هدا المضلع الى عدة مثلنات بقدرما يوجد من الاضلاع الااثنين فدواسطة الاقطار المرسومة من رأس واحدد الى رؤس غير متحاورة ثم اخذ مقدار ارتفاع المثلثات على التوالى وقواعدها تكون مساحتها مساحة المضلع المذكور * واما مساحة سطح المضلع المسظم فهي مساوية لحاصل ضرب محيطه في نصف قطر الدائرة الداخلة موكمفية اخذمساحة عيم كثير السطوح ان تحلاه الى اهرام وطريقة ذلك ان تقسمه عستويات غربرأس زاوية بمجسمة فيحلل حنئد الى عدة اهرام جن سية بقدر ما فى كثير الاضلاع من الاوجه ماعد االاوجه التي تتحصي منها الزاوية الجسمة التي تمرر منها مستويات التقسيم واذا كان كثير السطوح منتظما فان الرأس الذى غرمنه مستويات التقسيم يكون فى مركزهذا الجسم يعنى فى نقطة الوسط التى تكون على ابعاد متساوية منجمع رؤس كثيرا السطوح فمكون جم كثير السطوح مساويا لجوع جوم الاهرام الجزية وبعمارة اخرى بكون مساويا لمحوعة واعدالاهرام الجزئية مضروبه في ثلث ارتفاعها المشترك

سطير محدب

هو ما لا يحكن أن يتلاقى معه الخط المستقيم الذي عرّبالجسم الافى

نقطتن واذا كان كثير السطوح منظه افان سطعه المحدب بتركب من مجموع سطوح متساوية بنحصر بنهما الجسم وفي بعض العبارات يتركب من احد اوجه كثير السطوح المذكور مكرراعة من ات بقدر ما يوجد من الاوجه المختلفة

سطح محداط

هوما كان بعضه منعندا وبعضه مستويا * وطريق معرفته ان يكن تطبيق مسطرة مستقمة على احداج الهدون الاخر

سطع مسدو

هوالذى يمكنان ينطبق علمه خط مستقيم فى سائر اقطاره وامتداده

سطيع منعن

هوالذى لا يمكن ان سطبق عليه خط مستقيم من جمع جهاته

حرف الشين

شاقول

هوخيط باحدطرفيه قطعة رصاص بها يكون مشدوداعلى الاستقامة

شيهالمنحرف

هوماكان فهمضلعان متوازيان

شقة كروية

هى برزومن سطح الكرة واقع بين نصفى دائرتين كبربين متقاطعتين

هومستومحاطمن جمع جهاته بخطوط مستعمة اومنعسة * واقل ما يلزم في الشكل من الخطوط المستقمة ثلاثة ويقال لها اضلاع الشكل

حرف الطاء

طويوغرافية

اسم للخطيط الصحيح الذي بمن بلدة مخصوصة اوسطا مخصوصا او فعودلك * فهي اخص من الجغرافية

ظىلسان

هو قطعة حجوقة من الكرة

تحرف العين عود

هوالخطالمستقيم الذي اذاتلاقى مع مثله لا عيل عليه من جهة اكثر من الاخوى « ثم ان العدمود لا يكون رأسدا الااذا كان مو ازيا خهدة خط الشاقول « ولا يكون الخط الرأسي عود اعلى الخط الذي يتلاقى معه في سطح مستو واحد الااذا كان هذا الخط الثاني افق. ا

حرف القاف القاسم الاعظم

هواكرالاعدادالقاسمة المشتركة بينعدة اعداد

فاطع

هواللط الذي يقطع محيط الدائرة

قطع الدائرة

هو جزؤمن الدا اردواقع بين توس من مخيطها ونصفي قطر أين مارين بطرف ثلك

قطع کروی

هوجسم متولد من دوران قطع بذور حول احدنصي القطرين او حول قطر و موجود في مستوى القطع دورة كاملة

قطب

هوا حدثها بي المحورالذي يدورعليه جسم كروى قطرالدائرة

هوالمستقيم الذي يقطع الدائرة مارا عركزها قطرالشكل

هوالمستقيم الذى يصل رأسى زاويتين غير متعاورتين والغرض من اقطار الاشكال تقسيمها الى عدة مثلثات بقدر ما يوجد من الاقطار وزيادة واحد من المنائلات

قطر الكرة

هواللط المستقيم الذي عرعركز الكرة وينتهى من طرفيه بمعيطها قطعة الدائرة

هى السطح المستوى الواقع بين القوس ووتره قطعة كروية

هى جزوجم الكرة الواقع بين مستويين متوازيين هما قاعد تاها قطع مشترك

هو نقطة يتقاطع فها خطان اوخط يتقاطع فيه مستويان اوسطح يتقاطع فيه حسمان

قوس هوقطعة من المحمط منحصرة بين طرفي الوتر حرف الكاف

كثيرالاضلاع المحدي

راجع السطح المحدب

كثيرالاضلاع المنظم

هوما كانت اضلاعه وزواياه متساوية

هى جسم منته بسطح منعن جدع نقطه على بعدوا حدمن نقطة الوسط المسماة مركزا به وجيم ألكرة بساوى الحاصل من ضرب ثلث نصف قطرها في سطعها المحدب

حرف الميم منز

هو ثلاثة اقدام تقريبا

متساوى الاضلاع هوكل شكل استقامت اضلاعه وتساوت

هوماركب من ثلاث زوايا وثلاثة اضلاع مثلث قائم الزاوية

هوما كانت احدى زواياه قائمة * ولا يمكن ان تعدد الزوايا القائمة في المثلث لانه يلزم لتكوين الزاوية في القائمة في النافية بالزاوية في القائمة في الفالمة وينتج من ذلك ان هدين العدمودين يكونان متوازين فلا يتلاقه السلافاذ ن لا تتكون منهما الزاوية الثالثة

محور

هوقطرالكرة التي تدورعليه وطرفاه يسمان بالقطيين

راجع الخط المستدير

محمطالشكل

هوكاية عن مجوع اضلاعه

مخروط

هوهرم قاعدته دائرة وسطعه الجنبي منعن وارتفاعه هوالعمود النازل من وأسه على سطح القاعدة * ومساحة جم المخروط هي حاصل ضرب ارتفاعه في ثاث قاعدته لأنه يمكن اعتبار المخروط كهرم تكون قاعدته مضلعا مركا منعدة اضلاع صغيرة حدا

مخروط قائم

هوماكان العدمود النازل من رأسه على سطح قاعدته ير جركزهاعلى التدقيق

هخروط ماثل العمود الناذل من رأسه على سطح قاعد ته لا عرجر كزها العمود الناذل من رأسه على سطح قاعدته لا عرجر كزها

هن لع

هومتوازى الاضلاع الذئ زواياه فائمة واضلاعه متساوية

سكز

هونقطة الوسط في كل دائرة اوكرة اوشكل منتظم

مستطدل

بعوما كانت اضلاعه المتعاورة مختلفة وكانت خسع زواياه قائمة

مستو

واجع السطح المستوى

مضلع

واجع الشكل * واوجز المضلعات على الاطلاق هو المثلث مضلع غيرمنتظم

هوالذى لم تنساوا ضلاعه وزواياه

مضلع مسطم

واجع كثيرالاضلاع المنتظم

شھاڻ

هوما كانت اضلاعه متساوية ولم تكن احدى زواياه قاعة

هومااحط بسطوح متوازية الاضلاع وكان طرفاه محدودين بشكلين مستقمى الاضلاع متساويين ومتوازيين * ويسمى منشورا مثلثيا اذاكانت قاعدتاه شكلين متوازي قاعدتاه مثلثين ومتوازى السطوح اذاكانت قاعدتاه شكلين متوازي الاضلاع ومتساويين ويقال لمتوازى السطوح الذى تكون اضلاعه اعدة على سطعى القاعدتين متوازى المستطيلات وهوجسم محاطبستة اوجه أعنى بست مستطيلات متساوية وموازية لبعضها اثنين اثنين

منشورقائم هوماكانت اضلاعه اعمدة على قاعدتيه منشورمائل منشورمائل

هوماكانت اضلاعه مائلة على قاعدتيه * وارتفاعه اياكان هوالبعدالذى ابن قاعدتيه المعبرعنه بالعسمود النبازل من نقطة من احدى قاعدتيه على الاخرى * واشهر المناشر القياعة هوما كانت جدع اضلاعه متساوية ومتوازية اثنين اثنين وكانت جدع زواياه ذات الوجهين قوائم وهدا المنشور يسمى مكعبا ويحكون شكلامنتظما من حمث ان جدع اوجهه مربعات متساوية وجدع زواياه المجسمة قوائم متساوية

واذا اردتان تأخدمساحة جم المكعب الذي طول احد اضلاعه معلوم فاضرب مربع الرقم الدال على هذا الطول في نفسه اواضرب ارتفاع الجسم في سطيح قاعدته *ومساحة جم المنشور المثلثي هي الحاصل من ضرب ارتفاعه في قاعدته * لان كل منشور مثلثي نصف متوازى السطوح المتعدمعه في الارتفاع فيكون جمه نصف جم هذا الجسم

aabia

هى جرعمن سطح الكرة محصور بن دائرتين متوازين اوبين دائرة الاستواء ودائرة موازية لها اوالقطب و ومبارة الحرى هي جرء من سطح المسكرة واقع بن مستوين متوازين

شرف النون نصف القطر

راجع اللط الشعاعي

معامة

هى الى ايس الهاشى من الابعاد الثلاثة نقطة التماس هى ما اشترك فيها المحمط واللط المستقيم المماس له

تقطة الغرض

هى احدى النقط المرسة من حسم شوحد المه خط شعاعي "بصرى" نقطة المراي

واجع نفطة الغرض

حرف الهاء

هرم

هوجسم ذوقاعدة واحدة محياط عندنات رؤسها مجقعة في نقطة الرأس بير ومساحة جم الهرم المثلثي هي حاصل ضرب ارتفاعه في ثلث قاعدته * وذلك لان الهرم المذكور يعتبر في الهندسة كثلث متوازى السطوح المتحدمعه في الارتفاع وبعبارة اخرى لانه عكن تحليل اى شكل متوازى السطوح الى ثلاثة اهرام مثلثية متحدة في القاعدة والارتفاع * وكيفية اخذ مساحة جم اى هرم كان ان تحلل هذا الهرم الى عدة اهرام مثلثية بقدرما يوجد فيه من الاوجه * وطريقة ذلك ان تفوّت من رأسه مستونات تقسم قاعدته الى عدة مثلثات بقدرما يوجد فيه من الاضلاع

هرار سال

هى علم بعث فيه عن مقدار الامتداد ومساحته معى علم بعث فيه عن مقدار الامتداد ومساحته معى علم بعرف الواو

وتر

هوالط المستقيم الواصل بن طرفى القوس * وبعبارة النوى هوخط مرسوم فى الدائرة ومنته الى المحمط من غيرمر وربالمركز

« (فهرست هسکتاب هادی الهندسه) »

AR. AD ميادى الهندسه المقالة الاولى وفيها عدة فصول الفصل الاول في اصول علم الهندسم مسائل اجهالية في الامتداد Ĺ خواص الخطوط والسطوح 12 فى المثلثات وتساويها ٤ سان الخطوط الاعدة والمائلة، مبحث المتوازيات ونتائجها 1. الاشكال الكثيرة الاضلاع وخواصها الاصلية 18 * (الفصل الثاني) * خواص الدارة 57

- صحت الخطوط المتناسة وتشابه المثلثات والكثيرة الاضلاع
- خواس الاشكال الكثرة الاضلاع المنظمة المرسومة في داخل 77 الدائرة وخارجها والنسبة التقريسة التي بن القطرو المحيط
 - (الفصل الثالث) في سطيح كثير الاضلاع وسطيح الدائرة
 - (الفصل الرابع) في مقابلة سطوح الاشكال المتشابهة 46
- (الفصل الجامس) في دعارى عملسة هندسسة متعلقة بالدعاوى 2 2 النظرية المتقدمة.
 - حل الدعاوى العملية بالعمل £ £
 - حل الدعاوى العملية بالحساب OY
 - دعاوى للعل

	م صحریله
المقالة الثانية وفيها عدة فصول	70
(الفصل الاول) في خواص المستويات التي تثلاقي وخواص الخطوط	70
المستقمة المقطوعة عستويات متوازية	
(الفصل الثياني) في الزوايا الكثيرة السطوح ويقال لها الجسمة	V •,
(الفصل النيالث) في الاحسام المسهدة بعدة مستويات وفي بعض	٧٣
خواصها	
شروط تساوى ذوات السطوح الثلاثة والمناشر وخاصية القطوع	Y •
المصنوعة في هذه الاجسام	
(الفصل الرابع) في مساحة احياز المناشير والاهرام	٧٧
(الفصل الخامس) في تشابه الجسمات	A &
(الفصل السادس) في الاجسام المستديرة وخواصها الاصليه.	Λο
(الفصل السابع) في مساحة سطح الاجسام المستديرة	ત્ •
(الفصل الثامن) في مساحة حم الاجسام المستديرة	40
الفصل التاسع فى مقابلة الاجسام المستديرة والاجسام المنظمة	99
وتشابه الاجسام المستديرة	
حدود الاجسام المسظمة	1 • •
ذكرجلة مسائل عملية حلها مبنى على جله من الاصول السابقة	
المقالة الشالثة فى التسوية	1 • 7)
(الفصل الاول) في مباحث نظرية	1 - 7,
(الفصل الثاني) في تطبيق الدعاوي النظرية السابقة	1 . 7
ميزان المداه	1 • 7
المرءى	1 • Y
التسوية السيطة	
اخذصورة قطع ارض	1 • 9

ai.se

١١٠ التسوية المركبة

١١٢ الرسم بالبلنشيطة

١١٤ العمل بالطريقة الاولى

١١٧ ألة الانحراف

١١٨ العمل بالطريقة الثانية.

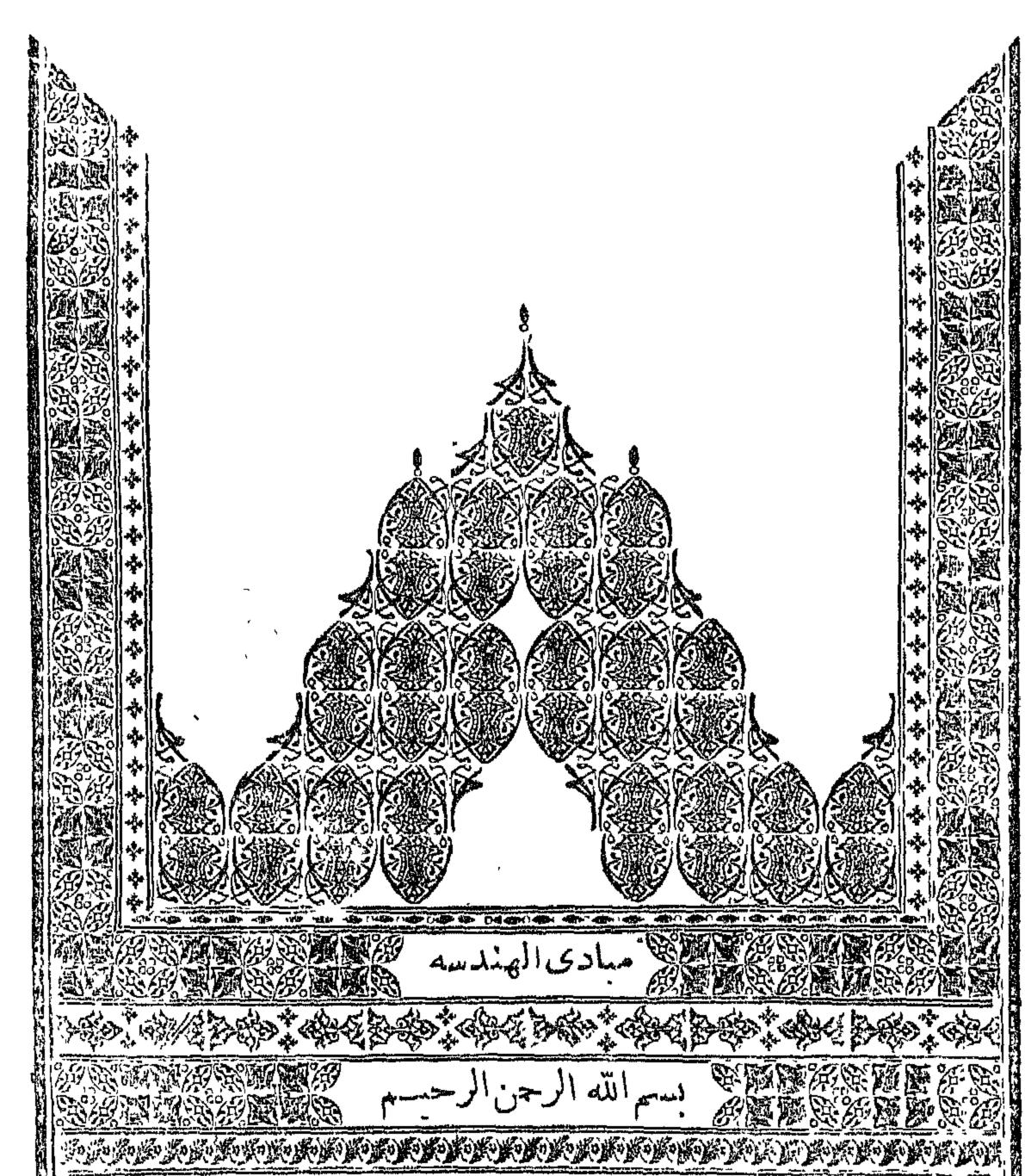
١٦١ اخذصورة الرسم بالبوصلة

١٢٥ اخذرسم الاماكن بدائرة الساح

* (الفصل الثالث) *

فى نهذة مختصرة فى بعض طرق رسمية مستعملة في نقل الرسوم ونقلها بقياس شختصر

اعلمان حروف المقالة الشالئة من هذا الكتاب منها ماهوصغير ومنها ماهوكبير والفرق بنه ما ان ما كان منها على نسق الحروف المصطلع عليها في حتب الهندسة فهو الصغير وما كان منها على نسق الحروف الفارسية فهو الكبير فالدال الكبيرة مثلا صورتها هكذا د والسغيرة صورتها هكذا سه والساء الكبيرة صورتها هكذا سه والساء الكبيرة صورتها هكذا سه والساء الكبيرة صورتها هكذا بوالالف الكبيرة صورتها هكذا بوالالف الكبيرة صورتها هكذا العلم والساء الكبيرة صورتها هكذا العلم والماء الكبيرة صورتها هكذا العلم والماء المعتبرة صورتها هكذا العلم والماء الصغيرة صورتها هكذا العلم والماء المعتبرة صورتها هكذا المعتبرة صورتها هكذا العلم والمعتبرة صورتها هكذا المعتبرة صورتها هداله المعتبرة المعتبرة صورتها هداله المعتبرة المعتبرة



الجدلته المحيط عله بجميع الاشياء * المنزه عن اشكال الجسمة بلاامتراء * المدبر ما كان وما يكون * تعالى عن ان تدركه العدون * فسمعانه لااله سواه * ولامعبود الااياه * استمدّالكون الوجود من نقطة وجوده * فافتقركل الى منشوركر مه وجوده * واستبدّ باستغنائه عن الكائنات * فع كرمه جميع الموجودات * والصلاة والسلام على المنتخب من عدنان * الناسخ ديشه لجميع الاديان * محمد المبعوث من خيرارومه * المنتخب من الحيام مدار العالم ومركزه * من رسمت انواع من الكالات في حيزه * وعلى اله اعمدة الشريعة الغرا * واصحابه الساطين الناس طرا

وبعد قلما كان ولى النعم الشامله * والعواطف الغزيرة الكامله * صاحب العزمات الصديقية * والاراء العمرية * والمراحم العمانية * والفتكات العلوية * من هو الى سعة الرحة بوجى * افند ساعماس باشاحلى * شديد الرغبة في عدين الابالة المصرية * حريصا على ان يكون فيها المعارف اهلية * مولعا عا يعود نفعه على الاهالى * يصرا عاينفع في الوقت الحالى * لاسمانعلم العساكر * العائدة منفعته في الغابر * كان كشرا لحث على نشر كتب العلوم * نطبع مافرغ منها وترجة ماهو بالعربة معدوم وهذا مختصر كانقدع بهلدرسة الطويحسة *وغرها من المد العسكريه * منترجى له شفاعة خبرشافع * حضرة رفاعة مكيدوى رافع * وصارعلمه التعليم * وحصل به النفع العميم * شمطرح فى زوايا الاهمال * وضرب عنه صفيا في هـ ذا الجال * لماتر حم كاب لوحندر الشهر * والتفت الد مالصغير والكبر * شمفى سنة عمان و خسس ن بعد الالف والمائم بن * اقتضى الحال الرعبة فيه * و حكرة راغسه وطالبه * على عادة تغير من اج الزمان وطبعه * قصد والامر بنشره وطبعه * ولماكان فيه من الاصطلاحات القديمة ما يحيه الاسماع * ولا عيل المه سلم الطباع * ومن اللعمات في الترجه * ما يوقع في الحرة من ارادتفهمه * اقتضى الحال في سنة سمعن * بعد الالف والمائمن * أن يطبع عطبعة مهند سحانه * بعدان بقابله من خوجانها اولو الفطانه * وان يصلح ما وقع فد من الغاطات * وان يغير منه ما لا يليق من الاصطلاحات * فاهم بذلك ناظر هذه المدرسه * التي هي على المعارف مؤسسه * واحال مقابلته على المنوكل على ربه المعدد المدى * احد خوجاته الرعى افندى

وتهذيب اشاراته اسرالاوزار * ابراهيم عبدالغفار * اظال الله ايام الحديق صاحب الهدمة العلم * ووسع به ويا نجاله دائرة المحارف في مصرالهم * بجاه من ركب المحارف في مصرالهم * بجاه من ركب البراق * ورقى الى السبح المحاق



*(مبادى الهندسة) *

*(القالة الاولى) *

*(وفيها عدة فصول) *

*(الفصل الاول) *

*(في اصول علم الهندسة) *

*(مسائل اجمالية في الاستداد) *

(۱) الفراغ الذي يشغله الجسم له بالضرورة ثلاثة ابعاد هي الطول والعرض والعمق او الارتفاع

ونهايات الحسم سطوح فالسطيع ماله طول وعرض فقط ونهايات السطوح خطوط فالخط ماله بعد واحدوهو الطول

ونهابات الخطوط نقط هندسية فالنقطة مالس له بعد

ومن المعلوم ان هذه النهايات الثلاث المختلفة لاوجود لكل منها على حدته فى الخارج وانما تعتبر فى الذهن والوهم فقط ولما حكانت البسائط مقدمة على المركبات ذكرنا خواص الخطوط ثم السطوح ثم الاجسام وهذه النهايات الثلاث هى المقصودة من هذا العلم

(خواص الخطوط والسطوح)

(٢) الخط المستقيم هو أقصر بعد من نقطة الى اخرى

فينتذكل نقطتين مقروضتين لأعكن انعد ينهما الاخط واحدمستقيم

(٣) كل خط ليس مستقما ولامركا من الخطوط المستقمة فهو خط

والخط المستقيم منفردفى نوعه بخلاف الخط المنحنى فانه لانهاية لانواعه

(٤) السطح المستقيم في ان نظبق عليه خط مستقيم في اى حهة من جهاته

فطوط الاشكال المتعلقة مدا الكاب موضوعة على سطوح مستوية

(٥) كل سطح ليس مستويا ولا من كامن سطوح مستوية فهو سطح مندن

والسطع المستوى منفرد ايضافي نوعه واما السطوح المنحنية فهي ذوات انواع لانهاية لها

(٦) الخطالمستدر المسمى ايضا محيط الدائرة كافى (شكل ١) هوما كانت اقطه الموضوعة فى سطح واجدعلى بعد واحد من نقطة الوسط المسماة مركزا وهد الخط المستدر هو اسهل الخطوط المنحنية وهو المعتبر فى مبادى الهندسة دون غيره

(خواص الخطوط المستقمة الصادرة عن وضع كل منها بالنسبة الى ماعداه) (حواص الخطوط المستقمة الصادرة عن وضع كل منها بالنسبة الى ماعداه) من المعلوم ان الخط المستقم لا يحكن ان يتلاقى مع مستقيم آخر الافي نقطة واحدة

(۸) الزاوية هي الانفراج الذي بن خطين مستقمين متلاقيين يهوهم استدادهما كايراد فالخطان سما و سمد المستقمان كافى (شكل) عماضلعا الزاوية اسم و ونقطة سم هي رأمها

(P) الزاوية ان المتساوية ان هما اللتان اذاوضعت احداهما على الاخرى انطبقت عليها انطباقا كليا

(۱۰) اذا وضع خطان مستقیمان کالخطین الم و سد بعیت معدث عنه مازاویتان متحاورتان متساویتان کالزاویتین اسه و و سه به کافی (شکل ۳) کان کل من هاتین الزاویتین زاویه قائمه و کان خط سه و عود اعلی الم و کان الم عود اعلی سه و ومن ذلا یعلم ان سائر الزوایا الفائمة متساویه لان المسافة الواحدة التی هی مثل او لیکن قسمته الی قسمین متساویین بمستقیم سه و الا بکونه عود اعلی الم

(۱۱) کُلْرَاویة اصغر من القاعمة فهی حادة مثالها زاویه ف و م وکل زاویة اکبر من القاعمة فهی منفرجة مثالها زاویة مد م انظر (شکل ٤) را در من القاعمة فهی منفرجة مثالها زاویة مد م انظر (شکل ٤) کل مستقیم یلافی مستقیما آخر فانه یجد ف عنه ما زاویتان محاور تان مجموعه ما یساوی زاویتین قاعمین

فن المعلوم ان الزاويين معرشه و شهرف المجاورتين كافي (شكله)

مجنوعه ما مساول اوسين فاعتن فعلى ذلك اذا كانت احداه ما فاعة كانت الاخرى بالضرورة كذلك اى قاعة وكان كل من الحطين اللذين حدث عنهما ها مان الزاوية ان عودا على الاخرى

(۱۲) سائرالزوایا ۱ مد و دست و سه سن المتقالمة الکائنة في جهة واحدة على المستقيم اسم كافي (شكل ۲) مجوعها يساوى زاويتن قائمتن

(٤١) اداتقاطع خطان مستقيان كافي (شكل ٧) فالزاوية ان المتقابلة ان برأسيم ما تكونان متساويتين

وذلك أن مجوع الزاوية ن اسم على اسم المتعاورة بنيساوى زاوية ن المعاورة بنيساوى زاوية ن اسم على وكذا مجوع الزاوية ن اسم على وسم المعاوى زاوية ن فاذا طرح من كل من المجوعان الزاوية اسم على المشتركة بقيت الزاوية اسم على المساوية لمقابلة التي هي عسم وهو المطاوب وعثل ذلك يبرهن على ان الزاوية اسم على الزاوية المسم النواية المسم على الزواية المسم على الزواية المسم على الزواية المسم على الزواية المسم المسم الزواية المسم المناوية المسم المسم المناوية المسم المسم المناوية المسم المناوية المسم المسلم المسم المسم

(٥١) فننج من هذا انجم الزوايا التي يمكن رسها حول نقطة تساوى الربع زوايا قامّة

* (في المشائلة وتساويها) *

(١٦) اقل ما يازم لنعد يد المسافة ثلاثة مستقيمات وفي هـ نده الحالة تسمى هذه المسافة مثلثامثاله المثلث ١ - سمة كاف (شكل ٨) وخطوط ١ - و اسمة و -سمة هى اضلاع ذلك المثلث (١٧) يتساوى المثلثان اذاكان في كل منهما زاوية مساوية لزاوية من الآخر ومنعصرة بين ضلعين مساوك لمنهما لنظيره من الا آخر فاذا فرض ومنعصرة بين ضلعين مساويك لمنهما لنظيره من الا آخر بحيث بنطبق عليه مثلثى ١ -سمة و أَسَمَ يمكن وضع احدهما على الا تحر بحيث بنطبق عليه انظيافا كليا لاندا وضعنا آرً على مساوية الذي هو ا مان ضلع انظيافا كليا لاندا وضعنا آرً على مساوية الذي هو ا مان ضلع أ

آسة بقع على مساويه الذي هو اسم بسبب المساواة التي بين الزاوية بن أو ا ومن حيث ان النقطة سم تقع على النقطة سم والنقطة تدعلى مد ينطبق سمر تد بالكلمة على سمر فاذن تكون الاضلاع مساوية للاضلاع والزوايا للزوايا فالمثلثان بكونان متساويين

فینتے من ذلک رَسَّہ = رسم و ر = ر سَّہ = سہ
(۱۸) بتساوی المثلثان اذاکان فی احد هماضلع مساولنظیرہ من الا خو
و کانت کلتا الزاوی بن المجاور تین الحکل من الضلعین مساویہ لنظیر تما
فاذا کان آ = ا و ر = ر آ = ا ر یکون المثلث
آرسَہ = المثلث ارسہ

برهان ذلك ان نضع آ على الضلع الساوى له السفو فبسبب تساوى الزاويتين آ و ا يقع الضلع آسَم على استقامة اسم وتقع النقطة سم في محل يكون في تلك الاستقامة وكذلك من حيث ان ساحت النقطة سم على السنقامة سم فاذن تنظمق النقطة سم على السنقامة سم فاذن تنظمق النقطة سم على السنقامة سم فاذن تنظمق النقطة سم على النقطة سم فيننذ يكون المثلثان متساوين

(٠٠) النقطة و المفروضة في داخل الملث اسه كافي (شكله) اذا اخرج منها الى طرفى الضلع المستقمان او وسوكان مجوع هذين المستقمين اصغر من مجوع الضلعين الاستوين اسم و سهد وذلك انك اذا صددت او الى و وجدت في المثلث وحد ان وسرح و حدد فاذا اضفت الى كلمن هذين القدارين المستقيم او

ينكون

او + و - < او + و ح + و - او او + و - < او المدن المقدارين اد < اسم + سر - المستقيم و - كان اد + و - < اسم + سر - المنتقيم و - كان او + و - < اسم + سم - او + و - < او + و - < اسم + سم - اسم -

(۲۱) اذا ساوى ضلعان من احد مثلثين ضلعين من الا خروكانت الزاوية التي بين الضلعين من احده ما اصغر من نظير تها التي بين الضلعين من المثلث الا خركان الضلع الثالث المقابل للزاوية الصغرى اصغر من الضلع الثالث المقابل للزاوية الصغرى اصغر من الضلع الثالث المقابل للزاوية الكبرى

فاذا کان ا ۔ آ ۔ و اسہ = آسہ و ا اصغرمن آیکون سہ یہ اصغرمن آیکون سہ یہ اصغرمن سہ ۔ کافی (شکل ۱۰)

وهذه الدعوى تكادان تكون واضحة بنفسها لأنا اذا توهدمنا ان الضلع الثالث اسر والسر في عظمهما الاصلى في حالة كون الضلع الثالث سهد بتزايد او يتناقص دائما وجب ان الزاوية المقابلة له تتزايد او تتناقص بعسمه وعكن البرهنة على هذه الدعوى بوجد دقيق

وذلك ان تضع المثلث اسم على المثلث آسم تعيث ان السيطيق على آس ويكن ان يحدث من ذلك ثلاثه احوال وذلك لان نقطة سم اما ان تقع داخل المثلث آسم واوعلى الضلع سمد اوخارج المثلث آسم والمثلث اسم والمثلث اسم المثلث اسم والمثلث المثلث اسم والمثلث المثلث ا

فق الحالة الاولى اي اذا وقعت النقطة سمد داخل المنك أرسم كافي الشكل المراب المراب المراب المراب المراب المراب المراب المراب المرف الاول أسر اومساويه اسم ومن الطرف الاول أسر اومساويه اسم ومن الطرف

الاترمساويه أسريق شرك او سرر حرك

وفى الحالة الثانية اى اذاوقعت النقطة سم على الضلع سرر فى نقطة نفرضها سركا فى (الشكل ١٠) بكون رسم اومساويه رسم اصغر من رسم

وفى الحالة الثالثة اى اذا وقعت النقطة سرخارجا فى نقطة نقرضها سُريكون أسرح سرّد به حرير من كون أسر حرير من من المراد الأوراد المراد المر

فاذا طرحا أسر منطرف ومساويه أسر من الطرف الآخر سق سُرَد اومساويه سرح سَرَد وهو المطلوب

(۲۲) اداساوت اضلاع مثلث اضلاع مثلث آخر کل لنظیره کان المثلثان متساوین

وذلك آن ثلاثة اضلاع المثلث اسم مساوية لثلاثة اضلاع المثلث أسم كل لنظيره كافى (شكل ٨) فيجب ان تكون الزاوية المساوية للزاوية آلان الزاوية آلان الزاوية آلان الزاوية آلان الزاوية آلان الزاوية آلوكان البرمن الزاوية آلان الزاوية آلوكان الضلعان سم الكبرمن شمر الواصغر منه انظر بند (٢٦) لكن هذان الضلعان منساويان فاذن تكون الزاوية آلمساوية للزاوية الوجثل هذا يبرهن على ان الزاوية المساوية المساوية

وينجمن هذا ان الزوايا المتساوية تكون مقابلة لاضلاع متساوية وبالعكس * (بان الطوط الاعمدة والمسائلة) *

(٣٣) من المقدنيات الله لا يمكن ان يقام من نقطة على مستقيم الاعود واحد على ذلك المستقيم انظر (شكل ٣)

فاذافرضسناان سمء يصمنع مع انم زاويتسين متعاورتين متساويتين

اسه و و مرتب کان المستقیم سه و عمودا علی المستقیم اسم کافیند (۱۰)

وامااناط سرد ومااشبه من الخطوط التي لم تكن اعدة على المستقيم المفاتها تسمى خطوط اما لله انظر (شكل ٧)

(٤٦) (شكل ١١) اذافرضانانقطة خارج مستقيم ورسمنامنهاعودا وعدة مستقمات مائلة على هذا الخط نشأمن ذلك ثلاث حالات

الاولى ان العمود يكون اقصر من كل مستقيم ماثل والثانية ان المستقيات المائلة البعيدة عن موقع ذلك العمود ببعد واحد تكون متساوية والثالثة ان المستقين المائلين المتباينين في الطول يكون ابعد هما عن موقع ذلك العمود هوا طولهما

وذلاً انك اذا مددت الله هوعود على كالمستقامته واخذت مقدارا سن الله ووصلت المستقيين سن و ك ف فات المثلث سر سن يساوى المثلث السيد لان في احده ماضلعين وزاوية بينهما يساوى كل منها نظيره من الا خركا في بند (١٧) لكون سر مشتركا بين المثلثين و سن السيد في الله المنافقة سامت مشتركا بين المثلثين و سن السيد في المن من حيث ان الخطاب ف مستقيم بلزم ان يكون اف حاسد لكن من حيث ان الخطاب ف الذي هو نصف الخطاب ف اقصر من اسم الذي هو نصف الخطاس ف المنائلين وهو المطلوب

ثم لیکن الات سے = سسم فیقال ان المثلث اسے بساوی المثلث اسے انظر بند (۱۷) فینند یکون اے = اسم فاذن المطان المائلان البعید ان بعد اواحد اعن النقطة ساتی هی موقع العمود اسر یکونان متساوین

والخط أئ المنكسر في المثلث أسم ف يكون اقصر من الخط أسم ف

المنكسرانظربند (٢٠) فينتذبكون اد الذى هونصف الاول اقصر من اسم الذى هونصف الشانى فاذن الخطان المائلان المتباينان اطولهما هوا بعدهما عن موقع العدمود

ولما كان العمود اقصر من كل خط ما تل كان مقياسا للمسافة الحقيقية التي بن نقطة و خط مستقيم

(٢٥) ينتج مماسبق عدّة تناجم

الاولى اله لا عصكن ان ينزل من نقطة مفروضة خارج خط مستقيم الاعمود واحد على ذلك الخط المستقيم

النابية اله لا يمكن ان يرسم من نقطة واحدة على خط مستقيم ثلاثة خطوط مستقيم ثلاثة خطوط مستقيمة متساوية

النالثة ان كل مثلث قائمى الزاوية اذا كان فى كل منهما غير الزاوية القائمة ضلعان مساويان لنظير بهما من الا خر اوكان فى كل منهما غير القائمة زاوية مساوية لنظير تهامن الا خروضلع مساولنظيره منه فالمثلثان متساويان

الرابعة أذاكان المستقيم سمد عوداعلى منتصف مستقيم آخرمثل الرابعة الذاكان المستقيم آخرمثل الرابعة كاف (شكل ۱۲) فكل نقطة مثل و من سمد تكون على بعد واحدمن طرفى ال

الخامسة كل نقطة مثل به موضوعة خارج عود سه ى تكون مثياية البعد من طرفى الخط السكل المذكوروذ لله لان النقطة وعلى بعدوا حد من طرفى الخط السفكون او = وله وحيث ان الضلع بعدوا حد من طرفى الخط السفر من وبه جول وبيتج ان الضلع سب من المثلث به وسامغرمن وبه جول بنتج ان سه در حراء واذن يكون ما حراء

(٢٦) اذا كان في المثلث ضلعان متسافيان فالزاوية ان المقابلة ان لهذين النظاعات المقابلة اللهذين النظاعات المقابلة المقابل

مثال ذلك او حور كافى الشكل المذكور فاذا انزلنا من النقطة وعودا وسم على أب لزم ان يكون اسم عدم فينتذيكون

مثلثًا اوسم و سوسم متساويين لان أضلاعهـما الثلاثة المتناظرة متساوية اولان في كل منهما ضلعين وزاوية بينهـمايساوى كل منها نظيره من الاسخر فاذن تكون الزاوية الزاوية وسا

وكذلك اذاكانت الزاويتان الوسم متساويتين فالضلعان و و و و او المقابلان لهاتين الزاويتين يكونان متساويين

(۲۷) اذا كان في المثلث ضلعان غير متساويين فالزاوية الكبرى هي التي انقابل الضلع الاكبر

مثال ذلك المحارب عادا القنا سدى كافى (شكل ١١) عودا على منتصف الدورسمنا وللمحدث زاوبتان ولا و واب متساوبتان لكن الزاوية حدا الكبر من الزاوية ولا الماذن الزاوية للمحاربة المقابلة المقابلة للضلع المحالة الاكبرة كون اكبر من الزاوية المقابلة للضلع حد الاصغر وعكس هذه القضية النظرية ابضاصحيم وهو ان اصغر الاضلاع هو المقابل لاصغر الزوايا

وينتج منهذا أندمتي كانت ثلاثة اضلاع المثلث متساوية فأن زواياه الثلاثة تكون متساوية فأن زواياه الثلاثة

* (محت المتوازيات وسائعها)

(۲۸) الخطان المتوازيان هـمامستقيمان موضوعان في مستوواحد ادامد الايتلاقيان ابدافا خطان اسم و حد المستقيمان العمود ان على الخط الله كافي (شكل ۱۳) متوازيان بمتقضى النعريف

ومن الاصول المسلة ان الخط المستقيم العدمود على خط آخر يمكن أن بتلاقى مع كل خط مائل على ذلك الا تخرفاذ المدنا مثلا الخط سب المائل مد المائل مد كافيا فانه يبلاقى ضرورة مع الخط اسم الذى هو عود على الخط اسوومن حيث ان هذه القضية تكادان تكون واضحة بنفسها تعسرت البرهنة عليها بدليل هندسي فلهذا صادم حث المتوازيات ناقصا غيرشاف

(٩٦) اذا قطع خطان متوازيان بخط ثالث مستقم فجموع الزاويتن

الداخلتن فى جهة واحدة يساوى زاويتين قائمتين

رذلا انااذا انزلنا من النقطة م التي هي منتصف المستقيم و شه عودا محدا م على على الخط الله كافي (شكل ١٤) كان هذا العمود عودا ايضا على سمد انظر بند (٢٨) وكان المثلثان م عووم له شه القائما الزاوية في عول م متساويان لان الضلعين وم وم شه متساويان بالعمل وكذلك الزاويتان عمو و شهم له متساويتان لانهما متقابلتان برأسيهما انظر بند (١٤) فاذن تكون الزاوية عوم عم مشه له وحيث ان مجموع الزاويتين م شه له وساوى قائمتين وان مشه له يساوى قائمتين وان مشه له يساوى قائمتين وان مشه له يساوى م حله يكون مجموع الزاويتين م حسوم مشه كالداخلين في جهة واحدة مساويان زاويتين قائمتين

ولاجل الاختصار تسمى الزاوية ان احت و سه شهد المتساوية ان الكائنة ان في جهة واحدة من القاطع من بالداخلة والخارجة على التقابل اوبالمنقابلة بن بالدخول والخروج

وتسمى كرم ومشدل المتساويةان الكائنتان في كل من جهتى القاطع عن وبين المتوازين الموسم المتبادلتين بالدخول وتسمى ف وك و عشدل المتساويتان الكائنتان في جهتى الخط القاطع وخارج المتوازين بالمتبادلتين بالخروج

ويظهر من هذا الشكل ان جميع زواياه الحادة متساوية وكذلك المنفرجة (٠٣) الخطان المستقمان الموازيان لشالث يحسكونان متوازين

مثال ذلك الخطان اسم و حشم الموازيان الغط مد كافى (شكل ١١) فاذا فرضنا نقطة مثل و واقنا منها على مستقيم مد عودا و مكان هذا العمود عود البضاعلى اسم و حشم فينئذ هذان المستقيمان

يكونان عودين على خطوا حدفادن هما متوازيان انظر بند (٢٦)

(۳۱) الخطان المتوازيان يكون بعد احدهما عن الاستروا حدامن كل محل فاذار سمنا بين المتوازين السرو سدد من اى محل عودين السروسد

على المستقيم الم كافى (شكل ١٥) كان هذان العمودان متساويين وذلك لان المناشين اسمر وسمر متساويان لان فى كل منهما زاويتين وضلعا بينهما مساويا كل منها لنظيره من الاسترفان سمر مشترك بين المثلثين والزاويتين سمرا وسمد المتبادلتين بالدخول متساويتان وبمثل ذلك يبرهن على التساوى بين الزاويتين اسمر وسمر وافذن يكون اسم و سمر و كاذن يكون اسم و سمر و كاذن

ويؤخذ من هدذاان اجزاء المتوازيات المحصورة بين متوازيات اخرى تكون متساوية وبالعكس

(٣٢) كل زاويتن اشجه تا الى جهة واحدة وكانت اضلاعه ما المتناظرة متوازية وموضوعة على جهة واحدة فانهما تكونان متساويتين

مثال ذلك عن الموازى المورى المرازى السم كافى (شكل ارد) فاذا مددنا كرا الى نقطة مثل م يقال من حيث ان المستقيم المع فاطع للمتوازيين المروح تكونان متداويتين وكذا يقال من حيث ان المستقيم المدخول والخروج تكونان متداويتين وكذا يقال من حيث ان المستقيم المد قاطع للمتوازيين السمو مدا فالزاويان ا و حكونان متساويتين فاذن تكون الزاوية الله و حدا كونان متساويتين فاذن تكون الزاوية الله و حدا

* (الكلام على الخطوط المستقيمة المتعلقة بالدائرة وعلى قياس الزوايا) *
(٣٣) نصف قطر الدائرة كل خطمستقيم خرج من من كزالدائرة الى عصطها مذاله الخط سم اكافى (شكل ١٧)

ومن المعاوم ان الخط المستقيم لا يمكن ان يتلاقى مع محيط الدائرة في المسكثر

والقوس جزء من المحسط مثاله ١٥ سـ والوتر هو المستقيم الواصل من الحدى نها بني القوس الى الاجرى مثاله ١٥ سـ

والقطرهوالوترالذى يمرّ بالمركزوينهي منطرفيه بالمحيط مثاله 1 ك

وقطعة الدائرة هي السطح الواقع بين القوس ووتره مثالها ادر ا والقطع جزء من سطح الدائرة محصور بين القوس ونصفي القطر المنه بين بطرفي هذا القوس مثاله اسم أ

والمماس هوالمستقيم المشارك المعمط في نقطة واحدة مثاله المستقيم طون وهذه النقطة تسمى نقطة التماس

والزاوية المحمطية زاوية حادثة من وترين ورأسها في المحمط مثالها الزاوية سر (٤٣) الاقواس المتساوية في الدائرة الواحدة اوفى الدوائر المتساوية هي التي اوتارها متساوية وبالعكس

و کدلك اذا کان الوتران الم و ک مساوین فالقوسان ام م و ک مساوین لان من المعاوم ان المثلثین و ک می الموتران مماید و نان متساویه کل لنظیره فته ون الزاوتیان اسم و ک سم مساویتین فاذن القوسان ام ر و ک م و نان ایضامتساوین

(٣٥) اعظم الاقواس الاقل من نصف المحيط ما كان موترا باعظم الاوتار وبالعكس فاذافرض ان القوس الدى من القوس ام بيقال ان فى كل من المثلثين اسمد و اسمه علمين مساويين لنظير بهمامن الاتو لكون الخطوط اسم و سمد المستقمة انصاف اقطار لدائرة واحدة الحكن الزاوية اسم و اصغر من الاكون الزاوية اسم و اصغر من الاكون الزاوية اسم و المنافية السمالة فاذن بكون الراح من الاكافي بند (٢١)

وكذااذا فرض ان الوتر أي من الوتر أله فانه ينتج من نفس هذين

المناشين ان الزاوية - أسم ح من الزاوية اسم

(٣٦) العدمود المقام على طرف نصف قطرد الرة يحكون خطا مماسا لمحمط هذه الدائرة

فاذافرض ان أر هو العمود على نصف القطر اسم كافى (شكل ۱۹) يقال ان كل خط مائل مثل سمر اطول من نصف القطر المذكور كافى بند (٤٦) فيمقتضى ذلك تكون النقطة ما خارج الدائرة فاذن الحط اسلا يجتمع مع المحمط الافى النقطة الحدند يكون المخلط المافى بند (٣٣)

ومن هذا ينتج إن كل دائرتين متماستين من داخل اومن خارج تكون نقظة تماسه ها ونقطتا مركزيه ما على خط مستقيم واحدكما في (شكل ٢٠)

(۳۷) اذا كانده القطرعود اعلى وترفانه عرب منسمف ذلك الوت و بمنتصف دلك الوت و بمنتصف قوسه وسان ذلك ان يقال

اولا منحیث ان نصفی القطر اسم و سمد خطان مائلان متساویان اینم ان یکونا علی بعد و احد من العمود سم کی کافی (شکل ۲۱) فاذن اینم ان یکونا علی بعد و احد من العمود سم کی کافی (شکل ۲۱) فاذن این سے دواحد من العمود سم کی کافی (شکل ۲۱) فاذن

وثانیا من حیث ان العمود سه د مار عنصف ال فالفقطة کو التی علی هذا العدمود تکون علی بعدوا حدمن ا و له فاذن الوتر اد _ فاذن الوتر الوترین ستساویان یکون القوسان ۱ و د سه ایضامتساوین کافی ند (۳۶)

ومن هناينج ان النقطة سم التي هي المركز والنقطة به التي هي منتصف الوتر الوور النقطة و التي هي منتصف القوس اء ر تكون ثلاثها واقعة على الخط المستقيم

وصده ينتج ايضا ان القوسين سهم و الته الواقعين بين الخطين المتوازين يكونان متساويين انظر (شكل١١)

وذلك لان عرد رو فينجمن ذلك ان

عرب مر = را _ ره او عم = اه (۳۸) اذا كانت النسبة الكائنة بين زاويتين مركزيين في دائرة واحدة اوفي دائرتين متساويتين عدد اصحيحا تكون النسبة بين قوسهما كالنسبة بين هذين العددين

فاذافرضانالنسبة بين الزاوبين اسمه و اسمه على نسبة صحيمة مشكنسبة عن مثلااى فرض ان الزاوية م المفروضة مقاسا مشتر كاداخلة ثلاث مرات فى الزاوية اسمه وخس مرات فى الزاوية اسمه وخس مرات فى الزاوية اسمه منه تكون اقواسها المتناظرة اسمه منه عند وضم غن الخواسها المتناظرة الغوصم غن من الخواسها المتناظرة فاذن شبت ان نسبة القوس السنيامه الى القوس آسه بقيامه كنسسة عن في في مناهد المناهدة المن

وعكس هذه القضية ايضا صحيح اى اذا كانت النسبة بين القوسين الويم عددا صحيحاتكون النسبة بين الزاويم المركزيمين سه و سمه كذلك واذا فرض ان الزاويسين اسه و اسمت على غيرنسبة صحيحة فالنسبة بينهما كالنسبة بين قوسيهما الو اكم كافى (شكل ٢٦) فلنضع الزاوية اسما الكبرى بحيث فلنضع الزاوية اسما الكبرى بحيث تكون الزاوية اسما الكبرى بحيث تكون الزاوية اسما الراوية اسما الكبرى بحيث متناسبة ها المراوية اسما الزاوية اسما الناوية اسما الزاوية اسما القوس متناسبة هيرصحيحة وان حقهاان متناسبة غير صحيحة وان حقهاان تكون هكذا

الزاوية اسمه: الزاوية السمه القوس المن القوس او النوس او مُ مُ فرضه القسم الله القسام متساوية كل واحد منها اصعرمن مو فانه يوجد ضرورة بن مو و نقطة احد التقاسيم واتكن ع فنصل

بن ع و سر فدهسکون الناسب هکذا

الزاوية أسر : الزاوية اسرع :: القوس أح : القوس أع فسيب تساوى هذه المقدمات في هذه المتناسسة وفي التي قبلها ينتج ان

نسبة الزاوية اسر : الزاوية اسرع :: القوس ا و: القوس اع لكن القوس او اكبرمن اع فيلزم لصحة هذه المتناسبة الاخيره ان تكون الزاوية اسر و الحال انها اصغرمنها فاذن لاء كنان تكون نسبة الزاوية اسر للزاوية المرح والحال انها اصغرمنها فاذن العبي كنان تكون نسبة الزاوية اسر للزاوية المرح الناوية المرح القوس ا حرا القوس الق

وجمل هذا الوجه يبرهن ايضاعلى ان الطرف الرابع من المتناسبة لا عصور ان يكون المتناسبة داعًا هكذا الراوية اسم سن الزاوية اسم سن الزاوية اسم سن الزاوية التي في من كرالدائرة وقوسها الذى بين ضلعها يزيدان وينقصان على نسسبة واحدة فلنا ان نأخذ كلامن هذين المقدارين مقياسا للا تحروهذا احد الاسباب التي جلت المهندسين على اخذ القوس اسمنلا مقياسا الزاوية اسم معان الا وفق طبعاقياس مقدار عقدار آخر من نوعه من المعلوم انه اذا كان القوس اسربع محيط دائرة تكون الزاوية قاعمة من المعلوم انه اذا كان القوس السرب وعصور الرابعة قاعمة من المعلوم انه اذا كان القوس السربع محيط دائرة تكون الزاوية قاعمة

(٣٩) ينتج عماسيق ان القطعين الكائنين في دائرة واحدة اوفى الدوائر التساوية تكون نسبة ما كنسبة قوسهما فيندند الاقواس المستعملة لقياس الزوايا يمكن ان تستعمل ايضالقياس

محند الاقواس المسمعمل لقياس الزوايا عكن ان تسمعمل ايضالقياس قطوع الدائرة الواحدة

(٤٠) كال ونصف القوس الواقع بين ضلعها فلنفرض ان احدد ضلعى فان مقياسها هونصف القوس الواقع بين ضلعها فلنفرض ان احدد ضلعى

الزاوية اسم مد هوقطرالدائرة الذي هو سمد ثم نرسم من المركز و مستقما عدف موازياللغط اسم

واداکان المرکز و فی داخل الزاویه سم کافی (شکل ۲۰) پرسم قطر للدائرة و انفرضه سم و که هقیاسا الزاویتین ۱ سم کی سم کی یکونان الجائرة و انفرضه سم و که هقیاسا الزاویة المطاویة التی هی اسم = اسم که به که سم سم یکون مقیاسها ای به به یکون مقیاسها ای به یکون مقیاسها یکون م

واذا کان المرکز و خارج الزاویه اسه مد کافی (شکل ۲۶) پرسم قطر سه وی ومن المعلوم ان هذه الزاویه نساوی اسه و سه و مده فیجب ان یکون مقیاسها ای سے بعنی است

(١٤) كل زاوية حادثة من وتروخط عاس فان مقياسها يكون نصف القوس الواقع بن ضلعها

فلرسم قطر سمه عشم مقال اذا كانت الزاوية اسم الحادثة من الوتر سمه عن المماس اسم اصغر من قاعدة فان القطر سمه عيكون خارج هذه الزاوية وفي عصص ذلك يكون فى الزاوية اسم فى انظر (شكل ٢٧)

فق الصورة الاولى اسم - اسم د بسم و ومن حيث ان الزاوية اسم د قائمة فريع المحيط = سمي هومقيامها انظر (ندا الزاوية اسم د مقياسها سخ يكون مقياس الزاوية اسم د مقياسها سخ يكون مقياس الزاوية اسم - سے = سے سے

وفي الصورة الشائية الزاوية اسم ف = اسم ك ته كسم ف فاذن

الزاوية السرف يكون مقياسها سيرك + كت = سيرك يعنى الزاوية السرف يكون مقياسها سيرك + كت = سيرك يعنى الداوية بين ضلعها

* (ألاشكال الكثيرة الاضلاع وخواصها الاصلية) *

(٢٤) السطوح المستوية المحاطة بعدة خطوط مستقمة تسمى بذي

الاضلاع ولنبين كلمنها على حدته فنقول

اولا المسافة التي تعاط ثلاثه خطوط مستقيمة تسمى مثلثا وقد سبق الكلام على بعض خواصه فالمثلث بالنظر لاضلاعه يسمى

متساوى الاضلاع اذا كانت اضلاعه الثلاثه متساويه

ومتساوى الساقين اذاكان فيه ضلعان متساويان فقط و شختلف الاضلاع اذا كانت اضلاعه الملائدة غير متساوية وبالنظر الى زواياه بسمى

منقر ج الزاوية اذا كان فيه زاوية منفرجة

وحادالزوابااذا كانت زواياه الثلاثة عادة

وقام الزاوية إذا كان فيه زاوية فائمة والضلع المقابل لهايسمي وترالقائمة ومتساويه الزوايا اذا كانت زواياه الثلاث متساوية

ونانيا المسافة المحدودة باربعة خطوط مستقيمة تسمى بذى الاربعة اضلاع ولنذكرانواعه فنقول

المستطيل هو ما كانت اضلاعه المتعاورة مختلفة وزواياه قائمة كافى (شكل ٣٠) والمربع هو ما كانت اضلاعه متساوية وزواياه قائمة كافى الشكل المذكور والمتوازى الاضلاع هو ما كانت اضلاعه المتقابلة متوازية ولم تكن احدى زواياه قائمة كافى (شكل ٢٨)

والعين هوما كانت اصلاعه الاربعة متساوية ومتوازية كافى (شكل ٢٦) وشد ما لكن فيه ما كان فيه ضلعان متوازيان فقط

والمسافة التي تحاط ما كثرمن اربعة اضلاع تسمى كثير الاضلاع فان كان كشير الاضلاع ذا خسة اضلاع يسمى مخسا وأن كان ذاسسة يسمى مسدسا وأن كان ذاسسة يسمى مسدسا وأن كان ذاسبعة يسمى مسيعا وهكذا الى المعشر

ودوالا في عشرما كانت اضلاعه افي عشرود والجسة عشرهو ما السكانت اضلاعه خسة عشره وما الله اضلاعه خسة عشروه كذا

والمستقيم الواصل بنرأسي الزاويتين غيرالتجاورتين في ذي الاربعة اضلاع اوفي كثير الاضلاع بسمى قطر الشكل

(۲۳) کل مثلث مستقیم الاضلاع مجموع زوایاه الثلاثة بساوی زاویتین قائدامد کافی (الشکل ۳۱) اسم ورسم سمت موازیاللغط اسکات الزاویتان ۱ و سمت متساویتین لکونه ما متقابلتین بالدخول والخروج و کدلا الزاویتان میساویتین لکونه ما متساویتین لکونه ما متساویتین لکونه ما متسادلتین بالدخول ولکن مجموع الزوایا سمسه و سسمت و سسمت الشدن بالدخول ولکن مجموع الزوایا سمسه و سسمت و ۱ سمت الشدن بساوی قائمتین فاذن مجموع زوایا المثلث المستقیم الاضلاع بساوی قائمتین

فينج اولا من ذلك بالبداهة ان الزاوية سمه و الحارجة تساوى مجموع الزاويتين أو سه الداخلين

المانيا انهادا كانت احدى زوابا المثلث فاعة فكل واحدة من الساقيتين الكون حادة ومجوعهما يساوى فاعة

(٤٤) معنوع الزوايا الداخلة في كل شكل كشير الاضلاع يساوى مرارا بقدرما فيه من قاعمتين حسع اضلاعه الااثنين

فاذاوصلنامن نقطة الىجىع رؤس الروابا المتقابلة اقطارا اسم واك الخفائلة تحديا البداهة ان كثير الاضلاع بصيره نقسما الى مناثات عدّم اكعدة اضلاع هذا الشكل الااثنين كافى (شكل ٢٣ او ٣٣) وحيث ان جموع سائرزوا باهذه المثلثات عبارة عن جموع زوابا كثير الاضلاع المذكور بكون هذا المحوع مساويا من الرابقد رمافيه من قائمتين اعدة اضلاعه الااثنين فالحنس الذي في (شكل ٢٣) مجموع زواباه الداخلة بساوى ثلاث مرات زاويين قائمتين اوست زوابا قائمة فاذا اشر نالعدد اضلاع الشكل المطاوب بالحرف ع ولجموع زواباه بالحرف م وللقائمة بالحرف و تتركب معادلة بالحرف ع ولجموع زواباه بالحرف م وللقائمة بالحرف و تتركب معادلة

هكذا م = (ع - 7) من بعن ان مجموع زوایا كثیر الاضلاع بساؤی عدد اضلاعه ناقصا اثنین مضروبا باقیه فی اثنتین قائمین

(٥٥) فيندنسهل البرهنة على اندا المددنا من جهة واحدة اضلاع كثير الاضلاع المحدب يعنى الذى ليسله الازوايا محدية كان مجموع زوايا ما الحارجة يساوى دائما اربع زوايا قائمة

وذلك ان مجموع زواياه الداخلة والخمارجة يساوى مرارا بقدر مافسه من قاعمين عدد فاعمين عدد اضلاعه ومجموع زواياه الداخلة يساوى مرارامن القاعمين عدد اضلاعه الا اثنين فيعلمن ذلك ان فاضل هدنين المجموعين وهو مجموع الزوايا الخارجة يساوى مرتين زاويمين قاعمين اواربع زوايا قاعمة

وهذه الدعوى هي والسابقة نافعتان خصوصافى تحقيق عدم الخطأ في مساحة زوايا كثير الاضلاع المرسوم على الارض كاتراه فيماسياتي

* (القصل الشاني) *

*(محث الخطوط المتناسبة وتشابه المثلثات والكثيرة الاضلاع) *

الخطوط المتوازية ايضا الضلع الشاهة مشرط المتقمة المتوازية القاسمة الحط ما الذي هوا حداضلاع مثلث الى اقسام متساوية مشل الموسم و سمع تقسم ايضا الضلع الا خروهو اشم من هذا المثلث الى اقسام متساوية مثل المد و عن و ف و بشرطان تكون هذه الخطوط المتوازية موازية ايضا الضلع الشالث وهو م شم

واذا كانت الابعاد الوسم وسد الخدتساوية وكانت المستقيمات وسدف و مح متوازية كانت الابعاد اله و عف و ف و ايضامتساوية ولا جل بيان ذلك ترسم خطوط عن و ف ضد و موازية المستقيم ام فتحدث مثلثات اله و عن ف و ف صد المخ متساوية لان الخطوط عن و ف ضد المخ تكون ايضامتساوية لكونها مساوية للنظائرها من الخطوط سسم و سدى المخ بسبب انها خطوط متوازية واقعة بين خطوط متوازية انظر بند (١٣) وايضا الزوايا سام و غ عن و

الخمنداوية لانهامتقا بله بالدخول والخروج والزوايا است و سغ ف الخهى ايضا منساوية لان انفراجها متوجه الى جهة واحدة واضلاعها متوازية كافى بند (۲۳) فيندان في كل من هذه المثلثات زاويتين بنهدها ضلع مساو لنظيره من الا خرتكون متساوية فاذن يكون

اے سے نے سے الح

فننج من هذا انه مق كان بين خطين مثل أله و النه نسبة ماتكون الله النسبة بعينها بين ضعفيهما المساظرين المتساويين وهما الدواد اى انه محدث

ار: اد: اد: اد: ع × ار: ع × ار: ع × ارد وسرف عین بدل علی ای عدد کان صحیح

نماذا حکان المستقیم دے الموازی المستقیم اسم من المثلث السم کافی (شکل ۲۰) یقسم الضلع ۱ رای قسمین متناسسین مشل سد و اد فانه یقسم ایضا سر علی هذه النسسیة بعینها یعنی ان نسبة

اب: سے: ناس : ساع .

فینتج بالضرورة من هدده المتناسبة ومن السابقة متناسبة هی سعی اصغر سعی است در است در اصغر من سرع در اصغر من سرع فیدان در اصغر من سرع فیدان من سرع فیدان من المتناسبة المفروضة اکبرمن سرے و عمل هذا فیدان ایک انه لا عکن ان یکون اصغر منه فیکون سرف سے سرع سرهن ایضا علی انه لا عکن ان یکون اصغر منه فیکون سرف سے سرے بیرهن ایضا علی انه لا عکن ان یکون اصغر منه فیکون سرف سے سرے

وبهذا شت المطلوب

وعكس الدعوى المذكورة ايضاصحيم اى اذا كان ضلعان من مثلث مقسومين بخط مستقيم الى اقسام متذاسبة كان هذا الخط المستقيم موازيا للضلع الثالث ،

(٤٧) المثلثات التي زواياها المتناظرة متساوية واضلاعها المتناظرة متناسبة تسمى مثلثات متشابهة والمراد بالاضلاع المتناظرة هي التي تكون على وضع واحد في هذه الاشكال اوالتي تكون مجاورة لزوايا متساوية وهذه الروايات مي زوايا متناظرة

(٤١) كلمثلثين متساوي الزوايا تكون اضلاعهما المتناظرة متناسبة ويازم ان يكون امتشابهين

فلنأخذ على الضلعين اسم وسم من المثلث الا كبر بو عين سم و سمر مساوير الضاعين اسما و سمر من المثلث الاصغركافى (شكل و سمر مساويد النقطتين و و عضطمستقيم فيصيرا لمثلث وسم مساوية لنظائرها المثلث اَسَرَ لان في كل منهما ضلعين وزاوية بينهما مساوية لنظائرها من الا شو لان المثلث اسم و اسمر متساويا الزوايا بالفرض في نشذ المستقيم و يكون مساويا اروايا بالفرض في نشذ المستقيم و يكون مساويا او وموازيا الم فيكون بمقتضى القضية السابقة المسمد و اسمر المسمد المتما مثلثن متساوى الزوايا نكون اضلاعهما المتناظرة متناسبة

(٩٤) كل مثلثين اضلاعهما المتناظرة متوازية فهما متشابها نلانها متسابها فلانها متسابها فالمتناجو متساويا الزوايا عوجب (٣٢)

وعثل مأتقدم يبرهن على أن المثلث بن اللذين في كل منهما زاوية مساوية لنظير تهامن الاستوكائنة بين ضلعين مناسبين لنظير بهدما منه يكونان متشابهن

(٠٠) كل مثلثين اضلاعها المتناظرة متناسبة فهما متشابهان

ار: آر: است: آسد: رسه: رسه: رست و سه = ست فالمطلوب حينتذابسان ا = آ و ر = ر و سه = ست ولاجل ذلك برسم المثلث آرء متساوى الزوايا مع المثلث استر بحيث ون الزاوية آرء = لازاوية ر والزاوية راء = افيقتضى القضية السابقة بكون ار: آر: است: آء: دسم فيقتضى القضية السابقة بكون ار: آر: است: آست: است : رسم : رسم

فیکون آء = آس و دء = آس

فینتذیکون المثلثان آری و آسم متساویین لکن المثلث آری متساوی الزوایامع المثلث اسم فاذن یکون المثلث اسم و آسم متساوی الزوایا و متشاجین

وينتج ماتقدم انه لاجل معرفة ان المثلثين متشابهان بشترط ان يكون فى كل منهما زاويتين مساويتين لنظيرتهما من الاخراوتكون اضلاعهما المتناظرة متناسمة

(١٥) كل مثلثن اضلاع احده مما اعمدة على اضلاع الا تحركل على نظيره فهما منشابهان

فلتكن الاضلاع دے و دف و ے ف كافى (شكل ٣٨) اعدة على الاضلاع اسم و الله سهد كل على نظيره فنى ذى الاربعة الاضلاع الذى هو سرخ ے ضرب جموع زوایاه الاربع بساوى اربع زوایا

قائمة لكن الزاويتان غو مند قائمتان بالفرض فاذن يكون مجموع الزاويتين سر و د عضر الباقية بن مساويا قائمتين لكن الزاويتان و عضر و مثل و د عن تساويان ايضا قائمتين فاذن الزاوية و عد و مثل هذا يبرهن على ان الزاوية ف د ع ا وان الزاوية و ف ع الفائن السر و د ع ف اللذان اضلاعها عدة كل على قادن المثلثان السر و د ع ف اللذان اضلاعها عدة كل على قادن المثلثان السر و د ع ف اللذان اضلاعها اعدة كل على قادن المثلثان السر و المنافرة و المنافرة

وسن المعلوم ان الاضلاع المناظرة هي التي تكون اعدة بعضها على بعض فننتج من ذلك بالبداهة ان الد : دف :: اسم : دم :: سمن فننتج من ذلك بالبداهة ان الد : دف :: اسم : دم : دم : دم نا

وهداء لى فرض ان احد المثلث و اخل فى الا خو فاذا لم يكن كذلك فانه عكن و هم مثلث المثلث المئلث و عن الداخل تكون اضلاعه موازية لاضلاع المثلث المسمد فينند البرهان السابق مطبق ايضاع لى هذا الشكل

(٥٢) كل خطين متوازين فاطعين لحطوط مستقمة خارجة من نقطة واحدة فانهما ينقسهان مثلث الخطوط المستقيمة الى اجزاء متناسسة فيثان المستقيمين سسم و دو متوازين كافى (شكل ٣٩) يكون سو : وط :: وح : طه :: عسم : هد لان وط حيث انهمواز سو يكون المثلثان اطه و اسو متساويي الزوايا فتكون المتناسبة هكذا وط : سو :: اط : او وكذا يقال حيث ان مثلثى او م و اطه متساويا الزوايا تكون المتناسبة هكذا هو ط : و ح :: اط : او فسيب النسبة المشتركة التي هي اط و او يكون سو : وط :: وح : طه

وبمسل ذلك تتحصل متناسسة ون طهد عدما انقسم فاذن الخط حد مقسم في النقطتين ط و ه بقدر ما انقسم

انلط سر قى النقطتين و و ك

فينج من هذا أنه اذا كان سر منقسما الى اجزاء متساوية بكون موازيه وهو مرى منقسما الى اجزاء متساوية

(٣٥) كل مثلث قائم الزاوية ادا انزلنامن قائمته على وترها عودا فائة بعدث من ذلك ثلاث حالات كافى (شكل ٤٠)

الاولى ان العمود بقسم المثلث الى مثلث نمتشام بن ومشام بن أله الشانية ان العمود بكون وسطامتنا سما بين قسمي وتر القياعة

الثالثة انكل ضلع من ضلعي قاءة المثلث المذكور يكون وسطا متناسسا بن وترالقا عَة بقيامه والقسم الجياورله

مثال ذلك المثلث السه القائم الزاوية في ا فالعمود ا و النازل من النقطة ا على الوتر سهر يقسم هذا المثلث الى مثلثين آخرين متشابهين ومشابهين له لان جموع الزاوية ين حوسه = قائمة وكذلك الزاوية ان حوو و فيلزم ان سه = و وجنل ذلك يبرهن على ان حواد فاذن المثلث اسه و و احد يكونان متساويي الزوايا معاومع المثلث اسهد فهما متشابها ن قن تشابه المثلث سه و ا و احد تتركب متناسبة سه و : ا و : ا و : ا و : و حد يعنى ان العدمؤد ا و هو وسط متناسب بين قسمى و تر القائمة وهما سه و د و د

ومن تشابه المثلثين اسمد تتركب متناسبة

سدد: اسم: سه سه (۱)

ومن نشابه المثلثين اسم و اكد تتركب متناسبة

(r) ~~: -1:: -1:5-

فاذن كل من ضلعي الزاوية القائمة من المثلث القائم الزاوية وسط متناسب بين الوتر بتمامه والقسم الجاورله

فینج من المتناسسین (۱) و (۲) ان آب = سس \times سر فاذا جعناها تین المعاد لتین کل طرف و آس = سس \times سر و فاذا جعناها تین المعاد لتین کل طرف

لنظیره تعمل آر بسری است = رسم (رد به سری)

لکن رد به سری = رسم فاذن آر به آست = رست یعنی ان جموع مربعی ضلعی الزاویه القائمة مساولر بع و ترالقائمة وسیاتی قریباذ کرهذه القضمة المهمة بطریقة اخری غیرمتعلقه بشایه المثلثات * (خواص الدائرة) *

(٤٥) اجزاء الوترين المتقاطعين في دائرة تكون متناسبة على الدها كس وبيانه ان المثلثين ا عرب وسم عرب من (شكل ٤١) متشابهان لكونهما متساويي الزوايا وذلك لان الزاويتين الكائنتين في عرب متساويتان الكونهما متقابلتين برأسهما والزاويتان الوسم متساويتان ايضا لان مقيباس كل منهما نصف القوس حد فينشذ الاضلاع المتناظرة من هذين المثلثين تفيدان العرب عديد عود العد الوترين يحدثان الوسطين احد الوترين عديان طرفى المتناسبة وجزء الوتر الا تحريحه دان الوسطين واذا كان احد الوترين مئل الم قطرا والوتر الا تحريم مثل سدد عود العلم كافى (شكل ٢٤) فانه يكون بالضرورة عسم عدد عد فاذن المتناسبة السابقة تصير هكذا الدن عسم عدد عد المناسبة السابقة تصير هكذا الدن عسم عدد المناسبة السابقة تصير هكذا الدن المتناسبة السابقة تصير هكذا المناسبة السابقة تصير هملانا المناسبة السابقة تصير المناسبة السابقة تصير هملانا المناسبة السابقة تصير هملانا المناسبة المناسبة السابقة تصير هملانا المناسبة السابقة تصير المناسبة السابقة تصير المناسبة المناسبة

ومنه ينتج ان ہے ہے اے × ے۔

وينتج من هذا ان كل عود على القطر وسط متناسب بين الجزئين اللذين يحدثهما العمود على القطر وهذه الخاصة ننشا بلا واسطة من خاصة المنك اسم القائم الزاوية (انظر النمرة السابقة) وهذا المثلث يفيد ايضاان الوتر اسم وسط متناسب بين القطر اسه والجزء الها المجاورله

(٥٥) اذارسم من نقطة مقروضة خارج الدائرة خطان قاطعان الها ومنتهان الى الجزء المقعرمن المحيط كان هذا القاطعان بتما مهما متناسبين مع جزئم هما الخارجين على المتعاكس

وذلك ان المذائين اسع و سهر من (شكل ٤٣) فهمازاوية

مشترکه فی ر والزاویه ۱ = سر کافی بند (۱۰) فاذن هذان المثلثان مشترکه فی بند (۱۸) واضلاعهما المتناظرة تفید هذه المتناسبة ال بند المان کافی بند (۱۸) واضلاعهما المتناظرة تفید هذه المتناسبة

فاذن احد الخطين القاطعين التاميز وجزء الخارج عن الدائرة يكونان طرفين للمتناسمة والقاطع الاستروجن الخارج يكونان وسطين لها

(٦٥) كل خط عماس للدائرة فهو وسط متناسب بين الخط القاطع وجزئه الخارج

وذلك لان المناشن اسم و ادر من (شكل ٤٤) متشامهان لان فيهم ما زاوية مشتركة في المحيط والزاوية سم المرسومة في المحيط والزاوية راد الحادثة من المماس والوترمقياس كل منهما نصف القوس اد انظر مند (٤٠) و (٤١)

فاذن سر : ال : ال : مد ومنه ينتج ان ال = سر × مد ×

خواص الاشكال الكثيرة الاضلاع المنظمة المرسومة فى داخل الدائرة وخارجها والنسبة التقريبة التي بين القطرو المحيط

- (٧٥) الشكلان الكثير االاضلاع بكونان منشابهين ادا كانت زواياهما المتناظرة متساوية واضلاعهما المتناظرة متناسبة
- (۸م) كل شكلين كثيرى الاضلاع منتظمين ومتعدين في عدد الاضلاع فهمامتشا بهان

مثال ذلك المسدّسان السه دان و آسَه دَان المنظمان كافى (شكل ٤٥) حيث ان مجموع زوايا احدهما مساولجهوع زوايا الاخر وزوايا كل منهما مساوية أثمان زوايا قائمة بمقتضى بند (٤٤) تكون الزاوية ساف هي سدس هدا المجموع وكذلك الزاوية ساف فاذن ساف المحموع وكذلك الزاوية ساف فاذن هذان المنافي ومثل ذلك يقال في باقى زوايا كثير الاضلاع فاذن هذان

المضلعان يكونان متساويي الزوايا ومن حيث ان انتظام هدين الشكلين يقتضى ان يكون السور المساوي الزوايا ومن حيث ان انتظام هدين الشكلين يقتضى ان يكون السور سور الحالج و السور المناهة متناسبة نظمها هكذا

١٠: أَمَ :: سَه : سَه : سَه : اللَّه الله كورين متساوية واضلاعهما المتناظرة متناسبة بكونان متشابين انظر بند (٥٧)

فنتج من هذه النسب المتنالية المتساوية مساسبة نظمها هكذا

المراب ا

(٩٥) كل مضلع مسظم عكن ان يرسم في داخل الدائرة وخارجها

ولنفرض ان النقطة و هى مركز الدائرة التي محيطها عربالنقط ا و سوسه الثلاثة فاذا كان المطلوب حينئذ اثبات مروره ايضابالنقط ع و ع الخ فلاجل اثبات ذلك ينزل عود وشه على سسم فيعدث شكلان ذوا اربعة اضلاعهما وشه سه ع و شه سا يكونان متساويين لاتنااذا طبقنا الشكل اسسه ع من وشه فان النقطة سم تقع على سلم المن المن سشم وبسب مساواة زوايا كثير الاضلاع شطبق الضلع سمد على الم والمستقم و ع على او لكن ا و نصف قطر فيكون و على المن المن نصف قطر فيكون و حسم و سمو الثلاثة عربا النقط ا و سمو الثلاثة عربا النقطة ع

وبمثل هذا يبرهن على ان المحيط يلزم ان يرّبالنقطة نه وهكذا فاذن كل شكل كثير الاضلاع منتظم بكن ان يرسم في داخل الدائرة

ويظهر من ذلك أن جيع الاعمدة مثل وشم النازلة من النقطة و التي هي مركز كشير الاضلاع على اضلاعه تصكون متساوية فاذا جعلت النقطة و مركزا وسعد نصف قطر مثل وشم رسمنا محمطا فان هذا المحمط عس جمع اضلاع كثير الاضلاع في منتصف كل منها و يكون كثير الاضلاع من سوما على ذلك المحمط

ونصف قطر الدائرة المرسومة فى داخل كيكثير الاضلاع يسمى نصف قطر الشكل

وينتج من ذلك ان نسبة محيطى كثيرى الاضلاع المنظمين المتحدين فى عدد الاضلاع كنسبة نصفى قطر الدائر تين المرسومتين فيهما الوعليهما لان نسبة احد هذين المحيطين الى الا خركنسبة ضلعيهما المتناظرين وهما الموقي و آر أو وشر و وَرَ أو وشر و وَرَ أو وشر و وَرَ أو وشر و متمانات من مثلثات متحدة العدد ومتشابهة على المتناظر وكائنة على وضع واحد

فكثراالاضلاع السم الخ و آسم الخالمتشابهان كافى (شكل ١٠) مركان ضرورة من عدة واحدة من المثلثات التي على وضع واحد وذلك ان المثلث ت مشابه للمثلث ت لان في كل منهما ذاوية مساوية لزاوية من الاستروكا عنة بن ضلعين مناسبين لنظير بهما منه فينشذ الزاوية سرسه

قادن یکون ا ۔ : آ۔ : د ۔ ے : ۔ ۔ ۔ وومن تشابه الشکلین بنتے ،

فاذن المان ا

فيكون المثلث م مشام اللمثلث م عقيقي بند (٤٩) وعنل دلك يبرهن

على ان المثلثين و و و سكونان متشابهين وهاجرا

(71) ضلع المسدس المنتظم المرسوم في دائرة بساوى نصف قطرها وذلك لان الزاوية أور المركزية من (شكل ٥٤) هي سدس اربع زوايا قائمة اوثلثا زاوية قائمة فاذن الزاويتان أرو و را و الاحريان المتساويان من هذا المثلث يساويان عربي او أو فكل واحدة المتساويان عربي الاضلاع فاذن ضلع المسدس قائمة فاذن المثلث أور يكون متساوى الاضلاع فاذن ضلع المسدس المرسوم في الدائرة بساوى نصف قطر تلك الدائرة

(٦٢) ضلع المعشر المنتظم يساوى الجزء الاكرمن نصف قطر الدائرة المرسومة عليه المنقسم الى متناسبة ذات وسط وطرفين

ويقال أن الخطمنقسم الى متناسة ذات وسط وطرفين أذا كان جزؤه الاكبر وسطامتنا سبابن الجزء الاستغرالا صغروا نلط بقامه

فاذا ثبت ذلك فليكن ١ - من (شكل ٤٧) ضلع المعشر المنتظم فينئذ الراوية و هي عشر البعز والماقاعة أو كي زاوية قاعة فيمقتضي بند (٣٠) يكون مقد ارالزاويتين ١ و و اللخرين المتساويتين ٢ - كي زاوية قاعة اي أو فيكون مقد اركل واحدة في أو المناويتين المتساويتين المناوية قاعة اي أو فيكون مقد اركل واحدة في أو المناوية قاعة الي أو فيكون مقد اركل واحدة في أو المناوية قاعة الي أو فيكون مقد اركل واحدة في أو المناوية قاعة الي أو فيكون مقد اركل واحدة في أو المناوية قاعة الي أو فيكون مقد اركل واحدة في أو المناوية قاعة الي أو فيكون مقد اركل واحدة في أو المناوية قاعة الي المناوية قاعة الي أو فيكون مقد الركل واحدة في أو المناوية قاعة في أو كلون مقد الركل واحدة في أو كلون مقد الركل و احدة في أو كلون مقد الركل واحدة في أو كلون مقد الركل واح

فاذاقسمنا الزاوية و- الى قسمين متساويين بمستقم م فان المثلث امر يصون بالبداهة مشابها للمثبلث امه و لان الزاوية امشتركة بينهما والزاوية امم = = = زاوية فائمة = و وابضا المثلث مشتركة بينهما والزاوية امم = = و راسا قين فيننذ يكون ام = م و لكن تشابه المثلثين امه و امم يفيدان او: ام :: ام : ام أو او: م و :: م و : ام فاذن نصف القطر آو منقسم في النقطة م الى متناسبة ذات وسط وطرفين فيكون الضلع ام من المعشر المنظم مساويا م و يعني اكرا لحزئين

(٦٢) كلخط منعن اومنكسر عصط بخط محدّب من طرقه فهواطول من الخط المحاط

والمرادبالخط المحدّب كل خط ينقطع عسدة عمم الا في نقطت في والمكن المغر وليكن الخط الم من من (شكل ٤) هوالخط المحدب فانه لولم يكن اصغر من جمع الخطوط المحمطة به الزم علمه وجود خط من هدفه الخطوط اصغر من جمع الخطوط الاخرى فيكون اصغر من الخط الم مد اونها به ما هذا الخطون مساوياله وليكن الخط اسم در هوالخط المحمط فلنصل بين هذين الخطين مستقما د في لا يمكن ان يتلاقى اصلامع ام د اوع مه فقط فن حمث ان هذا الخط المستقم اقصر من دسم دف ينتج ان الخط الحادث المحمط وهو اد ف د اصغر من الاول وهو اسم د د لكن هذا الاخير بلزم بالفرض ان يكون اصغر من الكل فاذن هذا الفرض باطل فاذن حمع الخطوط المحمطة تكون اطول من ام م

وينتج من ذلك اولاانه بمكن وجود خط محيط بحالف الخط المحاط قليلا ما امكن ونانيا انه بمكن ان يرسم على الدائرة مضلع مستظم يكون الفضل بين محيطه ومحنط الدائرة وسطحه وسطح الدائرة اصغر من اى مقدار كان فالدائرة هي اذن نهاية كل مضلع كان حرسوما فها اوعلها

ولذلك برها نان * الاقل اذااشر نا بالحرفين ط و ط لمحيطى المضاعين ولذلك برها نان * الاقل اذااشر نا بالحرفين ط و ط لمحيطى المضاعين المتشاجين المرسومين بالتناظر على الدائر تين اللتين نصفا قطريم حما م و م فيواسطة ما تقدم يكون ط ع في فاذا وهمنا ان عدة اضلاع هذين المضلعين فيواسطة ما تقدم يكون الفاضل بين محيط كل منهما ومحيط الدائرة المرسوم عليها كل منهما اصغر من كل مقد ار محدود امكن ان فاضل النسبة سي يعنى محيطى المدائر تين عن النسبة ط يعنى محيطى المائر تين عن النسبة ط يعنى محيطى المائر تين عن النسبة ط يعنى محيطى المضاعين عن ان ينتهى الى اصغر ما يكن وحيث ان هذا الفاضل هو ايضا فاصل النسبة سي و ع غين ما عكن وحيث ان هذا الفاضل هو ايضا فاصل النسبة من سي و ع غين ما عكن وحيث ان هذا الفاضل هو ايضا فاصل النسبة من سي و عن غين ما عكن وحيث ان هذا الفاضل هو ايضا فاصل النسبة من سي و من عنه من ما يكن وحيث ان هذا الفاضل هو ايضا فاصل النسبة من سي و من عنه من ما يكن وحيث ان هذا الفاضل هو ايضا فاصل النسبة من سي و من عنه من ما يكن وحيث ان هذا الفاضل هو ايضا فاصل النسبة من سي و من عنه من ما يكن وحيث ان هذا الفاضل هو ايضا فاصل النسبة من سي و من عنه منه من النسبة من النسبة من من النسبة من من النسبة من من النسبة من النسبة من من النسبة من من النسبة من من النسبة من النسبة من من المناسبة من من النسبة من من النسبة من من النسبة من النسبة من من النسبة من النسبة من النسبة من من النسبة من من النسبة من من النسبة من

المتغرتين لان ط = ك ينتج ان فاضل النسبين الاخسرتين اقل لل خسرتين اقل ط من كل مقدار محدود فاذن ها نان النسبتان تحكو ثان متساويتسين فاذن

سي ي او سي او سي او سي او سي المرهان الناني وهوطر بقة المية في البات هذه الدعوى

ادا توهمنا في مضاهين متشابهين مرسومين على دائرتين ان عدد اضلاعهما الاصغر ما يكون غيرمتناه بمعنى انه اكبرمن كل مقدار مفروض كان هذان الشكلان مختلفين اختلافا يسبرا عن محيطى الدائرتين المذكورتين ويمكن ان بقال على سبيل التساهل انهما متحدان مع محيطى الدائرتين فاذن بمكن اخذ محيطى هذين المضلعين بدل محيطى الدائرتين المذكورتين لكن بمقتضى اخذ محيطى هذين المضلعين بدل محيطى الدائرتين المذكورتين لكن بمقتضى دعوى بند (٥٥) تكون النسبة بين محيطى المضلعين كالنسبة بين نصفى قطرى الدائرتين المرسومتين على ما وبهذا شت المطاوب

وينتج عاذكران نسبة المحيط الى القطر متعدة في جبع الدوائر فاذا اشرنا بالحرف بهذه النسبة اولهيط دائرة قطرها يساوى ا تركبت متناسبة نظمها هكذا

ا : ب المعادلة بن سم او سم = ٢ ب و سم حين فيواسطة ها تبن المعادلة بن يستخرج محيط الدائرة المشارلة بالحرف سم حين يعلم نصف قطرها متى علم نصف قطرها متى علم محيطها

معلى مذهب ارشم مدس ان النسبة هي ب = ي تقريباً يعنى انه اذا كان قطر الدائرة و يكون محيطها بالتقريب ٢٦ فهذا المهندس للتوصل الى استخراج هده النسبة التقريبة رسم في الدائرة وعليها مضلها منتظما ذاسبة وتسعين ضلعامبتد تابالمسلس الذي ضلعه يساوى نصف قطر الدائرة المرسومة عليه فوجد ان محيط هذه الدائرة (الله من معدد الناب على الدائرة (الله من معدد الناب على الدائرة المرسومة عليه فوجد ان محيط هذه الدائرة (الله من منابع الله من منابع المنابع الم

وجدوانسبااقرب من هذه فنهانسبة مشوس فانه لماحسبها بالاعشارى خرجت النسبة من الاعشارى وهذا الخارج تعديدى الى الرقم السادس من الاعشارى وفي الحساب الذى لا يعتباج الى عاية التدقيق لا يستعمل الاهذه النسبة الاخيرة التي ترجع الى هذه ب = ١٤٠٣ (٦٥) استخراج النسبة التقريبية التي بين القطر والمحيط يتوقف على معرفة حل قضيتين عليتين

الاولى اذاعلم وترقوس اسكن استخراج وترنصفه

الثيانية اذاعلم محيط مضلع منتظم من سوم فى دائرة معلومة امكن استخراج محيط مضلع آخر مشابه له من سوم عليها وينان ذلك مذكور فى كتب الجبر

* (القصل السالث) *

* (في سطے كثير الاضلاع وسطے الدائرة) *

(٦٦) المراد بالسطيح هناسطي الشكل بالنظر لمقداره

والشكان المختلقان في الصورة المتساويان في السطح بقال الهما متكافئان والشكاد ن المتشابهات اللذان عصكن انطبا قهدما معا بقال لهدما متساويان

ومساحة السطيح هيء بارة عن عدة اشتاله على سطيح اخر معتبروحدة مقياس وهذه الوحدة هي المربع

وارتفاع المثلث هو العمود النازل من رأس احدى زواياه على الضلع المقابل لها المسمى قاعدة ورأس الزاوية المقابلة للقاعدة تسمى رأس المثلث كما في (الشكل و و)

وارتفاع متوازى الاضلاع هو العمود الذى تقاس به المسافة التي بن ضلعيه المتقابلين المسمين فاعدتين كافي (الشكل ٥١)

وارتفاع شبه المنحرف هو العدمود الواقع بين قاعد تبه اوضلعه المتوازين ا

(٧٧) الاشكال المتوازية الاضلاع التي قواعدها متساوية وارتفاعاتها .

فلیکن لمتوازی الاضلاع اسده و است ف من (شکل ۵) فاعدة واحدة وهی اس وارتفاع واحدوه و لاغ ومعلوم انه بخاصیة هذین الشکلین یکون الضلعان ۱۱ و سه سه متساویین و کذلا الضلعان سه و ۱ ف کافی بسد (۱۳) و معلوم ایضا انها اذاطر حنا من اناطین دسه و ف سه المتساویین الجزء سه ف المشترك کان الباقیان وهما د ف و سه متساویین فینشذ المثلثان ۱ د ف و سه متساویین فینشد المثلثان اد ف و سه متساویین

فاذاطر حنامن ذى الاربعة الاضلاع وهو ا حدد المثلث سسه م ما المثلث ا دف المتساويين كان الباقيان وهما ا سه د و ا سه ف متكافئين ومهذا شدت المطاوب

ومن هناينج ان كل متوازى الاضلاع بكون مكافئا لمستطيل مثل في القاءدة والارتفاع

(١٦) كل مثلث فهونصف متوازى الاضلاع اذا حسكانت فاعدتهما واحدة وارتفاعهما كذلك

وذلك لان المثلث السه و اعسم من (شكل عن) متساويان لكون اضلاعهما الثلاثة متساوية على التناظرة اذن عكن ان بقال اولا ان المثلث هو نصف والمرالة المتعد معه في القياعدة والارتفاع والنياان جيع المثلثات المتساوية في القواعد والارتفاعات متكافئة

(٩٦) كل مستطيلين متعدين في الارتفاع فان نسبتهما كنسيبة

فلیکن المستظیلان ا مه و من شه و کافی (شکل ه ه) و ارتضاعهما اسم فاذافرضناان الخط م مثلاهوو حدة مقداس خطی و داخل ه مراث فی القاعدة من و اقنا

من كل نقطة من نقط التقاسيم التي هي غضم المنه وطن اعدة غ غ وضمه المنه وضمضه المنه وط من متساوية وكل من المستطيلات اغ وغضه المنه مشتمل على مستطيلات من متساوية وكل من المستطيلين اد و عشم مشتمل على مستطيلات من على خط م فيثان ها تين القاعد تبن على نسسة مشتركة وهي أو عن على خط م فيثان ها تين القاعد تبن على نسسة مشتركة وهي العلوم انه بقال مثل ذلك في كل نسسة من هذا النوع وهذه القضة تكون ايضا صحيحة هما اذا كانت قاعدة المستطيلات على نسبة غير مشتركة والبرهنة اليضا محكم ومن بالمناقب المناقب ا

(· ٧) كل مستطيلين فان نسبتهما كنسية حاصلين ضرب قاعد تيهما في ارتفاعيهما

ولنفرض ان قاعد تى المستطيلان اسمه و سه من حاف كافى (شكل مصلقان اى انهما على مستقيم واحدوهو ا مه و تقمرسم المستطيل ا و شمر من حمث ان المدهم ما واحد وهو ا م تكون نسبتهما كنسمة قاعد تبهما وكذلك المستطيلان مشر و من حمث ان قاعدتهما وكذلك المستطيلان مشر و من حمث ان قاعدتهما واحدة تكون نسبتهما حكنسمة ارتفاعهما فننتذ صارمعنا من جهة

اسد د د سه المناسبة ف بعضها على الترتيب وحد فنا المهد فادا ضر منا حدودها تين المتناسبة في بعضها على الترتيب وحد فنا المهدر

المشترك تحصل معنا

اسسه : سه : اسه : اسه : سه : سه : سه کاره وهذا هوالبرهان على القضمة المذكورة

فاذا كان الشكل المستطيل سے ف ح مربعا أخذ بالعادة الضلع سے وحدة للمقياس الخطى فاذن تصير المتناسية السابقة هكذا

1: - x - 1:: 2 - - - 5 - - 1

فينتذاذاقسناالطين أر رسم بالوحدة رب كان الحاصلوهو الرب مربع المربع دالاعلى عدة مرات دخول وحدة السطع اى مربع رب في المستطيل أرسم ولاجل الاختصار بقال ان سطع المستطيل بياوى حاصل ضرب قاعدته في ارتفاعه

ولا جل تحقیق ذلك نفرض ان ا ر = 0 امتار وان ر سر = ۳ امتار فسطح المستطیل ا ر سر و تكون نسبتد للمربع ر م فسطح المستطیل ا ر سر و تكون نسبتد للمربع ر م انی ا واسهل مایقال فی ذلك ان سطح هذا المستطیل یكون ا مترا می بعا کافی (شکل ۲۷)

و بحجرد النظر في الشكل يظهر بالبداهة انه متى كانت قاعدة المستطبل وارتفاعه مشترك نكانت مساحة هذا المستطبل هي حاصل ضرب قاعدته في ارتفاعه

وينتج مماتقدمان سطح المربع يساوى مربع ضلعه

(۷۱) سطح حسكل متوازى الاضلاع يساوى عاصل ضرب قاعدته في ارتفاعه

وذلك لان متوازى الاضلاع السرد مكافى المستطيل الناف المتعدمعه فى القاعدة الله وفى الارتفاع الدكافي (شكل ٥٨) فى نشذ يكون السرد المساحة سطح متوازى الاضلاع السرد فى نشف ارتفاعه وذلك لان المثلث السرم هو نصف متوازى اضلاع السرد المتعدد وذلك لان المثلث السرم هو نصف متوازى اضلاع السرد المتعدد

معه في القاعدة 1 م وفي الارتفاع دے كافي (شكل ٤٥) فاذن يكون الله عن سطم المثلث 1 مسم

(۷۳) سطح شده المنحرف يساوى ارتفاعه مضروبا في نصف جموع قاعد ته المتوازية بن

وذلك لان شبه المنحرف اسم و من (شكله و) من كب من المثلثين اسه و المرد ومساحة الاول ال \times ومساحة الثناني ومساحة الاول ال \times ومساحة الثناني ومساحة المنافي ومساحة المنافي ومساحة المنافي ومساحة والمنافي و مساحة المنافي و المرد و المر

(٤٧) سطيح كثير الاضلاع المنظم يساوى نصف حاصل ضرب محيطه في نصف قطره

وذلك لان المثلثات أور وروسه المخ من (شكل ٤٥) حيث انها منساوية فسطح كشير الاضلاع المنتظم وهو أرسم والمخ يساوى سطح المثلث أور مضروبا في عدّة اضلاع كشير الاضلاع المذكورومن حيث ان سطح المثلث أور = الله وشي يصون سطح كشير الاضلاع = ١ - × وشيد يصون سطح كشير الاضلاع = ١ - × وشيد لكن ٦ أر هو محيط كثير الاضلاع و مشيد هو قصف قطره اوربع قطر الدائرة المرسومة فيه فيثنت المطلوب وعلى كل حال فسطح كل شكل كثير الاضلاع مرسوم على دائرة بساوى حاصل ضرب محيطه في وبع قطر تلك الدائرة

(٧٠) سطح الدائرة يساوى حاصل ضرب محيطها في ربع قطرها ولذلك برهانان برهانان

الاول مبئى على مقدمة بقينية هى ان المقدارين المتغيرين مشل ا و ر الحادم بن المقدار منفير مشل ع اداكان كل منه ما اصغر مند يكونان المان مرورة متساوين

بانه اولا ان فرض ا > - شمر تب المقادير الثلاث بحسب عظمها هكذا - < ا و ا < غ فاذا اخذنا المتغيروهو غ وفرضاان غ _ - اصغرمن كل مقدار مقروض مثل صد كاهو ممكن فالفاضل غ _ - اصغرمن كل مقدار مقروض مثل صد كاهو ممكن فالفاضل ا _ - يكون من باب اولى < صد

وثانیاان یفرض عکس ذلات ای ۱ < سفر تب هذه المقادیر علی حسب عظمه هکذا ۱ < سور ح فاذا اخذنا غ علی وجه ان غ ساهنا اولی سه سه ان غ ساهنا ولی سه سه ان غ ساهنا ولی سه سه این اصغر من صد ومن حیث ان الفاضل بین ۱ و سه اصغر من کل مقد ارمفروض مثل صد فایا ما بلغ هذا القد ارفی الصغرین نتج انه کل مقد ارمفروض مثل صد فایا ما بلغ هذا القد ارفی الصغرین نتج انه کل عدم وان ۱ = س

مُنقول الا تن من حيث انه عقيضى الدعوى النظرية التى فى بند (٣٣) يمكن وهم مضلع منتظم بل وغير منتظم من سوم على دائرة نصف قطرها من بحيث يكون ط وهو محيط المضلع مختلفا ايضا قليلا ما امكن عن سم وهو محيط الدائرة فزيادة حاصل ط × لم من على الحاصل غير المتغير وهو سمر × لم من يمكن ان يتكون اقل من كل مقد ارمفروض وايضا سطح هذا المضلع بعينه الذي هو دائما اكبر من سطح الدائرة يمكن ان يقرب من سطح الدائرة ما امكن فالحواصل لم ط مر و لم سمر وسطح الدائرة تكون ثلاثنها من شة كترتب مقد اد غ المتغير ومقد ادى او مد فيكون خاصل نصف سمر هو المساحة الحقيقية لسطم الدائرة

البرهان الشانى مبنى على طريقة اللاتناهى وذلك أن توهم مضلعا منتظما ذا اضلاع غيرمتنا همة هرسوما على دائرة فان محيط ذلك المضلع يختلف عن حيط الدائرة اختلافا قلملا لانهائيا فاذن عصكن اقامة هذا المضلع مقام

الدائرة فموجب ند (٧٤) يكون سطح الدائرة مساومح مطهامضروبا في ربع قطرها

فاذا اشرنا ما لحرف ب لمحدط الدائرة التى قطرها يساوى واحداً وما لحرف بر لنصف قطردائرة اخرى وما لحرف سم لمحدطها فبمقتضى بند (٤٦) يكون سم عدد الدائرة = لم سم فينتد يكون سم عدد يكون

المرس = بر عنى ان سطح الدائرة يساوى ايضاح المرس المرس

(٢٦) سطح قطع الدائرة يساوى حاصل ضرب قوسه فى ربع قطره وذلك ان نسسة القطع اسم من (شكل ١٨) الى الدائرة بتمامها. كنسبة القوس امر الى المحيط بتمامه أوكنسبة القوس اح × إسسالى محيط اسم × إسم الكنسطح الدائرة = اسم × إسم المنسطح الدائرة = اسم × إسم (بمقتضى النمرة السابقة) فاذن سطح القطع اسم م = القوس ا م × إسم واماسطح القطعة امر فيظهر انه مساولسطح القطع اسم مناقصاسطم المثلث اسم من فيظهر انه مساولسطح القطع اسم من ناقصاسطم المثلث اسم من فيظهر انه مساولسطم المثلث اسم من المناف السم من المناف المسلم المثلث المسم المناف المناف المناف المناف المسلم المثلث المسم المناف المناف

* (القصل الرابع) *

* (قى مقا بله سطوح الاشكال المتشابه) *

(٧٧) المربع المرسوم على وترااة المقامة من المثلث القام الزاوية يساوى جهوع المربع المرسوم على الضلعين الاستخرين

وهذه الدعوى قد برهن عليها فى بدر (٥٥) ولنبرهن عليها هذا بوجه سهل فنقول

ليكن المثلث اسم من (شكل ٢٠) قاعم الزاوية في أوليكن مرسوما على كل ضلع من اضلاعه مربع فاذا الزلنامن النقطة اعلى ف وعودا المحدود السيقين اف ولل كان المثلثان اسم ف ولمسلم لم متساويين لان في كل منهما ذاوية مساوية لنظيرتها من الاخروكانة بين ضلعين مساويين لذ في كل منهما ذاوية مساوية لنظيرتها من الاخروكانة بين ضلعين مساويين لنظير بهما منه وذلك لان الزاوية لسم س

للزاوية اسم ف والضلع سمل = للضلع سما والضلع سم ا من الشهد السهد هونصف مربع اسمل لا لا لهما متعدان في القاعدة والارتفاع وعشل ذلك يبرهن على ان المثلث اسم ف نصف المستطيل سرى ف فاذن يكون المربع المستطيل سرى ويبرهن عمل ذلك على ان المربع اشم مكافى المستطيل سب فيكون المربع الشم مكافى المستطيل سب

سرا = آا باسم فادن مربع احدضلى الزاوية القاعة يساوى مربع وترها ناقصنا مربع الضلع الاتنر بعنى ان

آر = سرر آسر وهذه الصيغة ناتيجة من كون سطح المربع يساوى مربع قاعدته بمقتضى (٧٠) فينتذبكون المربع المرسوم على قطر اى مربع ضعف المربع المرسوم على ضلعمه او يقال ان نسبة قطر المربع الى ضلعه على نسبة المربع الى ضلعه على نسبة غيرمشتركة

واماغيرذلك من خواص المثلث القائم الزاوية فقد سبق توضيحه

(٧٨) مربع الضلع المقابل للزاوية الحادة من كل مثلث يساوى مجوع مربع الضلع بالات مربع الضلع الذي يقع عليه مربع الضلع الذي يقع عليه العمود في القسم المجاور لتلك الزاوية

وذلك ان المثلثين اسد و دسم من (شكل ٦٠١) من حسب انهما قائمي الزاوية بقيدان هاتين المعادلين

فأذاوضعنامقدار سمك الاخرق مقذار اسم الاول صارهكذا

الحزو اد = د - ا- فادن کون فی الصورتین

5-+5-X-17-51

شميغيرفي هذه الصديغة المقدار آسم الثاني بهذا المقداروهو

اس = آ - ب س - ۱ - د اد اس اس کا د کا وهذانما اردناسانه

(۷۹) مربع الضلع المقابل الزاوية المنفرجة فى كل مثلث منفر بالزاوية بساوى جموع مربعي الضلعين الا خرين زائد اضعف حاصل ضرب القاعدة في الجزء الجياور لذلك الزاوية كافى (شكل ٦٢) ورهان ذلك كاتقدم في الدعوى السابقة ان يقال

فننج من ذلك ان سرا = را مراد المراد ا

 $\frac{1}{51} - \frac{1}{51} = \frac{1}{5} - \frac{1}{51} = \frac{1}{51} + \frac{1}{51} = \frac{1}{51} = \frac{1}{51} + \frac{1}{51} = \frac{1}{51} =$

فاذن سے ون سے الے ہا ہے ہا ۔ ۱ ۱ ۔ ۱ وهو المطاوب

(٠٨) كل مثلث مدّ من رأسه الى منده في قاعد نه خط مستقيم كان ضعف هجوع مربع هذا الخط و مربع نصف القاعدة مساويا لجوع مربعي الضلعين الاستوين

ولتكن منه الخط ال الذى هو قاعدة المثلث السر من (شكل ٢٣) والخط سرد هوارتفاعه فالمثلث مدر بقتضى بنذ (٧٨) بفيدهذه المعادلة

San X as of the same of the sa

والمثلث اسم سے عشقی بدر (۷۹) بقید هذه المعادلة

اسے سے کے اے ہے کا سے کے کان فاذاجھنا ہاتین المعادلتین واعتبرناان اے = نے کان

وهوالمطاوب

وينتج من ذلك ان متوازى الاضلاع جموع مربعات اضلاعه يساوى جموع مربعي قطريه

(۱۱) النسب التي بين سطوح المثلثات المتشام ـ أكالنسب التي بين مربعات اضلاعها المتناظرة

وذلك لان المثلثين السر أَسَم من (شكل ١٦) حيث كانا متشابهن بحصل منه ما متناسبة نظمها هكذا

اس: آ- :: اسد: اس

وايضا من حيث ان المثلثين اسم ع و أسم ك متساويا الزوايا يتصمل منهما متناسبة نظمها هكذا

سرد شرم المانين المتناسسين على الترتيب تحصل فادا ضربناها تين المتناسسين على الترتيب تحصل

(١٨٢) النسب التي بين سطي كثيرى الاضلاع المتشاجين كالنسب التي بين مريعات اضلاعه ما المتناظرة

وحیثان کئیری الاضلاع اسردے و آسترک من (شکل

(شكل ٤٦) متشابهان فهدمامر كمانمن عدة واحدة من مثلثات د و و و ت و متشابهة على التناظر وموضوعة بوضع واحدفاذن بتحصل بمقتضى الدعوى السابقة

و د و د د سرک د سرک

وجمع هذه المتناسبات متساوية لان الشكلين الكثيرى الاضلاع حيث انهما متشاج ان يكون

ار: آر: اسم: رسم النفل النفلاع المنفل النفلاع المنفل النفلاع المنفلة المنفلة

هادن سبه مجوع المعدمات الي هي ترب و به و اي سرالاصلاع الرسم در الي معموع التوالي التي هي ترب و به و اي سرالاصلاع الرسم در الي معموع التوالي التي هي ترب و به و اي كثير

الاضلاع أرسرد أو كنسبة المفدم وهو أو: تاليه أر وبهذا شدت المطلوب

(۸۳) النسب التي بين سطوح الدوائر كالنسب التي بين مربعات انصاف اقطارها او مربعات اعدات حيطاتها

فقد تقدّم فی بند (۷۰) ان سطح الدائرة المشارله هذا بالحرف سمه = برکم باعتباران بر نصف قطر الدائرة وان به هی نسسبة المحیط الی القطر فاذ افرضنادائرة اخری نصف قطر الدائرة و کان به قتضی ذلک سمه = برکم فاذن بنتج من ها تین المعادلتین متناسبة نظمها هکذا

لكن حيث اله بمقتضى دعوى بدد (٦٤)

٠٠٠ : س : س : س

او س: س: س

وان النسب بين انصاف الاقطار كالنسب بين الاقطار يكون ايضا

5 . 5

فسيب مساواة هذه المتناسات بكون

وبهذا شد المطلوب

(الفصل الخامس)

فى دعاوى علىة هندسية متعلقة بالدعاوى النظرية المتقدمة

* (حل الدعاوى العملية بالعدل) *

(٨٤) كيف تستخرج النسبة بين مستقمين

قبل الشروع فى ذلك بنبغى ان يعلم ان مساحة المعد بين النقطة من الذى هو عبارة عن طول المستقيم المرسوم على الارض اوعلى الورق هى المعتاعات عدة مرات اشتماله على مستقيم آخر مأخوذ وحدة مقياس اصطلاحى كالمترا لمعلوم المنقسم الى اعشار واعشار اعشار وهكذا وهو مقياس الاطوال

فينسد اذا اردنامعرفة البعد بين نقطت اور ساعلى الارض نضع المترعلى الحط المسكن من المرّات فان بق شئ فانه بقد رباجزاء هذا المقماس

وكيفية رسم الخط ال على الارض ان تغرس اوتاد مستقيمة في الارض فائمة عليها بحيث ان اقل و تدمنها بسترماعد اه بالتحرير فينشذ مواقع هذه الاوتاد تكون على خط واحدمستقيم فيما اذا كان سطيح الارض افقيا أوذا ميل واحدوهذه الاوتاد تكون دائماموجودة في مستوواحد قائم على سطيح الارض

ومن هنايظهران النسبة بن خطين هي عبارة عن النسبة بن العددين الدالين على عدة مرّات دخول خط آخر من نوع واحد في هذبن الخطين مثلااذا كان طول يساوى ٥٥ ره كانت النسبة بن هذين الطولين كنسبة مهر ١٨٥ : ٥٥ ، : ١٨٥ : ٥٥ هذين الطولين كنسبة مهر ١٨٥ : ٥٥ ، : ١٨٥ : ٥٥ هذين الطولين كنسبة مهر ١٨٥ : ٥٥ ، : ١٨٥ : ٥٠ هذين الطولين كنسبة

فاذاكان هذان الخطان مرسومين على الورق امكن استخراج النسمة التى منهما سواء كانت تحديد به او تقريبة بالقاعدة الحسامة المستعملة في استخراج القاسم الاعظم المشترك بين عددين

(٥٥) ماكمقية رسم مثلث اذاعلت اضلاعه الثلاثة

لتحکن الخطوط الثلاثة م و و ط من (شکل ۲۰) فترسم اولا ال = م و فیعل النقطة ۱ مرکز اوبیعد نصف قطر یساوی و نرسم قوسا ضدظ ثم نبعدل ایضا النقطة م مرکز اوبیعد نصف قطر یساوی ط نرسم قوسا آخر ولیسکن ت غ بحیث ان هذا القوس یقطع الاقل فی النقطة سم فاذا مدد نامستقیمین سما و سمد حدث مثلث اسم هوالمثلث المطاوب

ويظهر من هذا العدمل ان القوسين ضد ظ و ت غ لا يمكن تقاطعهما وحدوث المثلث الااذا كان اكبرا الخطوط المفروضة اصغر من منجوع الخطين الاستوين

(١٦) كيف بنصف خط مسستقيم معلوم

حسيمة ذلك ان يجعل كل من نها بي اندط المن (شكل ٦٦) مركزا وبعد نصف قطرا كبرمن نصف هدد اندط نرسم قوسين بتقاطعان فوق اندط و تحته في نقطت بن سم و ك فينتذ يكون المستقيم سم ك عود اعلى الم وذلك لان النقطنين سم و ك من حيث ان بعده ما عن النقطندين الم و و واحد بالعمل يازم ان يكون وقوعهما على العمود القائم على الوست في المن حيث ان النقطة بن يعينان امتداد منتصف الم كافي بند (٤٢) لكن حيث ان النقطة بن يعينان امتداد

اللط المستقيم فادن سدى سصف المستقيم اس

(۸۷) كُل نقطة مفروضة على خط مستقيم لنا ان نخرج منها عوداعلى ذلك الخط

فناخذعلی بین النقطة سه المفروضة ویسارها جرئین متساویین ولیکونا سه و اسم کا فی (شکل ۲۷) شم نجعل کلامن النقطتین ا و کا مرکز او بعد نصف قطرا کبرمن اسم نرسم قوسین یتقاطعان فی میکون المستقیم سه موالعه مود المطلوب لان النقطة می من حیث ان بعدها واحد من النقطتین ا و کا بالعه مل تکون واقعة علی العه مود المقائم علی منتصف ا کا فاذن سم می هوالعه مود المطاوب

(٨٨) كيف ننزل من نقطة مقروضة خارج خط مستقيم عمودا على ذلك

فعدل نقطة سم المقروضة خارج المستقيم الم من (شكل ٦٨) من را وبعد نصف قطر يكون كافيا في التقاطع نرسم قوسا يقطع الفي نقطتين مركزا وبعد ذلك في نقطتين مركزا وبعد ذلك النصف قطرنرسم قوسين آخو بن يتقاطعان في كو فيكون المستقيم سم كعودا على منتصف عن فهو عود ايضاعلى المستقيم الموذلك الان النقطتين سم و عدكل منهما عن نقطتي عوف واحد الان النقطتين سم و عدكل منهما عن نقطتي عوف واحد مقروض

فنعال النقطة سر المقروضة مركزاوبهدنصف قطركاف مثل سر من (شكل ٢٦) ترسم قوسا غير محدود وليكن د ع غجول النقطة د ايضامركزا وبعدهذا النصف قطر بعينه نرسم قوسا سرا وناخذمن القوس غيرالمحدود د د ع اسر ونرسم مستقما سرى فيكونهو الموازى المطاوب

وسان ذلك ان الزاويدين سيده و السيم المسادلدين بالدخول

متساویان العمل فاذن الخطان السوسه و همامتوازیان وهناطر قه اخری فی حل هذه الدعوی العسملیة وهی ایضاصح بحه فی العسمل وهی ان تجعل النقطة سه مرکزا و بعد نصف قطر نرسم قوساخ ضه ماساللفط السوکذا فی المفروضة علی الخط السم کزا و بعد نصف القطر بعینه نرسم قوسا ظت نم نضع مسطرة تکون حافتها مارة بالنقطة سه و ماسة للقوس ظت فالمستقیم سه که المعین بهد ه الطریقة هو الموازی المطاوب

(٠٠) كيف نرسم من نقطة مفروضة خارج خط مستقيم خطا يحدث منه مع الاقل زاوية تساوى زاوية معلومة

قلتكن سه هى المقطة المفروضة خارج المستقيم الم كافى (شكل ٧١) و م هى الزاوية المفروضة فلنعيز على الخط الم نقطة كيف كانت ولتكن ك ونرسم منهامستقيما كل بحيث ان الزاوية عدم مناسمة من النقطة سه مستقيما سه شه موازيا كل فينتذ الزاوية سه شهد عدل الدعوى

(٩١) كيف نقسم الزاوية الي قسمين متساويين

لاجل تقسیم الزاویة ساسم من (شکل ۷۳) الی قسمین متساویین نجه ل رأسهاوهی ا مرکزاوید نصف قطر کیف کان نرسم قوسا م د غر نجه کلا من النقطتین م و د مرکزا ویبعد نصف قطر اکبر من نصف م د نرسم قوسین یت قاطعان فی د و نصل ا د گینشذ المستقیم ا د یقسم الزاویة ساسم الی قسمین متساویین

وبرهان ذلك ان يقال حيث ان المنظمين او عبدهما واجدمن طرفى الوتر م ت يكون اذن المستقيم اع عود اعلى مشصف هذا الوترفاذن هو يقسم القوس م ت والزاوية ساسم الى قسمين متساويين وبهذا العمل يمكن تقسيم اى قوس الى اربعة اقسام متساوية او غانية اوستة عشر الخ

(۱۴) كيف نقيم عمودا على نهاية خط مستقيم من غير ان عده فلنعين نقطة سه من (شكل ۲۷) بحيث تكون في داخل القائمة عار التي تحدث من الحط المفروض والعمود المطلوب تم نجعل هذه النقطة مركزا وببعد نصف قطريساوى اسه نرسم هجيطا ادشه عد ومن النقطة و التي قطع فيها المحيط المستقيم المنزسم قطرا كالم شمودا على المدود التي النقطة من الناوية عام فيكون المستقيم المدعود اعلى المدود التي الناوية عام المرسومة في المحيط مساحتها ربع محيط المشهدا و شه ما الناوية عامة عقتضى بند (٣٨) و (٠٤)

فاذااردت حل هذه الدعوى العملية على الارض فلتضع نفسك فى جهة مثل سم ثم تمد حبلا بطول اسم من سم الى و على وجه ان و يكون على استقامة على استقامة الم ثم تمدهذا الحبل من سم الى م على استقامة سم و المعلمة بالاوتاد في نئذ المستقيم الى يكون هو العمود المطاوب ولا يحنى ان هذا العمل يرجع الى السابق

(٩٢) كيف برسم من نقطة مقروضة خط مماس لدائرة

اذاكانت النقطة 1 من (شكل ١٩) على المحيط فكيفية ذلك ان ترسم نصف قطر اسم وتقيم عليم عمودا الم يكون هو المحماس المطاوب في النقطة 1 عوجب (٣٦)

واذا كانت المخارج المحيط فكيفية ذلك ان تصل بين هذه النقطة وسم التي هي مركز الدائرة المفروضة بمستقيم اسم وترسم على اللط اسم الذى هو بمنزلة القطر محيطا اسم و فان المستقيمين المواد الواصلين بين النقطة المفروضة ونقطى تقاطع الدائر تين يكونان عملسين للدائرة سمر الاولى وهذا ظاهر لان كلامن الزاويتين سمرا وسمدا قاعمة بمقتضى بند (٣٨) و (٤٠) والمثلثان اسمر و المسم من حيث انهاما متساويان ينتج ان الزاويتين ساسم و داسم تكونان ايضامتساويتين فاذن لاجل ان تمس دائرة اضلاع زاوية بلزم ان يكون مركزها ايضامتساويتين فاذن لاجل ان تمس دائرة اضلاع زاوية بلزم ان يكون مركزها

على الخط المستقيم الذى يقسم هذه الزاوية قسمين متساويين (٤٥) كيف ترسم دائرة في مثلث

ينتج من حل الدعوى العدملية السابقة انه لاجدل رسم دائرة في مثلث يجب قسمة زاوية بنامن زوايا هذا المثلث الى قسمين متساويين لان نقطة تقاطع خطى القسمة هي مركز الدائرة المطلوبة

وامانصف القطر وهو وله منهذه الدائرة فعلوم انه يكون مساوياللعمود النازل من المركز و على احد الاضلاع وهو اسم من المثلث السم كا في (الشكل ٢٦)

(٥٥) كنف ترسم محيطا عرق بالمات نقط مفروضة على خط غير مستقيم التكن النقط المفروضة ا و و سم من (شكل ٧٧) فَسِلُها بمستقيمن الروسة و و على منتصف كل منهما أقم عودين كد و و ف فالنقطة و التي هي نقطة تقاطع هذين العمودين تكون على بعدوا حدمن النقط ا و و سم النلائة فهي مركز الدائرة المجوث عنها ولا تعسر البرهنة على انه لا يكن الامرور محيط واحد بالنقط ا و و و سر الثلاث ومن المعلوم الله اذا كانت هذه النقط الثلاث على خطمستقيم فالدعوى العملية غير ممكنة

وبطريقة البرهنة المنقدمة يبرهن على الدعوى العملية التى الغرض منها مرور عصط برؤس ثلاث زوايا من مثلث اواستخراج مركزدا الرقاوقوس فالنقط ا و سه المفروضة على الارض المتباعدة عن بعضها كثيراا ذالزم رسم محيط عربها فامسم بواسطة الغرافوم ترزاوية اسسه من (شكل ٧٨) واختر نقط الخرى مثل ك يكون الغرضان ا و سه منظور بن منها كاينظران من الزاوية سيعنى جيث تصون اسسال المراسم عددة وس الدائرة المطلوبة التى ترسم بعد ذلك كايراد فجموع هذه النقط يعدد قوس الدائرة المطلوبة التى ترسم بعد ذلك كايراد ولاجل تكميل المحيط تفرض ايضا نقط اخرى مثل م و مستحين تكون ولاجل تكميل المحيط تفرض ايضا نقط اخرى مثل م و مستحيث تكون

كل زاوية من الزوايا أو حوسه و أو كرسه الخ مساوية لهاقى طرح الزاوية من القاعنين

(٩٦) كيف ترسم قطعة دائرة على خط مستقيم مفروض تعتوى على زوايا تساوى زاوية معاومة

فلكن المستقم المفروض و سم الزاوية المفروضة والغرض ان نرسم على هذا المستقيم القوس أكد بحيث تكون فيه كل الزوايا المرسومة

رهی کے کے النے مساویة للزاویة سے کافی (شکل ۷۹) فارسم الزاوية م ا - = سم واقم أو عوداعلى أم واقم كذلك ود عوداعلى منتصف أ للفظة و المشتركة بين هذين العمودين تكون مركزالقوس اكر المطاوب

وذلك لان الزاويين مار و عساوينان لان مسلحة كل منهمانصف القوس اسے کافیند (٤٠) و (٤١) ولکن بالعمل ما ۔ سے

ويستعمل هذا الحل فى اخذ صورة الارض كاساتى

(٩٧) كيف يستخرج خط متناسب رابع الملائة خطوط مفروضة لتكن الخطوط الشيلانة المفروضة م و ه و ط من (شكل ٨٠) فعلى الضلع غا من الزاوية ١ المختارة خدميتد تامن النقطة ١ الخطين م و الاولين على التعاقب وعلى الضلع أضد الا خرخد مبدئا كذلك من النقطة ١ الخطط الثالث وصل بخطبين طرفى م وط وبطرف ت ارسم دے علی الموازاة من سمے نابلزء سمے يصر المناسب الرابع المطلوب لانه بسبب نوازی کے وسیر یکون م: ت

وعدل هذا الوجه يستخرج المتناسب الثالث للغطين ا و المفروضين لانه عين المتناسب الرابع للثلاثة خطوط أو رو

كف يقسم خط مفروض الى اجزاء متساوية كايراد

لكن الطلوب قسمة الخط أر من (شكل ١٨) الى خسة اجزاء متساوية فيالطرف أ ارسم مستقيماً اسم غيرمنناه وخذعلى هذا المستقيم خس اجزاء متساوية مثل خط أ ا وصل بين النقطة سر التي هي آخر نقط القسمة والنقطة ر التي هي طرف المستقيم أر وارسم ك الموازياً رسم فهذا يصير أك خامس جزء من أر كافي بند (٢٤)

وهذه الطريقة يمكن ال تختلف بعدة اوجه مختلفة ولنذ كرطريقة اخرى صحيحة محررة جدافي الاستعمال فنقول

لیکن ار من (شکل ۸۲) داغماهوالط المطاوب قسمته فارسم کاترید مستقیما رو غیرمتناه و من النقطة ۱ ارسم مستقیما ای موازیا رو فرضع علی کل خط من هذه المتوازیات خسمة اجزاء متساویه وصل جسع نقط القسمة المتقابلة بمستقیمات ای و هو و سرط و حل و من فیت انهامتوازیه و متساویه کافی انهامتوازیه و متساویه کافی (شکل ۸۲)

(٩٩) كىفىرسىمىن نقطة مفروضة فى داخل زاوية معلومة خط مستقىم برآ دالداخلان بين تلك النقطة وضلعى الزاوية متساويان

فلنكن و هى النقطة المفروضة فى داخل الزاوية ساسم من (شكل سرم) فيرسم من هذه النقطة خط و ب مواز الله ويجعل ب ف المدرورة منقسما الى قسمين متساويين فى النقطة و انظر بند (٢٦)

(• • ١) كيف يرسم على خطمستة يم مفروض مثلث مشابه الثاث مفروض ليكن اسم من (شكل ٢١) المثلث المفروض والغرض ان يرسم على أَدَ مثلث أَدَ سَم مشابه الدول فلا خل ذلك ترسم زاوية ا = أَ وزاوية م = دَ عِقتضى بند (١٩) فالمستقمان أسم و مدا تنصل يتلاقيان في النقطة سم ومدا تنصل الدعوى العملية

لكن يكن بطريقة اسهل من تلك على مثلث أسر مشابه للمثلث اسر وأسر والبحث الالاعث المسلمة والبحث المسلمة والمسلمة والمسلمة والمسلمة المناسب الرابع الاخرائلائة خطوط المروس والسروات فينئذ يتوصل الى معرفة الاضلاع الثلاثة من المثلث أسر الذي يعمل بواسطة الطريقة المذكورة بمقتضى بند (٨٥)

ثمان تحويل السطح المستوى الى سطح اصغر منه يمكن ان يصنع بواسطة احدى ها تبن الطريقة ين لانه اذا كانت كل النقط الاصلية من هذا السطح المستوى مجوعة بواسطة مثلثات وعلنا مثلثات انحرى مشابهة لها وموضوعة على وضع واحد واضلاعها تكون بالنسبة لاضلاع الاولى على النسبة المفروضة فا نا تجد صورة السطح المستوى المطلوب

وسيات الكلام على هذا الغرض وبدل ان تبع الطريقة الصعبة التى فرغنا من بانها فى استخراج متناسب رابع لثلاثة خطوط مفروضة يدون الاسهل لنا أن نستعمل المقاييس التى اطوالها تكون على ذات النسبة التى بين الخطوط المتناظرة من شكل ومن صورته المنسوخة منه فلهذا وجب علينا ان تسكل على على المقاييس فنقول

(۱۰۱). كيف يعمل مقياس متساوى الاجزاء كافى (شكل ۸٤) المراد بالمقياس الخط المستقيم المستعمل لقياس جيع خطوط سطح مستو اوخرطة فاذالم يصكن معك تفاصيل دقيقة تريد رسمها فاستعمل في اغلب الاوقات المقيا يس المعمولة كاتراه في اسفل (شكل ۸٤) واستعمل في عكس ذلك المقايس الاعشارية ولنذكر طريقة علها فنقول

لنفرض ان المراد اخد عشر المسافة الذي هو ام ولنفرضه مدرا منالافترفع على المستقيم الم من الشكل المذكور عودا اسم ونضع على المستقيم الم من الشكل المذكور عودا اسم ونضع على هذا العدمود مثل المسافة الم عشر من الثابة أوغشر مسافات متساوية من غدّ من عن من القسمة خطوطا موازية للغط الم شمة مند مواثل سمم

و غ و ضه ط الخ فتصدر متساویة الا بعادلان المسافات ام و م الخ و سمخ و غضم الخ متساویة بالعدمل و بهذه الطریقة برز الموازی الا قل آ) المشتبك فی المثلث تد و بصد عشر ام او عشر متروجر و الموازی الثانی المشتبك كذلا بصیر آ م و هم برز فاذ الرد ناالا ن اخذ طول قدره ۱۲ مترا و به مثلا فذ بالبكار من فاذ الرد ناالا ن اخذ طول قدره ۲۸ مترا فی خد و المائل و ظ و اذ الرد ت این مشم اخذ طول قدره ۲۸ مترا فی خد برز الموازی الداخل بین مشم و خ و و المتوسط بین الاثنی الا خوین و هدما (۵۰) و (۲۶) و عن و فی الاستعمال نوب عن المرفین ف م العددان ۱۰ و ۲۰ و عن المروف ع و ع و ت و صمو م الخ الاعداد ۱ و ۲ و و و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و و و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م و م الخ الاعداد ۱ و ۲ و م الخ الود المورد ا

(۱۰۲) كيف يستخرج وسط ميناسب بين خطين مفروضين * (۱-۱) * (الحل الاول الهذه الدعوى) *

هوان تضع بالتعاقب على المستقيم غ ضد غير المتناهى الخطين ا و سالمفروضين كافى (شكل ٨٥) و تجعل غ ضد الذي هو جموع هذين الخطين عنزلة قطر ترسم عليه نصف محيط و من النقطة ظ التي هي نهاية الجزء غ ظ على غضد عود افتكون ظو هو الوسط المتناسب المطلوب و سان ذلك انه عوجب خاصية الدائرة المذكورة في بند (٤٥) يكون اخ ظ : ظ و : : ظ و : : ظ و : : ظ و : : ظ و : .

هوان ترسم على الخط الاكبروهو ر أو غضم نصف محيطون فعالم الما على الخط ر يعنى تجعل غ ظ ال ومن النقطة ظ التي هي نهاية المستقيم ا اقم ظو عوداعلى غ ضم ثم ارسم وثرا غ و فيصر هو الوسط المتناسب المطاوب انظر بند (٥٤)

ولاجل استخراج الوسط المتناسب بنعددين اضرب احدهما في الالتر فيذر

(١٠٣) كمف يقسم خط الى سنناسبة ذات وسط وطرفين

لیکن المستقیم ال هو الطاوب قسمته الی متناسسة ذات وسط وطرفین فاقم سدا عودا علی الله وخذ سدا = الله النقطة سه مرکزا و بیعد نصف القطر سدا ارسم محیطا وصل سمد وخذ سه الله عد فالنقطة مه تقسم الله کا یقتضه منطوق المسئلة وذلك لانه بسببان الله عماس للمحیط یکون عقتضی بند (٥٦)

شهر : ۱۰ :: ۱۰ : سه

-1 = -- -1 = 5- -1

فاذن المتناسبة السابقة تضيرهكذا د: اس: اس: است موضع سد يكون فاذا وضعنا الوسطين موضع سد يكون

ومن حیث ان ا ۔ اکبرمن ۔ یکون ضرورہ ۔ بے من اے فاذن الجزو ۔ ۔ الذی ہوا کبرجز عمن الحط ا۔ ہوالوسط المتناسب بین ا ۔ و ا ے

ويتضم بهذا العدمل ان الخط القاطع وهو مشم منقسم في النقطة ك

(۱۰٤) كف يستخرج ضلع من مربع مكافىء لمستطيل مفروض لمكن موشد قاعدة المستطيل المفروض وارتفاعه و في ضلع المربع المطاوب فن الواضح الله بمقتضى نص المسئلة بلزم ان بكون

سر بر شر = غ او ب اغ : غ : شر بعن المسلم المناسب بمن فاعدة المستطيل وارتفاعه فاذن

قعلهذه الدعوى الغدملية بطريقة بند (١٠٠) (١٠٠) كيف يحول مضلع مستقيم الخطوط اياكان الى مضلع آخر مكافى اله وناقص عنه ضلعا

لنفرض ان المضلع المفروض ذوار بعة اضلاع السه كافى (شكل ٧٢) وان الغرض تعصيل مثلث مكافى اله فلا جل هذا نرسم اسد الذى هوقطر الشكل ونرسم من النقطة و مستقما و موازيالهذا القطرومنتهيا الى الضلع المدود بالكفاية ثم نجمع النقطتين و سه فيحصل مثلث سسم يكون مكافئالذى الاضلاع الاربعة السمء ولاجل البرهنة يلزم ان تعتبران المثلث اوسم والماصم متساويان فى السطع بسبب ان لهدما قاعدة واحدة هى اسم وارتفاعا واحدا لان رأسهما موضوعان على خط واحدموا زللقاعدة فينشذ اذا اضفنا للجزء المشترك موضوعان على خط واحدموا زللقاعدة فينشذ اذا اضفنا للجزء المشترك المهدم من جهة المثلث اوسم ومن اخرى المثلث المسم كان هذان المجوعان متساويين فينشذ المثلث عسم يكون مكافئالذى الاضلاع الجوعان متساويين فينشذ المثلث عسم يكون مكافئالذى الاضلاع المحدودة المسمودية المشالة المسمودية المشالة المسمودية المشالة المسمودية المشالة المسمودية المشالة المسمودية المشالة المسمودية المسمودية المشالة المسمودية المشالة المسمودية المشالة المسمودية المسمودية المشالة المسمودية المشالة المشالة المسمودية المشالة المشالة المسمودية المشالة المسمودية المشالة المشالة المسمودية المشالة المسمودية المسمودية المشالة المسمودية المس

ومن هذا يفهم امكان تعو يلمضلع الماكان الى مثلث مكافى الدنه اذاكان الغرض مثلا عمل ذلك في مخس فانه يحول بالطريقة السابقة الى ذى اربعة اضلاع مكافى اله ثم يستخرج مثلث مكافى الذي الاربعة اضلاع المذكور

(١٠٦) كيف يستخرج مربع مكافى علملع مفروض

يلزم في حل هذه الدعوى العملية بالرسم ان يحول المضلع المفروض الى مثلث مكافى عثم يؤخذ بطريقة قضية بند (١٠٢) وسطامتنا سيابين قاعدة هذا المثلث ونصف ارتقاعه وهذا الوسط المتناسب يحون ضلع المربع المطاوب عقيضى بند (٧٢) وبند (١٠٤)

ومن هذا ينتج ان جمع الاشكال المستقمة الطوط تكون قابلة للتربيع تنسه * لاجل على مربع مكافى الدائرة بلزم ان يكون ضلع هدا المربع وسطا متناسما بين محمط الدائرة المفروضة وربع قطره الكن حمث ان النسبة العددية

بين هدنين الخطين غيرمشتركة القياس ينتج ان تربيع الدائرة غير مكن اكمن سطح المربع المحصل بهده الطريقة بكون اقل من سطح الدائرة بقدرقرب النسطح المذكورة من هذا السطح

(۱۰۷) كىف يرسىم مى يى فى دائرة

ارسم قطربن اسم و مد كافى (شكل ۸۷) واجعل احده ماعودا على الا خر بمقتضى بند (۸۲) فالخطوط الاربعة المستقمة التي تجمع اطرافهما تصيراضلاع المربع السمه و المرسوم فى الدائرة وهذا واضح ومن الواضع ابضاما يلزم على لا جل رسم مربع على هذه الدائرة ولا تعسر

البرهنة على ان المربع المرسوم على الدائرة هوضعف المربع المرسوم فيها

قاذاقسمنا كل ربع من المحيط الى قسمين متساويين ووصلنا نقط القسمة يحدث المثمن المستظم المرسوم في الدائرة ومن هدا يمكن الانتقال الى مضلع آخر منتظم ذى عدة اضلاع ضعف عدة اضلاع الاول انظر بند (۹۱) فينتذ جميع المضلعات المستظمة القابلة للرسم في الدائرة اوعليها بواسطة المربع هي

مضلعات الهامن الاضلاع ع و ۸ و ۱٦ و ۲۳ الخ (۱۰۸) كنف يرسم مسدس منتظم في دائرة

ضع نصف قطر الدائرة المفروضة ست مرات وضعامة والماعلى محيط الدائرة كا فى (شكل ٥٥) لان ضلع المسدس المنتظم يساؤى نصف قطر الدائرة المرسومة علمه انظر بمد (٦١)

فاذاوصلنا نقط القسمة الستة مثنى يحصل المثلث المتساوى الاضلاع المرسوم في الدائرة ومن المعلوم ان هدر المثلث هوريع المثلث المتساوى الاضلاع المرسوم على الدائرة

وكل المضلعات القابلة للرسم في الدائرة اوعليها بواسطة المسدس المنظم هي مضلعات الهامن الاضلاع ٣ و ٦ و ١ و و ١ و و ٢ الخ (٩٠١) كنف برسم معشر منسظم في دائرة

يقسم كافى (شكل ٤٧) نصف قطرالدائرة المفروضة الى متناسبة ذات وسط

وطرفين فالجزء الاكبر من هذا النصف قطر يصيحون الضلع المعشر المنظم المرسوم في الدائرة انظر بند (٢٢) فأذا وصلنا نقط القسمة العشرة مثى يحدل المخس المنتظم فينتج من هذا وجماسيق ان كل المضلعات المنتظمة القابلة للرسم في الدائرة اوعليها بواسطة المعشر هي مضلعات الهامن الاضلاع وووق المنتسرة المناسرة ا

و ۲۰ و ۱۰ خ

(١١٠) كىفىرسىم دوالخسة عشر ضلعافى دائرة

القوس الموتر يضلع من اضلاع ذى الجسة عشر يساوى القوس المسدس الاقوس المعشر ودلك ان القوس المسدس يساوى في أولي من زاوية فاعمة وقوس المعشر يساوى في اولى في ننذ فرق هذين القوسين يساوى في المقد وهدا بالتحرير هو قوس ضلع ذى الجسة عشر ضلعا في واسطة هذا المضلع يمكن ان يرسم فى الدائرة او علم اجبع المضلعات التي لها من الاضلاع ما و و و و و و و و المناف ال

* (-ل الدعاوى العملية بالحساب) *

(۱۱۱) كنف يقام عود على مستقيم على الارض بو اسطة حبل قد تقدّم حل هذه الدعوى العدملية في يد (۲۶) لكن حلها هنامبني على خاصية المثلث القائم الزاوية و يمكن إن يستعمل في الذا لم يوجد فضاء سوى المسافة الداخلة بين ضلعي الزاوية القائمة

 وضد فالمستقيم سرضد يكون هوالعمود المطاوب و ذلك لان المثلث سرخط ضد هو قام الزاوية في سر لان مربع اكبرالاضلاع بساوى جموع مربعي الضلعين الاسترين انظر شد (٥٣) و (٧٧)

(۱۱۲) كيف تؤخذ مساحة عرض نهرعلى فرض انه لم يكن هذالد آلة اخرى غيرالمتر

وبتحديد سما بهده الكيفية يتحصل عرض النهروهو السها سما سمر سما مهدان النقطة الشرائع محسوس على الشط المقابل للشط الذي نحن به مثل حجر ضخم اوشجرة

(۱۱۳) كيف يعرف طول ما اوارتفاع شي لا يكنف الوصول الد. معلى فرض انه ليس هناك آلة الاالمتركاتة تم

لنفرض ان صدط كاف (شكل ه) الطول او الارتفاع المطاوب معرفته وان المسافة منط لا يحكن الوصول الها الافى النقطة موان سطنح الارض طء افقى اوذو منعدروا حد

قتصنع شاخصين مستقيمين ولا باس ان يكونامتساويين في الطول وتركزهما قائمين احدهمافي حوالا خرفي ا وليه الدرض عن النقطتين ارتفاعي هذين الشاخصين ثم ابحث واضعار أسك بقرب الارض عن النقطتين سه و كاللتين فيهما الشعاعان صدف و صدب الماران بها به كل من الشاخصين وبنها به الشيئ المطلوب معرفة طوله او ارتفاعه يتلاقيان مع سطح الارض الذي هو حد عثم قس اقسام هذا الخطوهي كا و اسم و سه و قس ايضا طول كل من الشاخصين واستعمل في حساب الارتفاع ضه ط الطريقة التي نذكرها فنقول

اذافرضنالاجلالاختصاران دا = ۱ و اسم = ر و سمر = سم و الم = غ و طصم المثنائان سمد في و سمط صمر المتشابهان بفیدان متناسمة نظمها هكذا

سر اشد الله الماع الما

وكذلك المثلثان داك و دطصر المتشام ان مدمتناسبة نظمها هكذا اشد : المبر به خ : ضر وحث كانت التوالى متعدة في المتناسبتين صح ان تكون النتيجة هكذا وحيث كانت التوالى متعدة في المتناسبتين صح ان تكون النتيجة هكذا أ : سر با خ : سر با خ

غ = المسلم المقدار في المتناسمة الأولى تعصل معنا

(-+1) m = 500

يعنى ان نسسة فاضل القطعتين كا وسمد الى بعد المسافة سرى

(١١٤) كمف يستخرج مقدارالزاوية المركزية ومقدارالزاوية المحسطية اداعلم عدداضلاع المنظم

فينانه يوجد من الزوايا المركزية بقدرعدة اضلاع المضلع وانجمع هذه الزوايا متساوية لاربع زوايا قائمة مقسومة على عدة اضلاع المضلع فأذ ااشر نالهذه العدة بالحرف ع تكون الزاوية المركزية على عن أروايا قائمة ولما كان مجموع زوايا المضلع اياكان

يساوى مرارامن جنس القائمة بن قدرعدة اضلاع المضلع الااثنين كافى بسد (٤٤) وكان في المضلع المنتظم جميع الزوايا منساوية ينتج ان كل واحدة منها مساوية للجوعها مقسوما على عدمها فاذن تكون الزاوية المحمطية

الستونات

وكانت عادة المهندسين قبل استعمال المذهب المسترى الجديد في فرنسا انهم يستعملون قسمة المحيط الى ٢٠٠ درجة والدرجة الى ٢٠٠ دقيقة والدقيقة الى ٢٠٠ ثانية وهل حرّا ولكن بسبب فائدة القسمة الاعشارية اختاروا تقسيم المحيط الى ٤٠٠ درجة وكل درجة الى ١٠٠ دقيقة وكل دقيقة الى ١٠٠ ثانية وهكذا فعلى هذا المذهب يكون ربع المحيط وكل دقيقة الى ١٠٠ ثانية وان الزاوية المركزية في المضلعات المنتظمة التي لها من الاضلاع ٣٠ و ٤ و ٥ و ٦ الخيكون الهامن الدرجات على من الاضلاع ٣٠ و ٤ و ٥ و ٦ الخيكون الهامن الدرجات على المنتسم المذهب القديم ويكون الها ٣٣٠ درجة و ٣٠ دقيقة و ٣٣٠ ثانية و الهو و ١٠٠ درجة و ٢٠ دقيقة و ٣٣٠ ثانية و الهو و ١٠٠ درجة و ٢٠ دقيقة و ٣٣٠ ثانية و الهو و ١٠٠ دقيقة و ٣٠٠ ثانية و الهو و ١٠٠ درجة و ٢٠ دقيقة و ٣٣٠ ثانية و الهو و ١٠٠ درجة و ٢٠ دقيقة و ٣٠٠ ثانية و الهو و ١٠٠ درجة و ٢٠ دقيقة و ٣٠٠ ثانية و الهو و ١٠٠ درجة و ٢٠ دقيقة و ٣٠٠ ثانية و الهو و ١٠٠ درجة و ٢٠ دقيقة و ٣٠٠ ثانية و الهو المختل التقسيم الجديد

(١١٥) كيف تؤخذ مساحة الزاوية بالمنقلة

المنقلة هي نصف دائرة من نحاس اوقرن منقسمة الى ١٨٠ درجة على الفديم والى ١٨٠ درجة على الجديد وفي بعض الاحيان تنقسم الى انصاف درجات المذهب الجديد اذا كانت عظمة القطروهي كثيرة الاستعمال في ان ينقل بها على الورق الزوايا الممسوحة على الارض وتستعمل ايضا في مساحة زاوية على الورق وطريقة العدمل في هذه الصورة الاخيرة ان تضع مركزهذه الا لة في رأس الزاوية التي يراد مساحتها بجعل قطرها منطبقا على احدضلعي هذه الزاوية فينتذ يسكون عدد الدرجات الجديدة الداخلة في القوس الذي بن الضلعين هو مساحة هذه الزاوية

(۱۱٦) كف يرسم مضلع منتظم دوعدة اضد لاع مفروضة في داخل دائرة عالمنقلة

فطريقة الرسم الصحيحة فى العدمل المستعملة فى سائر المضلعات المنظمة من غير تخصيصان تضع مر كزمنقلة عظمة فى مركز الدائرة المفروضة وتأخذ على محيط هدفه المنقلة اقو اسا متواليدة عدد درجاتها بالمقياس الجديد مشل مقدار الزاوية التى فى مركز المضلع المطلوب رسمه فينتهذ اذا رسمينا انصاف اقطار بنها بات الاقواس فان محيط الدائرة يكون منقسما كايراد ولاشك انه عكن بهذه الطريقة ان يرسم على الدائرة مضلع منتظم اياكان راد ولاشك انه عكن بهذه الطريقة ان يرسم على الدائرة مضلع منتظم اياكان راد ولاشك انه عكن بهذه الطريقة ان يرسم على الدائرة معلومة

لیسے نااضلع سے ا والضلع اسے ا والضلع اسے ا والضلع اسے ا والضلع ا می اللہ القطعة ا د فعقتضی اللہ کافی (شکل ۲۱) ولنشر بالحرف غ الی القطعة ا د فعقتضی دعوی بند (۷۸) النظر به تحدث معادلة نظمها هکذا

رس = اسم + الله الدين المنارة الماذ كورة يكون نظمها

ومنه بنتجان غ = المسرا المسر

(17)

وسر و = ض = اسرا او = اسرا فرا اسرا او اسرا او

فاذاادخلنا سم فى الجذريعنى ضربنا جديغ الداخل تحت العلامة فى سم عمدولناه الى مقام واحد بتحصل

فبسط الحكسر الذى تعت الجذر يدل على فاضل المربعين فاذن يتعصل كاهومقررف علم الجبر

فاذا اختصرنا بجعل ۱ + - + س = ط یخصل المینا المینا

= الله سه واهذا یکون .

ومنه ينتج ان سطح المثلث الذى اضلاعه الثلاثة معلومة بساوى جذر مربع الحاصل من الاربع مكررات التى اولها نصف محيط المثلث والثلاثة الاخرى هى الفواضل الثلاثة التى تحصل بطرح كل واحد من الاضلاع على التوالى من نصف المحيط المذكور

وهذه المعادلة نافعة جدافي المساحة لانا اذاحلنا مضلعامستقم الخطوط

الى مثلثات وعلنا جيع اضلاعها امكن حالامعرفة مقد ارسطح هذا المضلع واسطة هذه المعادلة

ولاجل العمل نفرض ا = ٥٠ و سے = ٥٠ و سے = ٥٠ فسکون

السطح السسح السسم المراع (٢٠٠٠) (٢٠٠٠) (٢٠٠٠) = السلم المراع الكن الماكان في هده الحيالة المخصوصة المثلث السسه فأم الزاوية الكون مربع المسكر اضلاعه يساوى مجموع مربعي الضلعين الا تخرين كان الاسهل في تحديد سطعه ان يضرب المدضلعي الزاوية القائمية في نصف الا تخريما في بند (٢٢) فاذن يتحصل كانقدم

 $\frac{1-m}{m} = \frac{10\times r}{r} = 0.0$ *(caleo lbst) **

(۱۱۸) قداستهملناطريقة الجبرفي حل المسئلة السابقة لائه في الغالب اقرب الطرق واوثقها في التوصل في الهندسة الى كشف الارتباطات الموجودة بين المقادير المفروضة والمقادير المطلوبة ولنذكر للشهناعدة مسائل المرى ليتمرن الطالب على حلها بطريق التعليل السابق فنقول

ا اداكان هناك مستطيل سطعه عمانون مترامر بعاوفاضل قاعدته عن ارتفاعه الما مترافعاتكون القادير العددية لهذين الخطين

حوایه ۱٦ مترا و ٥ امتار

٢ اذا كانت مساحة شبه المنحرف = ١٣١٥ مترا مربعا وقاعدتام المتوازيتان ١٣١ مترا و ٢١ مترا في الكون ارتفاعه

حواله ۲۰۳۲ مترا

٣ اذا كانت مساحة المثلث المتساوى الاضلاع ٢٨٩٨١ مترامر بعا فعالكون ضلعه

حواله ۳۰ مترا

ع اذا كانت مسياحة المسدس المنظم ٢٧٦ ١٩٦٥ مترا من بعالما

بكون ضلعه

حواله ٨ امثار

ه اذا کان جموع ثلاثه اضلاع المثلث القائم الزاویة ٥٦ متراومساحته تساوی ١٠١٤ مترامر بعاف امقد ارکل ضلع من اضلاعه

حواله ۲۹ متراو ۲۰ و ۲۰

به اذا كان قطعتا وتر على نسبة سن وكان بعزء الوتر المسانع لهاتين القطعتين ١٠ و ١٨ شايكون مقد ارهذا الوتر

حوایه ۱۷۷۷ مترا

٧ اذا كانت دا رقمساحها ٢٦٢٧٧٢٦ متراف يحسكون نصف قطرها

حواله ٥ ر٦ امتار

٨ مامساحة دا رقع ما الرقع ما المرسومين من نقطة من المحيط الى طرفى القطو ١٧ مترا و ٢٣

حواله ٥٦٤٦٦ مترا

۹ مامساحة قطع دائرة قوسه ۲۳ درجة و ۲۳ دقیقة و ۸۱ ثانیة علی التقسیم القدیم أو ۸۱ درجة و ۲۰ دقیقة علی التقسیم الحدیدونصف قطره یساوی ۲۰ مترا

حواله ٢٥١٥ متراص بعا

. • ١ اذا كانت ثلاثة اضلاع مثلث قدرا حدها • ٣ متراوالثاني ٢٤ والثالث • ٢ واريد قسمة هدا المثلث الى جزئين متكافئين بخط مواز لا كبرالاضلاع في امقد ارهذا الخط

حوابه خط القسمة = ١٦٢١

۱۱ اذا كانت ثلاثة اضلاع مثلث على نسبة ۳ : ۷ : ۸ ومساحته مع متراس بعافاتكون اضلاعه الثلاثة

حواله ۱۱۷۱ مترا و ۱۶۰۰ و ۲۷۵۹

م المربع المرسوم عليها الله عشر المنظم المرسوم في الدائرة الى مساحة المربع المرسوم عليها

جوابه ذوالا شيء شرالمرسوم فى الدائرة هو ثلاثه ارباع المربع المرسوم عليها

* (المقالة النيانية وفيهاعدة فصول) *

* (القصل الاول) *

فى خواص المستقيمة المقطوعة عستويات التي تلاقى وخواص الخطوط المستقيمة المقطوعة عستويات متوازية

(١١٩) الفصل المشترك المستويين خطمستقيم وبيان ذلك ان الخط المستقيم المار بنقطتي الفصل المشترك من مستويين يكون في كل من المستويين فاذن هذا المستقيم هو الفصل المشترك لهذين المستويين

ويكن بنقطة واحدة اوبخط مستقيم واحد مر ورعدة غيرمتناهية من سطوح

وكلوضع ثلاث نقط اووضع خطين مستقين متقاطعين اومتوازين يعدد وضع مستو

ويكون المستقيم عمود اعلى سطيح مستوادا كان عوداعلى جميع المستقيمات المارة بموقعه فى ذلك المستوى ويلزم منه ان يكون المستوى عوداعلى المستقيم وموقع العمود على مستوه والنقطة التى يشترك فيهامع المستوى

والمستقيم بكون موازيا للمستوى اذالم عصكن تلاقيهما وبكون المستويان متوازين اذالم يمكن تلاقيهما ولومدا الى غيرنهاية

(۱۲۰) المستقيم يكون عود اعلى مستواد اكان عود اعلى مستقين مارين عوقعه ومرسومين في ذلك المستوى

ليكن اط عودا على المستقين سط وسه ط المرسومين في المستوى م م كافي (شكل ۱ ه) فيلزم البرهنة على ان كل مستقيم مثل عط مرسوم في مستقيم مثل عط مرسوم في مستووا حدمن النقطة ط يكون عودا على اط بان يقال

من النقطة ك الماخوذة كايراد على كل عد سنه بحث يكون دع السم فالمثلث ساسم عند السم فالمثلث ساسم ففند

اَ الله المثلث مسرط يقيد الماكة عامة النظريند (١٠) وكذلك المثلث مسرط يقيد

「る」「十一」

فاذا طرحناهذه المعادلة الاخبرة من الاولى واختصر نابواسطة اخذ آطً بدل آس مرط الله نافادهما بدل آس مرط الله نافادهما المنكان المط واسمط بتعصل

فلیکن اط عوداعلی المستوی م و اے اس فیث ان النقطتین روس موضوعتان فی المستوی م و یقال اذار سمنامن النقطة المستقیماً ای مساویا اسم وموضوعافی المستوی الله فالمنان الله و اطسم یکونان متساویین و بمقتضی بند (۲۶) یقال حیث ان مائل الله اکبر من ای یکون سط اکبر من طی لکن طی یساوی طسم فاذن یشت المطاوب

وينتج من هذا ان النقطة ط التي هوموقع العمود اط هي مركز الدائرة الني ترسم على المستوى م ت بععل المركز ا وسعد نصف قطر اكبرمن اط وهذه الخاصة تفد طريقة تنزيل عود على مستومن نقطة مأخوذة خارج هذا المستوى

والبعدالحقيق من النقطة الى المستوى م و هوالعمود اط (١٢٢) اذارسمنا من موقع عود على مستوعودا على خط مرسوم فى هذا المستوى ومدد ناخطا مستقما من موقع هذا العمود الثانى الى اى نقطة من العدمود الاول فان هذا المستقم يكون عودا على هذا الخط المرسوم في هذا المستوى

فلیکن کافی (شکل ۹۳) اط عودا علی المستوی م و ط ی عوداعلی المطلق م سه المرسوم فی هذا المستوی فیکون ای عوداعلی اللط سم

فذ ده مساویا سمه واجع سط وطسه فی کون المثلثان سطه و سمط و متساویین فاذن سط طط سم و کذلا المثلثان اطر و اطسه القاعالزاویة ای انهمامتساویان فاذن اسه اسمافیان فاذن یکون کافی بند (۲۶) المستقیم ای عود اعلی سسم

(۱۲۳) المستقيم العدمود على مستوكل خط موازله يكون عودا على ذلك المستوى

لیسکن کافی (شکل ۹۶) الخط اط عود اعلی المستوی م ۵ و سمه موازیا اط فعلی سعت هذین المتوازیین برسم مستوی قطع م ۵ ف ست و ط و فی هذا المستوی الاخیر عد دے عود اعلی ط د و بوصل اد فیمقتضی الدعوی النظریة السابقة بسکون دے عرد اعلی ا د و مالعمل یکون هذا المستقیم عود الیضاعلی ط د فاذن یکون عود اعلی اللط سه د علی المستقیم سه د الموازی اط عود علی ط د فاذن هذا المستقیم سه د الموازی اط عود علی ط د فاذن هذا المستقیم یکون عود اعلی المستقیم م ۵

وينتج من ذلك اولاانه اذا كان خطان اوعدة خطوط موضوعة في مستوبات مختلفة وكانت اعدة على مستوفان هذه الخطوط تكون متوازية ونانيا ان كل مستقمين موازيين لذالث يكونان متوازين

(۱۲٤) كا مستقيم موازلا تخزم سوم في مستو فهوموأز لذلك المستوى

وذلك ان المستقيم الم الموازى للغط سدى المرسوم فى المستوى م د كما فى (شكل ٥٥) لا يكن أن يتلاقى مع ذلك المستوى من غير ان يقطع المستقيم سمى وقطعه له غير ممكن فاذن الم يكون موازيا للمستوى م د

(۱۲۰) كل مستوين عودين على مستقيم واحد فهدما متوازيان وبالعكس اى ان كل مستقيم عود على احد مستوين متوازيين فهوايضا عود على المستوى الاستوى الاستوى الاستوى الاستوى الاستوى

لنفرض كافى (شكل ۴ هـ) انكلامن المستويين م و طن عود على المستقيم ١ و وانه يكن تلاقيه مافي مت سه و فنعين النقطة و على هذا الفصل المشترك ونصل الخطين ١ و و و فالاول وهو ١ و يصير بتمامه فى المستوى م و لان ١ هى موقع العمود ١ فاذن تكون الزاوية ١ فاحة و عثل هدا يكون و موضوعا فى المستوى طن فاذن الزاوية م قاحة و يلزم من ذلك ان ١ و و سو يكونان عودين فاذن الزاوية م قاحة و يلزم من ذلك ان ١ و و سو يكونان عودين نازلين من نقط قاحدة على مستقيم واحدوهذا غير مكن فاذا لمستويان م و طن لا يمكن تلاقيم ما فاذن همامتوازيان

(١٢٦) الفصدلان المشتركان لمستويين متوازين مقطوعين عستو ما متوازيان

لنفرض كافي (شكل ۹۷) ان المستقيمن الموسم هي هما الفصلان المشتركان المستوى الموسم مع المستويين م وطن فلولم يكن هذان المستقيمان متوازين لكاناباليد اهة متلاقيين لكونهما في مستووا حد لكن المستويان م وطن اللذان فيهما هذان الخطان يتلاقيان الكن المستويان م وطن اللذان فيهما هذان الخطان يتلاقيان ايضاوهذا خلاف القرض قاذن المستقيمان المورسم و متوازيان الواقعة بين مستويين متوازيان تكون متساوية (١٢٧) المتوازيات الواقعة بين مستويين متوازين تكون متساوية

شکل ۹۸)

فاذا توهسمنا مستویا اسدس مارابالمستقین اس سری المنوازین فان الفصلین اسم سری المشترکین من هدا المستوی مع المستوین م و طق المتوازین یکونان متوازین فینئذ شکل اسدس بصر متوازی الاضلاع فاذن اسسه سری

(۱۲۸) كلزاوية برايسة اموضوعتين في مستو واحد واضلاعهما متوازية و متعهدة الى جهة واحدة تحكونان متساويتين و مستوياهما متوازين

فلی التناظر الضلعین آسہ و سمت من الزاویة سم موازین علی التناظر الضلعین آسہ و سمت من الزاویة سمت حکما فی (شکل ۹۹) ولناخید آسه = آسه و سمت و سمت المختصی بنید (شکل ۱۳) یکون شکل اسم سماً متوازی الاضلاع فینتجان ۱۱ یساوی ویوازی سمس مر و کذلا یقال فی به شمت و شمس فاذن یکون ۱۱ مساویا و موازیا ست بمقتضی تنجیمة (نمرة ۱۲۳) فینت دالمثلثان اسم و آسما من حیث ان الهماثلا ثه اضلاع کل منها مساولنظیره یکون سم و من المعلوم ان هذین المثلثین اوالمستوین مساولنظیره یکون سم و من المعلوم ان هذین المثلثین اوالمستوین المشملین علی هذین المثلثین یکونان متوازیین

(١٢٩) المستقمان الواقعان بين مستو بين متوازين ينقسمان عستو الأثمواز المستوين المذكورين الى أجزاء متناسبة

فلیکن ار سه المستقین فاذار سمنامستویامارامن ارسه فان فصلیه المشترکین مع الستویین م و رصه المتوازین یکونان اسه فصلیه المشترکین مع الستویین م و رضه المتوازین یکونان اسه فانه یقطع طوه و رصه علی سمت ری ضدط استونامادان المثلث فانه یقطع طوه و رصه علی سمت ری ضدط استونامادان

السه يفيد أغ : غد : سرضد : ضدر والمثلث سرمد يفيد

سرضر وضرب والمرط وظا

فسب النسبة المشتركة التي هي سهضه: ضهد يكون العالوب الغ : غد المعالد ومذا يشت المطاوب

* (الفصل الشاني) *

*(فى الزوايا الكثيرة السطوح ويقال لها الجسمة) *

(۱۳۰) الزاوية ذات السطعين هي ميل مستوين

(۱۳۱) الزاوية ذات السطعين تقاس بالزاوية الحادثة من خطين مستقيمين مرسومين في كل من سطعيها وعمودين على فصلهما المشترك وجموعين في نقطة واحدة من هذا الخط

فيند أناط وشم الواقع في المستوى اسم عوداعلى الم واللط محك الواقع في المستوى الم عودا ايضاعلى الم تكون الزاوية شهروك الحادثة بينهما قياس ميل هذين المستويين كافى (شكل ١٠١) (١٣٢) حكل مستويين يتقاطعان فانه يكون الهما خواص الحطين المتقاطعين انظر بناد (١٤)

كل مستوين متوازين قطعا عستوال بمن المواصالي من المواصالي تكون في قطع المستقمين المتوازين عستقيم الثانظر بد (٩٦)

(۱۳۳) المستقيم العدمود على مستوكل مستوير به يكون عودا على المستوى المذكور

ليرسم كايراد مستو العربالمستقيم اط الذى هو عود على المستوى م د ويقام من النقطة ط التي هي موقع هذا العدمود عود ط ك في المستوى م د على الفصل المشترك للمستويين وهو ط ل كافى (شكل ١٠٢) فهذا العمودوهو ط ك يكون عود اليضاعلى اط انظر بسد (١٢٠) لكن الزاوية اط ك تكون قياس ميل المستويين م د

و طسم انظربند (۱۳۱) فيت ان هذه الزاوية قاعمة يكون كلمن المستوين عودا على الاتخر

وينتج من هذاان المستوين العمودين على مستوثالث يكون القصل المشترك لهما عودا على الثالث

(۱۳۶) الزاوية الكثيرة السطوح ويقال الها الجسمة هي المسافة غير المحدودة الواقعة بين عدة مستويات مجمعة في نقطة واحدة واقل الزوايا الجسمة هي المصنوعة من ثلاث مستويات فاذن بلاط في كل زاوية مجسمة ثلاثية سمة السياء هي ثلاث روايا دوايا مستوية وثلاث زوايا ذوات سطين

(١٣٥) جموع كل اثنت بن من الزوايا المستوية التي يتركب منها زاوية هجسمة ثلاثمة هودا عما اكبرمن الثالثة

لتحکن الزاویة صد من (شکل ۱۰۳) هی الجسمة الثلاثیة الرکبة من الزوایا اصد و اصد سد و سدصد و المستویة فاذا کانت الزوایا المستویة متساویة فالدعوی ظاهرة واذالم تکن کذلك فلنرسم فی الزاویة اصد و اسد و الاولی مستقیما صدی جیث ان الزاویة و صد و سه صد و و قاخذ صدی و صد مد و و سه صد و یکونان سه و و مستویا اسد فالمثلثان وصد و سه صد یکونان متساویین لان فی کل منه مازاویة وضلعین کل منها مساولنظیره من الا خو فاذا طرحنا من کل من الطرفین سه و و مستویا اسم ایک او به و المدسد زاویة مباینة فاذا طرحنا من کل من المارفین اصد و اصد سد زاویة مباینة فینشد یکون فی کل من المثلث ین اصد و اصد سد زاویة مباینة فینشد یکون فی کل من المثلث ین اصد و اصد سد زاویة مباینة للاخری داخله بین ضلعین مساویین لنظیریهما من الاخر فیقتضی بند (۱۲) یکون اصد د ح اصد سه فاذا اضفنا لاحد الطرفیز زاویة و مد سه صد منه عصل یکون اصد می الاستر مساویتها و هی سه صد مد تحصل

اصدی کے عصر ۔ او اصر حاصر کے سے صدر وہداشت المطاوب

(١٣٦) مجموع الزوايا المستوية التي يتركب منهازاوية مجسمة محدثة اودات اضلاع بارزة هودائما اصغرمن اربع زوايا قائمة

قاقطع الزاوية صد الجسمة عسسومامثل السرد م كما في (شكل ٤٠١) وارسم من النقطة و المفروضة في هذا المستوى مستقمات او دو الخاجد موع زوا بالنشات اصد سر د صد سر الخ المشتركة الرأس في النقطة صد يكافى عبروايا مثلثات عدتها كعدّ تهاوهي اوس وسم الخ المصنوعة حول الرأس و وفي النقطية المجموع الزاوية سرأم وصراك اكبرمن الزاوية _ا _ الثالثة وكذلك في النقطة سيكون صدراً به صدرس راس وهكذا فبالضرورة يكون جموع الزوايا التي في قاعدة المثلثات صرار وصراك الخاكبرمن بجوع الزوايا التي في قاعدة المنان التى رؤسهافى و فاذن يكون مجموع الزوايا التي حول المقطة صد اصغر من مجموع الزوايا التي حول و التي نساوي اربع زوايا فاعمة

(١٣٧) الزاويمان الجسمة ان المتحدد وتبان من ثلاث زوايامستوية ومتساوية على التناظرومر سمة على وضع واحد تكونان متساويتين ويمكن انطباق احداهماعلى الاخرى

فلتكن صر قسمن (شكله ١٠٥) هما الزاويّان الجسمتان فن النقطة ١ الما خوذة كايرادعلى الضلع صدا نرسم أله و اسم عودين على صدر وصرسم تمنزل من النقطة البضاعلى المستوى مصدسه عودا اط ونصل ط التي هي موقع هذا العمو د بالنقطتين سر مَ نَأْخُذُ صَد أَ = صدا ونعمل هذا العمل بعينه في الزاوية صد فالمثلثان صدرا و مدراً القائما الزاوية احده ما في ر والاخرفى ن يه ونان متساوين وايضا المثلثان أصهر و آصر سے استعادین فینند صد سے صدر ک و صرمر = صَرسَ واله = آر والله = آسَد وايضا عقيضى بنسد (١٢٢) تكون الزاويتان صد طرس بساوى دا فاغتين اذا تقرر ذلك فذو اربعة الاضلاع صد طرس بساوى دا اربعة الاضلاع صد طرس لانه يمكن انطباق احدهما على الاستوبالتيم وفاذن سط = سَطَ و طس = طَسَ فبنج من ذلك ان المثلثين اسط و آسط القاعمى الزاوية احدهما في طوالاستوفي طرمتساويان فاذن الزاوية اسط = آسط كمن الزاوية اسط هي مقياس ميل المستوبين سصدا و سصد و كذلك الزاوية آسط هي مقياس ميل المستوبين سصدا و سصد و كذلك الزاوية آسط هي مقياس ميل المستوبين سصدا و سصد من فاذن هذان الميلان عمد المجاهما و من المجاهمان عمد المجاهمان عادن الزاويتان صد و صد المجاهمان عمد الطباقهما

(۱۳۸) الزوایا المستویهٔ التی یتر کب منهازاویه بچسمه ثلاثیه یکنان تکون موضوعه علی وضع منعکس وان ببرهن ایضاعلی انها متساویه فی جیع اجزائها لکن هدده الزوایا لا یکن انطباق بعضها علی بعض و یقال لها متماثله (انظر هندسه لیژاندر)

*(االقصل الثالث) *

فى الاحسام المسهمة بعدة مستويات وفي بعض خواصها

(۱۳۹) المسافة المغلوقة من جميع جهاتها بعدة مستويات تسمى هجسمة والاوفق ان تسمى جسمة كافي (شكل ۲۰۱)

واقل ما تعدد به المسافة من جميع جهاتها اربع مستويات وتسمى المسافة في هدد ما مثلثيا مثال ذلاك الجسم المرسوم في شكل صدا سن

وتقاطع السطعين المتعاورين من الجسم يسمى ضلع الجسم فينتسد صد نه هوضلع الهرم صدارسم

وكل جسم احدسطوحه كثيرالاضلاع وباقى سطوحه مثلثات رؤسهافى نقطة واحدة يسمى هرما

والاجسام تسمى باسماء مختلفة بالنسبة لعدد سطوحها ووضع تلك السطوح فالمنشور كل جسم واقع بين سطعين متقابلين متساويين ومتوازين وباقى سطحوحه تكون متوازية الاضلاع كافى (شكل ١٠٧)

والمضلعان السهور أسردك و أسردك المتقابلان المتساويان في المنشور يسمان قاعدتي المنشور

والمضلع الذى يعتبروضع الهرم عليه يسمى ايضا قاعدة الهرم ثمان كلامن الهرم والمنشوريسمى ثلاثها ورباعياعلى حسب كون قاعدته مثلثا اوذا اربعة اضلاع الخ

وارتفاع المنشورهو العمود النبازل من نقطة من احدث قاعدته على الانوى

وارتفاع الهرم هوالعد ودالنازل من رأس هددا الجسم على مستوى قاعدته

ومتوازى السطوح كافى السطوح كافى الاضلاع كافى (شكل ١٠٨)

ومتوازى السطوح بكون قائم الزوابا اذا كانت جميع سطوحه قائمة الزوايا والمجتعب المنتظم ذوالسطوح السية هو متوازى السطوح الذى جميع سطوحه مربعات كافى (شكل ١٠٩)

وقطركل جسم هو المستقيم الواصل بين رأسي زاويتين محسمتين غير متجاورتين (. ٤٠) السطيان المتقا بلان من متوازى السطوح متساويان واقطار الاشكال المرسومة من رؤس الزوايا المجسمة الشلامة ينصف بعضها بعضا وذلك لانه عقتضي تعريف هذا الجسم قاعد تاه المتقابلتان وهما السسم و فلك لانه عقتضي تعريف هذا الجسم قاعد تاه المتقابلتان وهما السسم ع

ومتساویان واضلاعه ما المتقابلة متوازیة ینتجان الاضلاع الم و سف و متساویات واضلاعه ما المتقابلة و متساویة و متوازیة فاذن السطوح المتقابلة و هی اف و مد و اشه و سم و متساویة و متوازیة فاذن السطوح المتقابلة و هی اف و حد و اشه و سم و مثل ام و حد فن فن المعلوم انه ما یکونان قطری متوازی الاضلاع امر فن و هدان القطران ینقسمان بتنصیف متوازی الاضلا خرالی قسمین متساویین فی النقطة و لان المناشین او و فن و حد متساویان لان فهرماضلعامساویا و مجاور الزاویتین متساویتین و متساویان لان فهرماضلعامساویا و مجاور الزاویتین متساویتین

وما ينبغى التنبيه عليه ان الزاويتين ف و ك المجسمة من الثلاثيتين المتقابلة من تحكونان مماثلة من و المسمد و الاسمد عشره و الثلاثي الزوايا المركب منهما المنشور الكامل يكونان متكافئين ولوكانت سطوح احدهما موضوعة على عكس وضع سطوح الا خروان اردت البرهنة التامة على هاتين القضية من فعلم للمندسة ليزاندر اولا كورواس

فاذن شت المطلوب

* (شروط تساوى دوات السطوح الثلاثة والمناشر) * * (وخاصية القطوع المنوعة في هذه الاجسام) *

(١٤١) كلهرمين ثلاثيبين زواياهـ ما المجسمة الثلاثيـة المتناظرة مركة من مثلثات متساوية وموضوعة على طريقـة واحدة يكونان متساويين

والهرمان الشلاثيان يكونان ايضا متساويين اذا كان في كل منهاز اويه ذات سطعين مساوية لنظير تهامن الا خر ومحصورة بين سطعين متساويين على التناظر وموضوعين على طريقة واحدة

والمنشوران بحكونان متساويين اذا كان فى كلمنهما زاوية مجسمة ثلاثمة محصورة بن ثلاث مستويات متساوية على التناظر وموضوعة على وضع واحد

وهذه الدعاوى الثلاث يسهل سانها بالانطساق

(١٤٢) اذاقطع منشور عستوموا زاقاعدته فالقطع الحاصل يساوى هذه القاعدة

وذلك لان مستوى القطع أرسم د عن من (شكل ١٠٧) حيث كون واقعة بين مستويين متوازييز فهى بالضرورة متساوية فينته ذبيع تكون واقعة بين مستويين متوازييز فهى بالضرورة متساوية فينته ذبيع الاشكال أع وأم وسم المخمنوازية الاضلاع وايضا الزاويتان أكاع والضالزاويتان أكاع والضالزاويتان أكاع والفراجيما متجهين الى جهة واحدة وكذلك كل زاويتين مثل أكد والعراجيما القطع أرسم د كالساوى القاعدة اسم د عد القطع أرسم د كالدا قطعنا هرما بمستو موازلة اعدته فان كلامن اضلاعه وارتفاعه يكون منقسما على نسبة واحدة والقطع يصون مضلعامشا بها لقاعدة

لیسکن آسر و القطع المصنوع فی الهرم صدا سد کافی (شکل ۱۱۱) فحیث کانت المستقیمات ۱ رو آرو او و آو الخ الم متوازیة بمقتضی بند (۱۲۱) فالزاویتان دا و رو آو تکونان متساویتین والمضلع آسر و یکون متساوی الزوایا مع المضلع اسر و وایضا بمقتضی غرة (بنسد ۲۶) یکون

(القصل الرابع) *(فى مساحة احماز المناشر والاهرام)*

(١٤٤) المسافة التي يشغلها الجسم تسمى حجما كما هو المشهور في الاستهمال والاؤفق ان تسمى حيزا اوسعة واذا اعتبرنا أناء اوجسما مجوفا فان حجمه يسمى مكيالا اومعمارا

ويقال للاجسام متساوية الحجم اومتكافئة الحجم على حسب امكان انطباق بعضما على بعض اوعدمه وعلى حسب تساوى المسافات التي تشغلها تلك الاجسام

(٥٤١) الشكلان المتوازيا السطوح اذا كانا متحدين في القاعدة والارتفاع فانهما يكونان متكافئين

ويجكن ان يحدث عن ذلك صورتان متما بنتان تما بناحقيقيا وهدما ان القاعد تان العليمان الموضوعتان في مستو واحد اما ان تكونان وانعتين بن متوازين اوغيروا قعتن بينهما

فالبرهنة على الصورة الاولى ان يقال ليكن اسمه من (شكل ١١٢) قاعدة مشتركة بين متوازي السطوح ام و المالمتحدين في الارتفاع وقاعد تاهما العلييان وهما عن مشه و ع كلم من حيث انهما واقعتان بين المتوازين عم و ف له يظهر بالسهولة ان المنشورين المتوازين عم م ف له يظهر بالسهولة ان المنشورين المتوازى السطوح ام الاول يكافئ الجسم اسمه حد ف لم المتانى المنشور عشم لم النلائي و كذلك متوازى السطوح الم النلائي و كذلك متوازى السطوح الم النانى يكافئ جسع الجسم اسمه حد ف لم الاالمنشور اسع ك فاذن المتوازيا السطوح متكافئان

واما البرهندة على الصورة الشانية فهى ان متوازيي السطوح المذكورين اذا كانت قاعد تاهما العليبان دوطن و عكلم من (شكل ١١٢) موضوعتين في مستووا حدوكانت قاعد تهما السفلي المشتركة هي اسمه

فان هذین المتوازی السطوح یصونان ایضامت کافئین لاتنا اذا اعتبرنا فی متوازی السطوح ۱۰ ان قاعد ته العلیا عفره و اقعه مرة واحدة بین المتوازین الذین بشتملان علی القاعد تین هوط و و عدام یکون ایضامکافئی المتوازی السطوح ۱ ط و ۱ له فاذن متوازیا السطوح ۱ ط و ۱ له المائلان الی جهتین مختلفتین و المتحدان فی القاعدة و الارتفاع یکونان متکافئین

فينتج من هدد النكل متوازى سطوح يمكن تحويله الى اخرقائم الزوايا سكافى اله ومتعدمه في الارتفاع ومكافى اله ومتعدمه في الارتفاع ومكافى اله في القاعدة

(٢٤٦) الشكارن المتوازيا السطوح القاعما الزوايا المتعدان في القاعدة تكون النسبة بنهما كنسبة ارتفاعيهما

مثال ذلك متوازيا السطوح او والد القاعدان وايا اللذان واعدم ما اسم كافى (شكل ١١٤) فلنفرض اولاان ارتفاعيما وهما الم واعلى المناعلى المناه والمناه وللمناه ولمناه والمناه والمناه

فاذا كان الارتفاعان الم و اع على نسبة متبا ينسة فجيما الجسمين اد و الد يصكونان ايضاعلى نسبة الارتفاعين ويستعمل فى بيان ذلك طريقة برهنسة بند (٣٨)

(۱٤۷) المتوازياالسطوح القاعالزوايااللذان لهماارتفاع واحد نسبتها كنسبة قاعدتها

ولاجل بان هذه الدعوى نفرض ان متوازي السطوح او وعو المتعدين

فى الارتفاع اے اهماسطان رو سرو منجاوران و داخلان بن المتوازین رل و فر کافی (شکل ۱۱) فاذامد دناالمستقین م و و ع ک الی ط والی م فانه یحدث متوازی سطوح مرو یکون متحد القاعدة مع متوازی السطوح ا و و فیقتضی الدعوی السابقة بتحصل

الجبر رو: الجبر او: عسد: المجبر رو: الجبر رو: عدد الجبر عود الجبر عود: عدد المجبر عدد المجبر عدد المجبر عدد المجبر عدد المجبر عدد المجبر الم

فاذاضر بنا هاتين المتناسيين على الترتيب وحذفنا المكرر المشترك وهوجيم

الجم عو: الجم اح: عسم × ع ك: الله حسم الحجم عود الجم اح: عسم × ع كالمن عسم × ع كالم الله السطح عسم لك و المله حسم المسطح المسهد فاذن متوازيا السطوح المتحدان في الارتفاع تكون نسبته ما كنسبة قاء د تهما

(١٤٨) كل متوازي سطوح قائمي الزوايا فالنسبة بينهما كنسبة الحاصلين من ضرب ابعادهما الحاصلين من ضرب ابعادهما الثلاثة في بعضها

(البيان الاول) ان يقال ليكن كافى (شكل ١١٦) اه و عو متوازي السطوح القائمي الزوايا فاذا علنا متوازى السطوح عو كان مقنضي القضيتين الاخبرتين

الجم اح: الجم عن: السهد: عسدك و الجم عن: السهد: عسدك و الجم عن: الحجم عن الحجم عن الحجم عن الحجم عن الحجم عن المحتصر المحصل فينتداد اضر بنا على الترتيب واختصر نا تحصل الحجم عن الحجم عن الحجم عن المحمد عسدك ×عم الحجم المحمد الحجم عن المحمد المحمد

اوالحاصل من ضرب ابعاده الثلاثة في بعضها وذلك لانسااذا اعتبرناان احد اضلاع المكعب وحدة مقياس خطى وان الاضلاع الثلاثة المتصلة من متوازى سطوح آخر قائم الزواياهي مقدارهذه الوحدة سو و و مرات فان هذين الجسمين تكون النسبة بنهما كنسبة نهما كنسبة نوازى الويقال والمعنى واحدان المكعب المعتبر وحدة مقياس جسمى يكون داخلا ١٣٥ مرة في متوازى السطوح وهذا معنى القول بطريق الاختصاران جم متوازى السطوح القائم الزوايا يساوى الحاصل من ضرب اضلاعه الثلاثة المتصلة في بعضها اوالحاصل من ضرب قاعدته في ارتفاعه فينئذ جم المكعب النظم ذى السطوح الستة يساوى مكعب احداضلاعة

(البيان الشاني) ان يقال يمكن ان بهن هذه القضية من غيروا سطة في صورة ما أذا كانت ابعاد متوازى السطوح القائم الروايا على نسبة مشتركة بفرض ان ضلع المكعب المأخود وحدة المقياس داخلاه مرات في الطول اكوس مرات في الارتفاع المعلوم المعلوم الله يمكن وضع ١٥ مكعبا في جميع انساع القاعدة ١٠ سه كووضع ٨ مكعبات في سهت الارتفاع ١٠ فاذن المتوازى السطوح القائم الروايا يشقل على ١٥ × ٨ = ١٢٠ فعلى العسموم جمكل متوازى سطوح قائم الروايا يستول على ١٥٠ × ٨ = ١٢٠ فعلى العسموم جمكل متوازى سطوح قائم الروايا يساوى الحاصل من ضرب قاعدته في العموم فينتج عاتقدم ان هم متوازى السطوح الماكان وكذا هجم المنشور على العموم فينتج عاتقدم ان هم متوازى السطوح الماكان وكذا هجم المنشور على العموم فينتج عاتقدم ان هم متوازى السطوح الماكان وكذا هجم المنشور على العموم فينتج عاتقدم ان هم متوازى السطوح الماكان وكذا هجم المنشور على العموم فينتج عاتقد مان هم متوازى السطوح الماكان وكذا هجم المنشور على العموم فينتج عاتقد مان هم متوازى السطوح الماكان وكذا هجم المنشور على العموم فينتج عاتقد مان هم متوازى السطوح الماكان وكذا هجم المنشور على العموم فينتج عاتقد مان هم متوازى السطوح الماكان وكذا هجم المنشور على العموم فينتج عاتقد مان هم متوازى المتوازى المتوززى المتوازى المتوازى المتوززى المتوززى المتوززى المتوززى المتوززى المتوززى المتوززى ال

(١٤٩) الهرمان النلاثيان المتكافئان في القاعدة المتحدان في الارتفاع يكونان متكافئين

(البيان الاول) ان يقال ليكن في احد الهرمين المذكورين وهو صدارسه من (شكل ١١٧) عدة معينة من مناشير الدة كالمنشور ارسم در في وعدة معينة من مناشير ناقصة كالمنشور عرك ورسم وكلهاذات ارتفاع واحد وليكن ايضافي الهرم الناني من المناشير مثل تلك العدة فنبين

بالسهولة الله فى كل هرم ثلاثى فاضل المناشير الزائدة على المناشير الناقصة المساوى للمنشور الزائد الاول اسمد فف عكن ان يضير اقلمن كل مقد ارم فروض وبناء على ذلك ففاضل كل هرم ثلاثى عن مجموع المناشير الزائدة مكن ايضا ان يصغر كايراد

اذات قررهذا يقال المكن شرائلان الدى هو صدارسه و سرائلان الهرم الثلاث صدارسه و طريح و المناشر الزائدة في الهرم الاول و طريح و علمناشر في الهرم الثاني والمكن الهرم الاول شريح و علمناشر في الهرم الثاني والمكن الهرم الاول شريح وعالمناشر في الهرم الثاني شريكون

ط ۔ تَ < ت ۔ تَ فاذن یکون ط < ت

وحدثان ط على طرح أكون طرح أوهدا محاللان مجموع المناشر الخارجة هو بالضرورة الحكرمن الهرم الئلائي المناظر لها فاذن الهرمان الثلاث المناظر لها فاذن الهرمان الثلاث الأيكن ان يكونا غيرمتساويين في الجم

البيان الثانى ان يضال بنتج من دعوى بند (١٤٣) انما أذا قطعنا الهرمين المفروضين بمستويات موازية للقاعد تين على ابعاد متساوية معها فان القطوع المتناظرة تكون متكافئة فاذا توهمنافى كل واحد من هذين الهرمين عدة مناشير متحدة غيرمتناهية فالتي تنسب لهرم تكافى عجد مدفينتج من هذا ان هذين الهرمين يكونان متكافئين

(من ۱) دوالسطوح الثلاثة تكافى المنشور الثلاثي الذي هومثله في القاعدة والارتفاع

فلیسکن اسه من (شکل ۱۱۸) هودوالسطوح الثلاثه المطاوب ولنقه من النقط ۱ و ف و مه ولنقه من النقط ۱ و ف و مه مستویا اف م دوسم من النقط ۱ و ف و مه مستویا اف م دوسم الهرم ادے من الرباعی الی الهرمین ادے ف و است ف الثلاثین

قالهرمان اسمن و عفا المسامعدان في الارتفاع ،

ومتساویان فی القاعد تین اسه و دعن فه مامتکافئان و کذلا الهرمان دا عن و اعد فی متکافئان لان فاعد تیه ما المتساویت اکد و اعد موضوعتان علی مستو واحد و رأ ساهما فی نقطة واحدة وهی ف فادن الاهرام الثلاثة التی یترکب منها المنشور تکون متکافئة فادن الهرم اسه ف موثلث المنشور المتحد معه فی القاعدة و الارتفاع فی نتیج من هنا و من غرة (۱٤۸) نتیجة هی ان الهرم الثلاث بل و کل هرم من فینتج من هنا و من غرة (۱٤۸) نتیجة هی ان الهرم الثلاث بل و کل هرم من میث هو مساحته ثلث الحاصل من ضرب قاعدته فی ارتفاعه

مثال ذلك الهرم صدا سده به الجماسي كمافى (شكل ١١٩) فانه بساوى جموع الاهرام الثلاثة الجزئية وهي صدا سده و صداسه و صداحه و صداحه

(۱۰۱) كا مرم ثلاثي مقطوع عستوموا زاقاعد ته فهو مكافى الدائه اهرام يكون ارتفاعه اهوارتفاع المقطوع وتكون قاعدة احده اهى قاعدة المقطوع العلما وقاعدة قاعدة المقطوع العلما وقاعدة الشالث وسط متناسب بين ها تين القاعد تين

فلنرسم من النقطة سم التي هي رأس احدى زوايا قاعدة المقطوع العلما سرة من (شكل ١٢٠) موازياللضلع ١١ ونصل خطين كرواء في المنافع في المعلوم اولاان الهرم المقطوع من كلائة اهرام كاملة وهي السرسية و أحدا و السرسية و أحدا و السرسية وارتفاع كل منهما هوارتفاع المقطوع واما وقاعدة الثناف السرة الثالث فقاعد ته المثلث ١١ ورأسه في سر فينشذ الهرم السرسة الثالث فقاعد ته المثلث ١١ ورأسه في مرسبان سرة هو مكافي الهرم الحريكون مثله في القاعدة إوراسه في كالمناسبان سرة واز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عصي ان تعتسبر قاعدته مواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عصي ان تعتسبر قاعدته مواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عصي ان تعتسبر قاعدته مواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عصي ان تعتسبر قاعدته المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عصي ان ان تعتسبر قاعدته المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عسي ان ان تعتسبر قاعدته المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عسي ان ان تعتسبر قاعدته المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عسي ان ان تعتسبر قاعدته المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عسي المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عسي المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسين ان هذا الهرم الاخسير عسي المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عسي المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عسي المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم الاخسير عسي المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم المواز ١١ لكن حيث ان الهرم المواز ١١ لكن حيث ان هذا الهرم المواز ١١ لكن حيث ان هذا المواز المواز ١١ لكن حيث ان المواز ١١ لكن مواز ١١ لكن حيث ان المواز ١١ لكن مواز ١١ لكن موا

المثلث ارى ورأسه النقطة كيكن ان يكون ايضا فى الارتفاع مثل المقطوع فاذن بقى علينا ان بين ان المثلث ارى هو وسط متناسب بين ارسم و آكسم فيث ان المثلثين ارى و ارسم المتعدين فى الارتفاع نسبتهما كنسسبة قاعدتهما اى و اسم يتحصل اذن ارى السم عمر بع هذه المتناسبة فيعدث الرياح : ارسم : اى اسم عمر بع هذه المتناسبة فيعدث المرياح : ارسم : اى اسم عمر بع هذه المتناسبة فيعدث

وابضا المثلثا السرو آكس المتشابهان يفيدان هذه المتساسية

آسَد : اسد : اسد او اد : اسد

فسيب النسبة المشتركة يكون آدى : أرسم : أرسم :

فاذن آرد = ارسر ۱ آرس او آرس: ارد :: ارد :

وهذا الحاصل هوتمام سان القضية المذكورة

وهذه الخاصمة المذكورة للهرم الثلاثى المقطوع هى ايضام وجودة فى كل هرم مقطوع على موازاة القاعدة

(١٥٢) اذاقطع منشور ثلاثى عستومائل على قاعدته فالحسم الباقى يكون مكافئا لجموع الاهرام الثلاثة التى تكون قاعدتها قاعدة المنشوروتكون رؤسها رؤس روانا القطع

لیکن دف عیرمواز اسم کافی (شکل ۱۲۱) فاذارسمامستوین اف مناسب و اف مناسب فالمنشورالنلائی بصیربالبداهه منعلا الی ثلاثه اهرام فاعدة الاول اسم ورأسة نقطة ف والثانی وهو اسم الذی فاعدته اسم ورأسه ف یکافی الهرم اسم الذی رأسه الذی والمدته اسم الذی رأسه

سه لكن هذا الهرم الاخير عصان ان تكون قاعدته اسسه ورأسه ما والثالث وهوالهرم أد عن عكن ان يتغير اولا الى هرم ادف مهدا الاجدير عكن أن يتغير الى اعسسه عكن ان تعتبر الله الله المسلم المسلم عكن ان النان تعتبر قاعدته اسه ورأسه و فاذن المنشور اسه و فاذن المنشور اسه و المقطوع ينحل كما هو منظوق الدعوى

فاذا حكانت الاضلاع أد و سم ف و سم اعدة على القاعدة السم في المنشوريكون بالضرورة = اسس × الم + سمب + سم ومنه ينتج ان مساحة كلمنشور ثلاثي هي الحاصل من ضرب القطع العسمودي على الاضلاع الشلائة المتوازية في ثلث مجموع هذه الاضلاع المعنها

* (الفصل الخامس) * * (في تشابه المجسمات) *

(١٥٣) كل جسمين منتهيين بمستويات يقال لهدما متشابهان اذاكانا داخلين تحت عدة واحدة من مستويات متشابهة وكانت زوايا هدما المجسمة متساوية على التناظر

فينتج من هذا التعريف ان الجنسمين المتشابهين اضلاعهم المتناظرة تكون متناسبة وسطوحهما المتناظرة تكون نسبتها الى بعضها كنسبة مربعات الاضلاع المتناظرة وينتج من ذلك ايضاان هذين الجسمين يمكن انحلالهما الى عدة واحدة من الاهرام الثلاثيمة المتشابهة على التناظر والموضوعة على وضع واحدة

وهاتان النتيجتان مبرهن علىهما بالتدفيق في هندسة ايراندر وهندسة لاكورواس وتقصيل ذلك هنالا يحتمله هذا المختصر

(٤ ء ١) كلهرمين متشاجين فالنسبة بينهما كنسبة مكعبات اضلاعهما اوخطوطهما المناظرة

وبرهان ذلك أن يقال حيث أنه في الجسمات المتشابهة تحصيكون النسسة بين

سطوحه ما المتناظرة كانسبة بين مربعات خطوطه ما المتناظرة فاذا فرضناان صمط و صَمط من (شكل ١٢٢) ارتفاعان متناظران للهرمين صماسه و صَماً مَسَم يكون متناظران للهرمين صماسه و صماً مَسَم يكون السماء وأَسَم يكون فاذا ضربنا هذه المتناسبة في

ط<u>ص</u> : صَـِط : صَـط : صَـط . يتعمل

ارسه × صيط: آرسة × صيط: صدط: صدط: صدط ارسه و آرسة لكن ارسه × صيط هومساحة جم الهرم صدارسه و آرسة خران الله موايضامساحة جم الهرم صدارسة فاذن هذان الهرمان المتشام ان تكون النسبة بنهما كنسبة مكعبي ارتفاعهما اوكنسسة مكعبات اضلاعهما المتناظرة

ومن هنا يمكن ان يبرهن كافى طريقة بند (٨٢) على ان الجسمين المتشامين تكون النسبة بنهما كنسبة مكعبات اضلاعهما المتناظرة

*(القصل السادس) * *(في الاجسام المستديرة وخواصها الاصلمة) *

(١٥٥) الاجسام المستديرة هي الحاصلة من حركة سطح مستوية وهم دورانه حول خط مستقيم ويعث في الهندسة الاصلية عن ثلاثة اجسام مستديرة وهي الاسطوانة القائمة والمخروط القائم والكرة

فالاسطوانة القاعة هي جسم ناشئ من دوران شكل مستطيل حول احد اضلاعه المسمى بسب ذلك محورا وفي هذا الدوران الضلعان العمودان على المحور المحور المحالة عند المحور المحان دائرتين متساويين تسميان فاعدتي الاسطوانة فينشد

الاسطوانة أك قاعدتاهاالدائرتان أسد وأسد ومحورهاالمستقيم

وعلى كل حال فكل مستقيم فرضناه بدور حول منعن اياكان ويبقى دائما موازيا لضلعه الاصلى فانه يتولد منه سطح اسطوانى فاذاكان المنعنى الذى يرشد هذا المعتقيم المسمى مولدادا ترة وكان ذلك المولد ما تلاعلى مستوى هذه الدائرة كانت الاسطوانة ما تلة

ومن المعلوم ان فاعدتى الاسطوائة المنوازيمان تكون جميع القطوع الموازية لهدما دوائركل واحدة منها تساوى احدى ها تين القاعد تين ومن المعلوم ايضاان كل قطع عربانحور متوازى الاضلاع

(107) المخروط القائم هوالجسم المتولد من دوران المثلث القائم الزاوية على احداض لاع الزاوية القائمة المسمى بسبب ذلك محورا فيند صدا من (شكل ١٦٤) هو محور المخروط صدا حد سد القائم والخط سسه الذي يتولد منده السطيم المنحني الهذا المخروط يسمى مولدا

وقاعدة هذا الجسم هي الدائرة حدسه المرسومة بالخط المه الذي هو ضلع المثلث صدال المؤلدورأسه هي النقطة صد

وبالجداد فكل مستقيم فرضناه بدورمن نقطة حول منحن ايا كان فانه بولد سطحا محزوطما فاذا كان المنحني الذي يرشد حركة المولددا ترة ولم يكن المحود عودا على مستوى هذا المنحني سمى المخروط مائلا ذا فاعدة دا ترية انظر (شكل ١٢٥)

فينتج من تولد المخروط اولا ان كل قطع مواز للقاعدة دائرة وثانيا ان كل قطع مصنوع بالمحور مثلث

وحيث ان الدوائر اشكال متشابه عقيضى بند (١٣) وان انصاف اقطار القطوع المذكورة نسبتها الى بعضها كنسبة ابعاد من اكزها عن رأس المخروط ينتج ان سطوح القطوع الدائرية نسبتها الى بعضها كالنسبة بن من بعات هذه الا بعاد فاذن

الدائرة أس: الدائرة أسنة: صداً: صداً

فيقصل قطوع هي منعندات مختلفة بحسب وضع المئتوى القاطع بالنسمة للضلع صدر من المخروط وتفصد لهده المحتيات مع المحت فهامن مباحث علم تطبق الجبرعلى الهندسة

(۱۰۷) الكرة جسم منته بسطيح منحن جميع نقطه على بعد واحد من نقطة دا خله تسمى هركزا

ويكنان يتوهمان الكرة حاصلة من دوران نصف دائرة حول قطرها فينتذ كل قطع كرة مصدوع بمستوما ربالمركز فهودائرة مساوية للدائرة المولدة «مثال ذلك الدائرة الاسمانية المركزها مركزها مركزه

وعلى كل حال فكل مستوقطع كرة يقطع سطعها على محيط دائرة

والدائرة الصغرى هى التى لا يمر مستويها بالمركز مثالها م ح م ح م هذه وقطب دائرة الكرة هو نقطة فى السطم على بعد واحد من جميع نقط محمط هذه الدائرة ومن المعلوم ان الدائرة سوا و كانت عظمى اوصغرى لها قطبان واقعان على مستقيم عمود على هذه الدائرة وماريا لمركز في نتذ النقطة ط هى قطب الدائرة اى سالعندى الصغرى

وكل دا رتين من الكرة عظم سين يتقاطعان ضرورة فى جز تين متساويين لان تقاطعهما المار بالمركزهو القطر

وكل نقطتين على الكرة غيرمتها بلتين بالتهاطر يعددان سمت دئراة عظمى لان هاتين النقطتين ومركز الدائرة تعدد وضع مستو

والجزؤ سما المسركافي (شكل ١٢٧) من سطح الحكرة الواقع بين نصفي دا ترتبن عظمين متقاطعتين يسمى شقة كروية وجزو هم الكرة الداخل بين المستويين ساسم و عسس اللذين هما نصفادا ترتبن عظمين يسمى

ضلع الكرة

كل ثلاث دوائر تتقاطع على الجهرة تحدث مثلثا كرويا واضلاع هذا المثلث يمكن ان تحدث من ثلاثه اقواس دوائر عظمى اوصغرى الحها في العادة لا يعتب الاالمثلث الكروية التي اضلاعها تكون اقواس دوائر عظمى كل قوس منها اصغر من ذعف الحيط و ينتج من ذلك ومن غرة (٥٠) ان مجموع ضلعى المثلث الكروى دائما اكبر من الضلع الثالث وذلك لان الاقواس عموى ضلعى المثلث الكروى دائما اكبر من الضلع الثالث وذلك لان الاقواس و سم و سم تحصون قياسا للزوايا او سر و اوسم و سم و سم المستوية المركبة للزاوية و ذات السطوح التي رأسها مركن الكرة وجموع كل زاويتين من هده الزوايا اكبر من الثالثة

والمنطقة جزؤ من سطح الكرة واقع بن مستوين متوازين هما فاعد ناها فاذا كان احدهد ين المستوين مماسا اسطح الكرة لم يكن للمنطقة الافاعدة واحدة وتسمى حينئذ طيلساناكروبا

والقطعة الكروية جزؤ من جم الدكرة الواقع بين مستويين متوازين هدما قاعدتاها

ومحور المنطقة اوالقطعة الذى هوارتفاعها هوالبعد بين الدائرة ين المتوازيتين المتنهما قاعدتا المنطقة اوالقطعة

والقطع الكروى هوجسم متولد من دوران قطع دائرة حول احد نصفي القطرين

والمستوى يكون مماسالكرة اذالم يكن مشتركامعها الافي نقطة واحدة كافي (شكل ١٢٩)

ويقال للجسم مرسوم على الهيكرة اذا كانت جميع سطوحه مماسة لذلك الكرة

(١٥٨) اقصر بعد بين نقطتين على الكرة هوقوس الدائرة العظمى الذي يجمع بين النقطتين

ليكن أمم من (شكل ١٢٨) هوقوس الدائرة العظمى الذي يجمع بين

النقطت او دفاو فرضنا و نقطة اقصر خطبین او مرسمنا من النقطة و المذكورة قوسین و او دائر تین عظمین و اخذنا ام = او لكان بمقتضی الفرة السابقة ام ام حرا حرا حرا حرا حرا حرا حرا الفرا المنابعة وحیث كان اقصر بعد من اللی و ایا كان بساوی اقصر بعد من الی م یكون لكل من البعدین ام و او ساو لجزء من الا خر لكن البعد بن اص و موالفرض اقصر فاذن یكون البعد بین و و هذا خلف لان القوس و سافت و من القوس م فاذن لا یكن وجود نقطة من اقصر خط بین او م مرسوم علی الكرة تكون خارجة عن قوس الدائرة ام العظمی فاذن هذا القوس هو اقصر بعد بین طرفیه

والزاوية التي تحدث بين قوسي دا ترتين عظمين مساوية للزاوية التي تحدث من هماسي هدني القوسين في نقطة واحدة * فالزاوية تط تكافى (شكل ١٦٩) الحادثة من المستقيمين تط و تط العمودين على المقطع المشترك بين الدائرتين طاط و طاط والمرسومين في كلمن الدائرتين هي نفس زاوية ها تين الدائرتين وهذه الزاوية الحكون الدائرتين هي نفس زاوية ها تين الدائرتين وهذه الزاوية الحكون قساس القوس الما المرسوم من النقطة ط باعتبارها قطبا بين الضلعين المرسوم في المدودين اذالن ممدهما ويبعد نصف قطر مساولل ضلع المربع المرسوم فيها

(١٥٩) كلمستوعودعلى نهاية نصف القطرفهو مماس للكرة

فاذا كان المستوى تظر كافى الشكل السابق عود اعلى نهاية نصف القطر سمط فكل نقطة مثل تماخوذة على هذا المستوى تصربالبداهة خارج الكرة لان سمت مسمط فاذن المستوى تطر السله

الانقطة اشتراك مع سطح الكرة فأذن هو مماس لهذا السطح فنتج من هذا ان الكرتين المتماسة يركون مركز اهما ونقطة تماسهما على خط مستقيم واحد

* (الفصل السابع) * * (فى مساحة سطع الاحسام المستديرة) *

عيطه والمراد بالسطح المحدب هوالذى لا يمكن ان يمر به مستقم في اكثر من نقطتين * فليكن واسمه من (شكل ١٣٠) السطح المفروض فاذالم يكن اصغر من بحسط السطوح المحيطة به يفرض ان السطح طاسمه فاذالم يكن اصغر من السطوح وان نهاية ما يحتى فيه انه مسا والسطح واسمه ومن نقطة ايا كانت مثل و يمر رمستو م عسى السطح واسمه فهذا المستوى يلاقى السطح طاسمه والجزو الذي يسقطه هذا المستوى السطح هو بالبداهة اكرمن السطح المنتهى بهذا السطح فاذن اذا حفظنا من السطح هو بالبداهة اكرمن السطح المنتوى عوضا عن الجزو المناقى من السطح طاسمه والمستوى عوضا عن الجزو المناق من السطح جديد محيط بالسطح واسمه والمستوى عوضا عن الجزو المناق من السطح جديد محيط بالسطح واسمه والمناق عالمة كورهو المؤرض اصغر من المسطح بديد محيط بالسطح طاسمه والمؤرث المناق عقومة وبهذا يثبت بالقرض اصغر من الجمع فاذن هذا الفرض اصغر من الجمع فاذن هذا الفرض الا يحتون وقوعة وبهذا يثبت المطاوى

ومنهذا الاصل تنتج بهائج

الاولى اذاكان السطيح المحدب المندي بمعيطين كالسطوح الاسطوانية مثلا محاطابسطيح آخرا باكان منته بهذين المحيطين فان هذا السطيح المحياط يكون اصغرمن السطيين الاسترين

الثانية اذاكان سطيع محدب مثلاكسطي الكرة يعمط به من جميع جهاته سطيح آخر فان السطيح المحاط يكون دائم الصغر من السطيح المحمط المحمط الثالثة عصكن توهم مجسم مرسوم على الكرة يحتلف سطيمه و حدمه قلملا

ماامكن عن سطح الكرة وجمها اللذين هما اصغر من سطح المجسم وجمه ما امكن عن سطح المجسم وجمه (١٦١) مساحة السطح المنعني لاسطوانة قائمة تداوى حاصل ضرب محمط فاعدتها في ارتفاعها

ليكن سما من (شكل ١٣١) نصف قطر قاعدة الاسطوانة القاعة و سما ارتفاعها قاذا اعتبر نامنشورا مرسوماعلى التالاسطوانة فانه عكن تكثير سطوحه الضاهية الى ان فضل مجموع سطوحه على سطع الاسطوانة المنحى عقد داراصغر من اى مقدار مفروض فني هذه الحالة محيط قاعدة المنشور مختلف عن محمط قاعدة الاسطوانة بقدار يكون اقل من كل مقدار معين قاذا اشرنا بالحرف ط الى محمط كثير الاضلاع الذى هو قاعدة المنشور المرسوم على الاسطوانة وبالحرف ف للارتفاع المنستراة بين المنشور والاسطوانة فساحة الجسم الاول الذى هو المنشور من غيران نعتبرالقاعد تين والاسطوانة فساحة الجسم الاول الذى هو المنشور من غيران نعتبرالقاعد تين عمل عن وهذا المقدد المالمني معلم الدائرة ع ا وان سم السطع عن و سم بفرض ان ع محمط الدائرة ع ا وان سم السطع عن في من و سم بفرض ان ع محمط الدائرة ع ا وان سم السطع المطلوب يكون بمقتضى غرة (٧٥) سم ع ع خ

وهذه النتيجة تحقق ايضاا ذالاحظناان انساع سطع الاسطوانة القاعة هو عدارة عن مستطل قاعدته وارتفاعه محيط الاسطوانة وارتفاعها

(١٦٢) مساحة السطيح المنحى لخروط قائم تساوى نصف ضلعه مضروبا في محمط قاعدته

فاذافرضنا كافي البيان السابق هرمامتعد الارتفاع مع المخروط ومرسوما عليه كان سطح الهرم داعًا كبرمن سطح المخروط لاننااذا اسندنا قاعدة الهرم الى قاعدة هرم آخر مساوله واسندنا ايضا قاعدة المخروط الى قاعدة مخروط آخر مساوله فان سطح الهرمين بعيط من كل الجهات بسطح المخروطين فاذن السطح الاول يكون اكبرمن الناني فاذن سطح المخروط اصغر من سطح المهرم المرسوم علنه

اذا تقرزهدا يقال اذا اشرنابالحرف ف الىضلع المخروط او العدود

النازل من الرأس على احد اضلاع المضلع المرسوم على القاعدة وكان ط محيط هدذا المضلع فان سطح الهرم المرسوم على المخروط يكون مساويا ط من لكن هذا المقدار المتغير حداه السفليان ع برب و سم بجعل عصط فاعدة المخروط وسم السطح المطلوب فاذن يتحصل بمقتضى بند (٧٥) سم ع ع ب ب

واتساع السطع المنحني لمخروط قامم هو بالمشاهدة عبارة عن قطع دائرة نصف قطره بساوى ضلع المخروط و قوسه بساوى محيط قاعدة هدا

اسليسم

(۱۶۳) مساحة السطع المحدب من مخروط ناقص قائم ذى قاعدتين مقرورية في القاعدة من مضروبا في ضلع المقطوع المكن المخروط المقطوع الما المخروط المقطوع المحال المحيط المحيط المحيط المحيط المحيط المحيط المحيط المحيث ومن النقطة من المنافظة من المحيط المحيط المحيط المحيط ما التي هي منتصف عد نرسم ايضا م حد موازيا مشد في منتصف عد نرسم ايضا م حد موازيا مشد في منتصف عد نرسم ايضا م حد موازيا مشد في منتصف عد نرسم ايضا م حد موازيا م حد ساوى المحيط و م و ذلك لا نه بسدب تشا به المثلثين صد و م حد سد سد م كون

صدے : صدر : : دے : سدر : الحیط دے : الحیط سرر وایضا بسیب تشابه المنلئین صدے و صدر شر یکون صدے و صدر : دی د

فاذن المحمط دے: المحمط سر : حے : سُد

الكن سشر = المحيط سرر فاذن سه المحيط دم وعثل هذا برهن على ان م حد المحيط وم

اذاتقررهذا يقال حيث انسطح المثلث صدر سر يساوى سطح المخروط اصدر الكامل وانسطح المغروط

صررف كانمن المعلوم ان السطح المحدب للمغروط الناقص السعف المدخل علم شده المنحرف مدر مدرف ما الناقص المدخل المحدد ا

فيه القاعدين = المحيط سرب المحيط ك عدد من القاعدين المحيط سرب المحيط سرب المحيط ك عدد القاعدين المحيط المحي

(١٦٤) مساحة السطح المتولد من حركة نصف مضلع منتظم مرسوم في نصف دائرة بدور على قطرها تساوى حاصل ضرب هذا القطرفي شحدها الدائرة المرسومة داخل ذلك المضلع

فلي المرسوم في أسمد كل المرافع المنظم من (شكل ١٣٣) نصف المضلع المنظم المرسوم في نصف الدائرة في النقطتين من سه ومن النقطة ع التي هي منتصف سهر تقام على القطر اشه اعمدة من و سه و من النقطة من يرسم من موازيا اشه ويوصل ع و فاعتبار و مركز المضلع

فين ان المثلث سرم و هر عو اضلاعهما المتناظرة متعامدة فهما متشابها ن عقنضي بند (١٥)

فينند سهد عون سم عود المحيط ا

شر - X المحيط ع = - م X المحيط عو

والضلع سهد بدورانه حول القطر اشه يتولدمنه سطيح محدب من مخروط اقص مساحة هذا السطيح سهد × المحيط ع ت بمقتضى بند (١٦٣) فاذن مساحته ايضاهى مم × المحيط ع و

فينتج من هداان المنطقة المادية من دوران احد اضلاع المضلع

مساحتها هي حاصل ضرب ارتفاع هدنه المنطقة في محسط الدائرة الي يهكون عو تصف قطرها فاذن السطح المحدب الكامل بسارى القطر اشم لا المحمط عو اى شحمط الدائرة المرسومة داخل المضلع

(١٦٥) مساحة سطح الكرة هو الحاصل من ضرب قطرها في مخيط دائرةعظمي

البرهان الاول ان يقال اذار سمناعلى الدائرة العظمى من الكرة مضلعا منتظما ذاعددزوجي من الاضلاع وهو م دطون سم من (شكل ١٣٤) فان السطيح المرسوم بهذا المضلع تكون مساحته مصر × المحيط اسم انظر مد (١٦٤) وهذا السطيح اكبر من سطيح الكرة سما لكن الفاضل الذي بينهما عكنانيسغركايرادبريادةعدة اضلاع المضلع المولدكايرا دانظر بند (١٦٠) فقى مثل هذه الصورة القطر مصم يزيد على القطر الم عقد اراصغرمن كل مقدارمفروض فينتذا لمقادير الثلاثة التيهي مصدر المحيط اسيا ، أس × المحيط اسم والسطح صب المطاوب يكون حكمها كحكم المقاديرالثلاثة المذكورة في غرة (٥٥) وهي غ و ا و س فاذن صر = ا × الحمط اسر

البرهان الناني ان يقال اذا فرضنا انسطم السكرة مقسوم الى عدد لا يحسى من المناطق دات القواعد المتوازية قان هده المناطق عكن ان نعتبرها من غير خطامع تبرمناطق سطح دوراني يستكون ارتفاعه قطرالكرة فينتذ يجوزان يوضع هذا السطيع موضع سطيع الكرة فاذن عقتضى الدعوى السابقة سطح الكرة يساوى الماصل من ضرب قطرها في شحيط احدى دوائرها العظمي

وسطيح الدائرة العظمى مساحته هي حاصل ضرب محمط هدنه الدائرة في ربع قطرها وسطح النكرة يستاوى الحاصل من ضرب محيط الدائرة المد كورة فى القطر بتماسه فاذ الشر نابالخرف م الى تصف قطر الكرة وبالحرف ى الى: قطرها وبالدف ع الى محسط الدائرة العظمى فان سطيها يحسكون عص علی مند (۷۰) سطے الدائرہ ہو ہر کا فادن یکون سطے الکرہ اربعہ امثال سطے احدی الدوائر العظمی

فينجمن هذا وبطريقة مشابهة اطريقة غرة (٧٦) اولاان سطح كل منطقة ذات قاعدة واحدة اوقاعد تين يساوى حاصل ضرب ارتفاعها في محيط دائرة عظمى من الكرة التي تنسب الهاهد ه المنطقة و تانيا ان سطح الشقة الكروية يساوى القوس الذي تقاس به زاوية هذه الشقة مضر وبافى القطر لان نسبة الشقة الى سطح الكرة كسبة قوس هذه الشقة الى المحيط بقامه

* (الفصل الشامن) * * (فى مساحة جم الاحسام المستديرة) *

(١٦٦) جم الاسطوانة القائمة اوالمائلة يساوى عاصل ضرب قاعدتها في ارتفاعها

فاذا اعتبرنامنشورا مرسوماعلى اسطوانة اسمد يختلف جمه عن جم هذا الجسم المستدير باقل ما يمكن كافى (الشكل ١٣١) فان قاعدة المنشور تحكون نها بنها قاعدة الاسطوانة فينشذ اذا اشرنا بالحرف ط الى سطح المضلع المرسوم على قاعدة الاسطوانة وبالحرف ف الى ارتفاع هذا المنشور الذى قاعدته هي هذا المضلع فان حاصل ط × ف يكون مساحة جم هذا الجسم ويكون حداه الاسفلان السطم اع × ف م اى جم الاسطوانة فاذن المساحة المفتقة لهدده الاسطوانة تكون م اى جم الاسطوانة فاذن المساحة المفتقة لهدده الاسطوانة تكون م السطم اع × ف

(١٦٧) جم كل مخروط مساحته هي الحاصل من ضرب قاعدته في ثلث ارتفاعه

فليسكن ط سطح المضلع المرسوم على قاعدة المخروط و ف ارتفاع هدذ الجسم كافى (شكل ١٢٥) فيتصور ان جيم الهرم الذى

قاعدته هـذا المضلع المدكوروارة فاعه هوارة فاع انخروط يمكن ان يزيد عن المخروط بالخروط بالخروط بالمحروط بالهرم على المحروط بالمخروط بالهرم على المحروط وكان اسم هو نصف قطر قاعدته كان حاصل ط × ب حداه الاسفلان هـما السطح اسم × ب و م فاذن يتحصل م السطح اسم × ب و م فاذن يتحصل م السطح اسم × ب

تنبيه * يمكنان يبرهن ايضا بالمهولة على القضيتين النظريتين السابقتين علاحظة انناخذ عوضاعن قاعدة الاسطوانة مضلعا منتظما مرموما عليماذا عدة اضلاع غيرمتناهية ونعتبرهذا المضلع بمنزلة قاعدة منشورمثل الاسطوانة في الارتفاع فان هذا المنشور عصكن ان يؤخذ بدل الاسطوانة وكذلك يمكن ان فيعمل عوضاءن الخروط هرما مرسوما علمه يكون مشله في الارتفاع فاذن الخ

(١٦٨) جم المخروط الناقص بكافى ثلاث مخاريط كاملة يكون كل واحد منها مثل المخروط الناقص فى الارتفاع وتكون قاعدة احدها قاعدة الناقص الناقص الناقص الناقص الناقص المناسبابين ها تمن القاعدة به العلم وقاعدة الثالث وسطامتنا سبابين ها تمن القاعد تمن

ولاجلادراك معة هذه الدعوى يكفى التصوره رماناقصائلا أما يكون مثل المخروط الناقص فى الارتفاع وتكون قواعده مكافئه القواعدهذا المخروط لان جمى هذين الناقصين يكونان حينئذ متكافئين ومساحة احدهما هى مساحة الانجمى فاذن تدخل هذه القضية فى غرة (١٥١)

(١٦٩) جم الكرة بساوى حاصل ضرب سطحها فى ثلث نصف قطرها البرهان الاول ان يقال اذاتصور ناان نصف المضلع وهو م ه ط و م ص من من (شكل ١٣٤) يدور حول القطر الم فان الاضلاع ط و و ط و الخ تولد مخاريط ناقصة والضلعين م و مرصد يولد ان مخروطين كاملين بحيث ان الكل يولد جنها دا تريا مرسوما على كرة نصف قطرها اسم ولنتوهم ايضا مجموع من اهرام من سومة على كل من هدفه المخاريط و مجنوعا آخر من اهرام رؤسما

المشتركة مركزالكرة وقواعدها عينسطوح الاهرام الاولى فينشذ جم الجسم المرسوم على كرة نصف قطرها اسم الحيادث من الجوعين تكون مساحته سم × ع بجعل سم اشارة لسطي هذا الجسم و مر نصف قطرالكرة وحيث انه يمكن تحت شرعدة اضلاع المضلع المولد لجسم الدوران والجسم المرسوم على وكذلك اهرام كل جموع بحيث ان جوم جسم الدوران والجسم المرسوم على الكرة والكرة تحتلف بمقدارا قلما يمكن فالثلاثة مقادير سم به ع والسطي م تكون ادن مقابلة لشلائة مقادير اخرى هي غ و السطي و م تكون ادن مقابلة لشلائة مقادير اخرى هي غ و السطي و م كافى غرة (٧٥) فاذن المساحة الصديدة لحجم الحيارة هي

7 × ~ = السطح ~ × ~

البرهان الذانى ان يقال اذا فرضنا ان سطح الكرة منقسم الى عدة غير متناهية من مثلثات صغيرة غير متناهية سطوحها قواعد لعدة بقدرها من الاهرام المشتركة الرأس في مركز الكرة فان جسم كل واحد من هذه الاهرام بساوى سطح قاعدته مضروبا في ثلث ارتفاعه اوفي ثلث نصف قطر الكرة فاذن بجوع حوم سائر هذه الاهرام او جسم الكرة يساوى حاصل ضرب سطحها في ثلث نصف قطرها

فاذا اشرنابالحرف ك للقطرفانه يتحصل عقتضى غرة (٧٥) السطح ر =

وينتج ايضا من هذه الأصول المتقدّمة ان جم القطع الكروى مساحته هي حاصل ضرب المنطقة التي نعتبرها قاعدة له في ثلث نصف القطى

(۱۷۰) كل قطعة كروية ذات قاعدة واحدة فهى مكافئة لاسطوانة نصف قطر قاعد تها ارتفاع هذه القطعة وارتفاعها نصف قطر الكرة الاثلث الارتفاع المذكور

و علم القطع الكروية اكس كافى (شكل ١٣٥) هو بالبداهة يساوى علم القطع اوساء الكروى ناقصا علم المخروط اسو الذى قاعدته هي قاعدة هذه القطعة

فاذن هم القطعة الكروية ذات القاعدة الواحدة = بهرسرسسس

(۲ س ۔ شہ) (س ۔ شہ) = ب شہ (س ۔ شہر القوردان القضمة المذكورة

(۱۷۱) جم القطعة الكروية ذات القاعد تين المتوارية نصف مجوعها تين المقاعدة بن المقاعدة بن مصاحبه نصف مجوعها تين القاعدة بن مضروبا في ارتفاعها زائد الجم الكرة التي يكون هذا الارتفاع قطرها

المکن دکتے من (شکل ۱۳۶۱) هوالقطعة المطاوب مساحة جمها و م منتصف القوس دم م و دو = م ای نصف قطرالی ای و م منتصف القوس دم م و دو = م ای ارتفاع القطعة دم م و م د = شم ای ارتفاع القطعة دم م و د د = ضم ای نصفی الرتفاع القطعة دم م و د د = ضم ای نصفی قطوی قاعدتی القطعة الکرویة المطاوب مساحتها

فالقطعة دم الكروية مساحة ابشر (سلم شه) والقطعة دم الكروية مساحة البشر (سلم شه) فاذن هم القطعة دك الكروية المفروضة هو م = بر (شم شرم) المفروضة هو م = بر (شم شرم) المفروضة هو م الارتفاع دك من هذه القطعة فيكون ظ = شد شرك

ولهذا يصبرالتعبيرالسابق هكذا

م = بنط [سر شه + شه) - الله السه المدارة في المدارة في الدارة في المدارة في

ضر سے مرشر سے شرک سے مرشر سے اللہ فاذاجعناها تین المعادلتین تعصل

مند بنتج ومنه بنتج

$$\left[\frac{(-i) - i)}{2} + \frac{(-i) + (-i)}{2} + \frac{(-i) - i)}{2} \right] = 0$$

وهذا الحاصل موافق لنطوق القضمة

(القصل التاسع)

في مقابلة الاجسام المستديرة والاجسام المنظمة وتشابه الاجسام المستديرة

المتناظرة متناسسة فينتذالاسطوانات وكذلك المخروطات القيامة تكون المتناظرة متناسسة فينتذالاسطوانات وكذلك المخروطات القيامة تكون متشابهة اذا كانت مستطيلاتها ومثلثاتها القامة الزوايا المولدة متشابهة فاذن الكرات تكون ضرورة متشابهة ومن هذه المشابهة بازم أن تكون نسبة سطوح الاجسام المستديرة المتشابهة الى بعضها كنسبة من بعات اضلاعها المتناظرة الى بعضها والنسبة بن حومها كالنسبة بن مكعبات اضلاعها المتناظرة

وهذه الحواص يبرهن عليها ببراهين عمائلة للبراهين المذكورة في غرة (١٨ و ٨١)

واذا فالمناالكرة بالاسطوانة المرسومة عليها علمنا اولاان السطح الحدب من هذه الاسطوانة بكافى عسطح الكرة وثانيا ان نسبة السطح بقامه من الاسطوانة المرسومة على الكرة الى سطح الكرة كنسبة عن ٢:٦ وهذه النسبة موجودة ايضابين جمعى هذين الجسمين

وثانيا اذااضفناالى هذه المعادلة مقدارى القاعد تين اللتين كل منهما = ير

وثالثان عم الاسطوالة يكون ايضامقسوما على عم الكرة = -- - -

* (حدود الاحسام المنظمة) *

قديق على النظرف الاجسام المنتظمة التي الها خواص غرية يعنى الاجسام المنتهدة بمنظمة التي المائمية بمضلعات منتظمة متساوية وصائعة زوايا زوجية متساوية لكن لما كانت هذه الخواص غرابتها اكثرمن نفعها اقتصرنا على ان نسه على ان عدة هذه الاجسام لا يمكن ان تتجاوز خسة وان قواء دها لا يمكن ان تتجاوز خسة وان قواء دها لا يمكن ان تكون الامثلثات متساوية الاضلاع اومربعات او خسات وهذا ناشئ من كون مجوع الزوايا المستوية المركبة لكل من زوايا ها المجسمة يجب ناشئ من كون مجوع الزوايا المستوية المركبة لكل من زوايا ها المجسمة يجب ان يكون امن غرمن اربعة زوايا قائمة انظر بند (٢٣٦) وهذه هي صورة اسماء ان يكون امن غرمن اربعة زوايا قائمة انظر بند (٢٣٦) وهذه هي صورة اسماء

الاحسام المنظمة

الجسم المنتظم ذوالقواعد الاربعة حسغ زواياه مجسمة ثلاثية وسطوحه الاربعة مثلثات متساوية الاضلاع

الجسم المنظم دوالقواعد المائية زواياه مجسمة رباعية وسطوخه المائية

الحسم المنظم دوالعشرين فاعدة حسع زواياه مجسمة خاسمة وسطوحه العشرون منلنات متساوية الاضلاع

الجسم المنتظم ذوالقواعد الستة اوالمكعب رواياه مجسمة ثلاثية وسطوحه الستة مربعات متساوية

الماسم المنظم ذوالا شيء عشر قاعدة زواياه ايضا محسمة ثلاثية وسطوحه الإثنا عشر مخسات منتظمة متساوية

* (ذكرجلة مسائل علية حلها مبنى على جلة من الاصول السابقة) *

الاولى اذا كان ارتفاع هرم ثلاثى ۱۱٫۳ متراوثلاثه اضلاع قاعدته اردا کان ارتفاع هرم ثلاثی ۱۱٫۳ متراوثلاثه اضلاع قاعدته از امتارو ۷ و ۸ فا یکون همه

الثانية مامقدارضلع ذى السطوح الاربعة المستظم الذى حجمه م مكعبا الثانية مامقدارضلع مخروط قائم م وارتفاعه م فايكون سطعه الحدب وحجمه

الرابعة اذا كان نصفاقطرى قاعدتى مخروط قام ناقص ع و وارتفاعه و كان نصفاقطرى قاعدتى مخروط قام ناقص ع و كان ضلع هدذ المخروط الناقص ه فكيف يستخرج السطح المحدب لهذا الحسم و همه

الخامسة اذا كان جم اسطوانة ٣٦ مترامعكما ومحيط فاعدتها ٨ فكمف يستخرج ارتفاعها

السادسة اذا كان جم كرة ٢٥ مرامكعما في الكون اصف قطرها والسادسة في الاصل مقالة فالله السيست من المادي في شي اسقطها ناظر مدرسة

الطويجيه اذذاك من النعريب وجرى العدمل على ذلك تعليما وتعلىا في ذاك الطويجيه اذذاك من النعريب وجرى العدمل على ذلك تعليما وتعلىا في ذاك الوقت وبهدا المقالة الرابعة في الاصل الله في الترجة وتحولت غر القضايا والاشكال من الاتنفساء داولم يعتبر ما تخلل بن المقالتين

*(القالة الثالثة) * *(في التسوية) *

* (الفصل الاول) * * (فى مباحث نظرية) *

الى مركزالارض اوابعد منها وقد تقرران الارض التى هى كوكب سارليست كاملة النكوير بل بخاصة حركتها على نفسها الموممة كانت على هيئة ناقصة التكوير وكانت مندطة جهة القطبين ومنتفغة جهة خط الاستواء ومع ذلك لامانع في عمليات التسوية المعتادة ان يفرض انها كاملة التحوير وان كل نقطتين اوعدة نقط تكون على تسوية واحدة اذا كانت في سطح كروى واز لسطح المياه الراحكدة لان من خاصمة السوائل التى سطوحها. خالية عن الموائع ان تشكل بشكل كروى اذا لم تكن مضطرية ولكن نظرا المدة عظم نصف قطر الارض كان سطح المياه المحصورة في مسافة صغيرة جدًا عكن ان يعتبرانه مستو

وافق المكان هو المستوى المماس السطح الارض ونقطة التماس هي نفس مكان الراصدوهذا المستوى هو المسمى بالمستوى الافق

والخط الرأسي هو امتداد نصف قطركرة الارض عود اعلى الافق والاجسام الخلاة لفعل ثقلها تسقط على سمت هذا الخط

والخط الافقي هوالخط الذي يكون عودا على الخط الرأسي فأذن هو دائما موضوع على افق المحل اوموازله

(١٧٥) ويتوصل مباشرة الى معرفة فروق تسوية عدة اما حسكن بواسطة

تخطوط افقية بنسب المهاار تفاعات هذه الاماكن وانخفاضاتها وهذه الخطوط تكون مفروضة باعدة على شاقول او بخطوط شعاعية بصرية مارة جمعها بسطح سائل فى اسطوانة جزؤ منها افقى وجزآن رأسيان مفتوط الطرفين او بخط مواز لحور انبوية اسطوانية من زجاج اعظم جزؤ منها بملوعاء مافدا والجزء الباقى بملوء هواء وتكون موضوعة بحيث ان الهواء الذى ثقله الخياص اقل من ثقل هذا المائع (والذى مذا السبب يقصد دا عمان يشغل اعلانقطة من هذه الأبوية) يكون شاغلا وسطه المائحر يرومن هدا كانت الا الات تسمى ميزاناذ اشاقول وميزانامائيا وميزاناه وائيا

الشعاع البصرى ألم الافقى كافى (شكل ١٦٥) يسمى خط النسوية المرتبة او الظاهرية وكل خط منحن مرسوم على سطح الارض يسمى خط التسوية الملقمقية مثال ذلك القوس أد الارضى

البروية الماهرية عن التسوية الالماس المولائي المراه علية التسوية الماهرية علية فن النسوية تعيين مقد الهذا الارتفاع اذاعرف طول المماس الموسول الى ذلك بالسمولة لانه عقتضى بند (٥٦) يكون

 $\frac{1}{s-1} = \frac{1}{s-1} = s - 1 : -1 : -1 : -1$ $\frac{1}{s-1} = s - 1 : -1 : -1 : -1$ $\frac{1}{s-1} = s - 1 : -1 : -1 : -1$ $\frac{1}{s-1} = s - 1 : -1 : -1 : -1$ $\frac{1}{s-1} = s - 1 : -1 : -1 : -1 : -1$ $\frac{1}{s-1} = s - 1 : -1 : -1 : -1 : -1$

وكذلك لاجل مسافة الجرى وهي اك = ا يكون ك او شه

ومنه ينتج ان نسبة ارتفاعات التسوية الظاهرية الى التسوية الحقيقية هي تتريبا كنسبة مربعات المهاسات المتقابلة بلوكالاقواس التي تنسب المهاهذه المهاسات

فاذا علنا ان نصف القطر وهو سم د = س = ١٩١٦ ٢٣٦٦ اوان لوغاريقة ٢ س = ١٠٤٩١٠١ ر٧ وعلنا ان المسافة ١ س = ١ سهل علينا معرفة مقد ارارتفاع شم المطلوب فلنجث بمقتضى الاصول السابقة عن ارتفاعات التسوية الظاهرية عن التسوية الحقيقية في المسافتين معرفة مقد المسافتين محرفة مقد المسافتين محرفة مقد المسافتين المسافتين المسافتين محرفة مقد المسافتين محرفة محرفة محرفة محرفة محرفة المسافتين محرفة محر

قالارتفاع المقابل لبعد المسافة و و مترايكون معبرا عنه بهده المعادلة شر = ألى الموغار بتمات ان شر = ألى اللوغار بتمات ان شر = ألى اللوغار بتمات ان شر = ألى اللوغار بتمات ان شر = ألى و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من شر = 17 و و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان و من سر = 17 و و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان و من سر = 17 و و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان و من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بتمات ان من سر = 10 و و جديو اسطة اجراء العدمل باللوغار بيمال بيمال بيمال باللوغار بيمال بيمال

في المقامة المقام شم المقابل للمسافة ا عدد المرا متر المواسطة متناسبة هي

اً: أَنْ شَهُ فَ شَهُ وَمِقَادِهِ هَا الْعَدَدِيةِ

تُ : (١٠٠٠) : (٤٥٠)

فينند شه = ٧٨٥ و فاذالزم على حسابات اخرى من هذاالنوع فالاسهل ان تقابل بهذا الارتفاع الاخبر جميع الارتفاعات المطلوب تعيينها لان القسمة تسهل شغيع موضع علامة الاعشارى عابليق كاهو واضع وايضا لاخل اختبار كل حساب في هذا المعنى نذكرهنا جدولا صغيرا مشتملاعلى ارتفاعات التسوية المطاهرية عن التسوية المقتصة عكن ان يستغنى به في كثر من الصور وهوهذا

Continues of the second section of the second section is the second section in the second section in the second			
ارتفاعات الشوية الظاهد به عدر الما الظاهدة	مسافات بالمتر	ارتفاعات التسوية الظاهرية عدن الظاهرية المقيقة	مسافات بالمتر
مسسنب	دبسسیمار		م کیا
۲۳۲۰۰۰	00.	٠,٠٠٠	• • •
7 × 7 × 0	٦	٠,٠٠٨	١
77777	₹0•	۱۷۰۰۲۰	10.
۰۶۰۳۸٥	V • •,	۳۱ ۰ ۰ ر ۱۰	۰۰7.
٠,٠٤٤٢	٧٥٠	.,	1.00
۴۰۰۰،	'X' • •	٠,٠-٧١	٠.٠
0.74	۸٥٠	٠,٠٠٩٦	%0 •
787	۹.۰	771.00	و م
`• > • Y • 'Q	90.	109	٤٥٠.
۰, ۲۸۰	1	., . 197	0

(۱۷۷) نقطة المرأى المسماة البضائة طة الغرض هي احدى النقط المرسة من جسم بتوجه البها خطشعا عي بصرى وعلى بعد غيربين الكبر تظهر نقطمة المرأى في محل غير محلها الحقيق وهدا يحدث عن أنكسار الاشعة وهو يظهر الاشياء عادة اعلى من ارتفاعها الحقيق ويزدا دذلك الانكسار كلا قرب المراى من افق الراصد بقدر بيا من فرق النسوية الظاهرية عن النسوية المحتقية ولا جل قطع النظر عن ذلك الانكسار نضع الالة على بعدوا حد تقريبا من النقطين المتباعد تين الله من عن فرق النسوية بنها ما وبهذا الوضع من النقطين المتباعد تين الله من عن فرق النسوية بنها وبهذا الوضع

بنعدم فرق التسوية الظاهرية عن التسوية الحقيقية مشلا اذا كان و خط التسوية الظاهرية الحيادث من وضع الا له في ا كما في (شكل ١٣٧) وكان او او او (حيث ان الخط واو يمن ان يكون منكسرا بالارادة في ا) فان المنقطة بين المروزة على بعدوا حيد من مركز الغرضين و و و من الغرضين و و و من العرض وهو سم او يكونان على افق واحيد لان المنصار الاشعة في و وفرق التسوية الظاهرية عن التسوية الحقيقية في هذه النقطة بين و و و و من النوع و ان الفرق بين النقطة بين من ذلك وبسبب ان وو و و و الفرق بين النقطة بين و و و و الفرق النائم مناه الفرق بين النقطة بين و و و و الفرق النقطة بين و و و و الفرق النقطة بين و و و و الفرق النقطة الاولى وهي و مناون النقطة الاولى وهي تكون اخفض اوارفع من الشائية وهي و هذاواضع الفرق و الفصل الشائي * (الفصل الشائي) *

*(فى تطسىق الدعاوى النظرية السابقة) *
(ميزان المياه) *

الما وهومكون من انبوبة اسطوانية برع منها افق والجزآن وهماطرفاها رأسيان مفتوحان موضوع فيهما جامان ف و ق كمافى (شكل رأسيان مفتوحان موضوع فيهما جامان ف و ق كمافى (شكل ١٣٦) وهذه الانبوبة مجمولة مثل آلة الغرافومتر (وهي آلة اخذ صورة الشئ وقياس الزوايا) على ركبة مثل ركبة الملنشيطة بمسكه بجلية كروية مجمولة على وقياس الزوايا) على ركبة مثل ركبة الملنشيطة بمسكه بجلية كروية مجمولة على

" الله شعب ويلزم ان يكون طولها نحو متر وبو اسطة هـ داالتركب يسمل تحريك الا له ورفعها وخفضها وتدويرها كمفما اريد واغلب موازين هذا النوع مصطنعة من الصفيح ومحررة على الوجه المرسوم فى شكل ١٣٩ واكن اقواها وانفعها يكون من النحاس

ومتى اربداستعمال هذة الا آلازم صب الماء في احدى الجامين فانه يصل حلاالى الجام الاخر ويوضع مقد اركاف الئ الجامين تقريبا إلى الثلث من في المنت للمن المناه الماء ليسا مضطر بين فانه ما يكونان على افق واحد مقتضى خاصمة السوائل التى تحكون دائما على هذا الوضع اذا خلت من الموانع ولكن بشرط ان لا يكون شئ من الهواء ساكا في داخل المزء الافقى لان الطرفين المتواز بين ليس لهدما حيث ثد فق واحد ولا جل اخراج الهواء يسدا حدا لجامين و تمال الا أنه امالة خفيفة بحيث تكون قريبة من العمودية وضعاراً سما فينتذ جميع الهواء الذى فيها يصعد ويحرج من الجام الاخر فأذا نقلنا الميزان من وضع الى وضع آخر سددنا احد الجامين واملنا هده الا آلة حتى لا يمكن انتشار الماء ثم وعند وضعها يفتح الجام المسدود شيافشياً الميزان من وضع الى وضع آخر سددنا احد الجامين واملنا هده المأخد الماء على التدريج تسويته ثانيا وكذلانا اذا سددنا زمنا بعد زمن احد الجامين المناهدة عن تحريك الجامين الاسبة عن تحريك الجامين المناهدة عن تحريك

ويلزم مدة الحرالشديداوالامطاران تكون مدة العمليسية فى كل وضع حتى لايسكون الماء زمن يكفى فى تصعده اوزيادة عمه وفى العادة ياونون الماء لكون اشتظهورا

الاله عندتوجههاالى نقطة المرءى

(الرءى)

(۱۷۹) استعمال الميزان يستدعى استعمال المرعى المسمى بالغرض اوالهدف وهو قطعة من مقوى اولوح من الصفيح نجو ثلاثه ديسه برات مسيعة

ومنقسمة الى قسمين متساويين بالحط م و الافق ويلزمان يكون لون احد هذين القسمين مخالفا للون الاخر وتربط هذه القطعة في طرف مسطرة على وجه ان م و كافى (شكل ١٢٩) يكون عود اعلى عرض هذه المسطرة ومن اللازم ان المسطرة تدخل بالتعشق في مسطرة اخرى طولها ضعف المتر مرة او مرتين يعنى مترين او اربعة امتسار وحكل بنقسم الى اعشار واعشار الاعشار واعشارا عشارا المهاز يسمى بالقامة فيرفع ويخفض الغرض م و على هذه القامة حتى يصير بالضبط في افتى المتران

* (التسوية السيطة)

(١٨٠) كلما امكن ايجاد فرق تسوية نقطتين بوضع واحد للميزان فان هذه العملية تحكون من مباحث التسوية البسيطة والقضيتان العمليتان الاتيتان هما من هذه الصورة

(۱۸۱) كيف يمكن اليجاد فرق تسوية النقطتين ا و مركاف (شكل مرا) اللتين يمكن الوصول اليهما

ضع المنزان سمط على بعد واحد تقريبا من النقطتين اور ومن وضع القامة فى النقطة اوضعاراً سيام باشارة اصطلاحية يرفع اويحفض الغرض حتى ان الخط سما ير بمستوى مياه الميزان واذا شوهد على القامة ام مقسدار البعد اا فانه يصحب على مسودة عمل التسوية ومن غسيرنقل الالة عن محلها وضماع الزمن مر بنقل القامة الى النقطة واجر العمل الذى اجريسه بعينه فى النقطة الاحل النقطة واجر العمل الذى اجريسه بعينه فى النقطة الاحل الحامة تحصمل مقدار البعد حد واكتبه ايضا على المسودة لترجع اليه عند الحاحة

ليحكن مثلا ١١ = ٢٥٥١ ر س ت = ٥٥٠ فللحظ

منهذ بن الارتفاعين المختلفين ان الفقطتين ا و ساليستاعلى تسوية واحدة بل النقطة ١ اخفض من النقطة سيقدر ١ أسساعلى تسوية واحدة بل النقطة ١ م ٥٠٠ وبالجلة فاخفض النقط بالبداهة النقطة ذات الارتفاع الاكبربالنسبة لافق الميزان

ولاجلروبه سطوح الماه على وجه تام يلزم ان يكون الراصدة ريبا من احد الحامين ويكون النظر بعين واحدة بحيث ان الخط الشعاعى البصرى بكون مماسا لمستويى ماء الحامين

ولا يخفى ان المهندسين يسمون ايضا الارتفاع أَ الاول بالمؤخرو الارتفاع _____ الثانى بالمقدم

* (اخذصورة قطع أرض) *

(۱۸۲) اذا كانت الارض مختلفة بين النقطتين ا و حكافي (شكل ۱۲۱) وكانت معرفة صورتها لازسة كماذا كان القصد اخذ صورة قطع بناء اواست المات فانه يؤمر بوضع القامة على التوالى فى النقط او سم و ك و ح و لاجل تحصل ارتفاعاتها ثم يقاس الارتفاع طو من الاكة المفروضة عند وضعها على المستقيم ألف فى منتصفه تقريبا ثم يحتم بقياس الابعاد اسم و سمد و كط و طب الافقية

والعادة ان تجعل هذه الابعاد متساوية أذاكان في الاراضي مبول يسيرة الانحداد

فى تماخذصورة القطع فانه يرسم بالمقياس المستعمل المتفق عليه لكن مى كانت الارتفاعات صغيرة بالنسية للابعاد الافقية وجب ان يزاد فى كل واحد منهامقدار واحد لتكون المسافة التي بيزاناط آب الافق والخط اسم كاله عن الذى هو عنازة عن قطع الارض كافية لان تكتب على

الارتفاعات مقاذرها اونرسم الارتفاعات عقياس اكبر من المقياس الذي رسبت به الابعاد الافقية لاجلكابة مقيادير الارتفاعات عليها وقد جرت العادة انهم ياخذون هذا المقياس الاخيرمكر را بقدره قياس الابعاد الافقية

(التسوية المركبة)

اذا كانت النقطتان المطاوب ایجاد فرق تسویته ما موضوعتین علی بعد اكبر من امتداد خط البصر الشعاعی او كانت قطعة الارض كشیرة الارتفاعات والانحفاضات او كانت ذات المصدار عظیم فلا جل ایجاد فرق التسویة بین ها تین النقطتین تعمل تسویات بسیطة بینهما و هذا ما یسمی بالتسویة المركبة فلیكن ۱ سر دے ف م من (شکل ۱۶۲) قطع الارض الكائن بین النقطتین ۱ و م المفروض ان احدیم ما بعید قالانوی بحیث الانعکن ایجاد فرق التسویة بینهما الابعدة اوضاع مثل ۱ و ۲ و ۳ الح قیل ها بوخر التالید و المركبة تكون كل تسویة بسیطة می سطة می سطة بالته و به الته قیلها بوخر التالیدة الموجود فی مقدم الاولی کما یشاهد بالتا مل فی الشکل و هده الطریقة فی العدم التصفیم افرق التسویة بین جمیع النقط است و سر د و صوف و موسود و سر د و صوف و

فاذا لم يمكن وضع الاله بين طرفى كل علمة جزئيسة مثلا واحتمنالوضعها في لل علمة جزئيسة مثلا واحتمنالوضعها في لل جراء التسوية في سسم الثانية الجزئية فاننا نجعل الارتقاع المؤخر

فيها ــ مساويالارتفاع الاكة

فأذا كان الغرص معرفة فرق التسوية بين الطرفين أوجه فأنك توجه باسهل الطرق الحط السه و عن م الذى قد يكون في مستو واحد راسي وقد لا يكون والارتفاعات أو سر سهسته الخالرأسية هي التي يلزم معرفتها فقط لكن اذا كان اتجاه خط العدملمة اقتضته طبيعة عدة الشغال من تبة لزم قياس جيع الابعاد الوسه الخوص ذلك

الزوايا الواقعة بينها والعادة ان يبتدء باخدصورة قطعة الارض المطاوب اجراء العمل بها ويعلم بشواخص على سطح تلك القطعة المجاه الخط اسسم والحاكان الغرض على خليج للسفر فيه اوتحو يل مجرى مياه غدير حول قلعة فانه يلزم رسم صورتها رسم اصحيحا

ولند كرالا ترامهل الطرق لقصمل فرق تسوية النقطتين او و اذاعلت على مسودة التسويه جميع مقادير المقدمات والمؤخرات

فن مجموع مقادير المؤخرات بطرح مجموع مقادير المقدة مات والباقي هو المقدار الذي يوجد به الطرف الناني م اعلا او اسفل من الطرف الاول اعلى حسب كون مجموع مقادير المؤخرات اكبرا واصغر من مجموع مقادير المقدمات فاذ الم يبق شئ فان النقطة ين المرجم يكونان على تسوية واحدة في صورة الشكل المذكور مثلاتكون

ومقاديرالمقدمات	مقاديرالمؤخرات		
م ۱ ۹ ٤ ۸	۳ ۲٫۱۲٦		
7, 8 8 0	アッピス・		
• • • •	11011		
· > A T A	アプサマン		
1,1 • •!	1,088		
۰ ۸ ۷ ۸ ۰	٤٠٥٣٠.		
مجوعها = ۲۶۱۲۷	بجوعها= ۱۰,۳۳۹		

فينئذ النقطة و تكون اعلى من النقطة ا بقدر ١٩٣٩م. ا

وبرهان هده الفاعدة سمل الفهم لانااد افرضناان ا و مقداراالموخر

والمقدم فى الوضع الاول وان أو مقدارا المؤخروالمقدم فى الوضع الثانى وهلم جرّا يكون ا ـ م فرق نسوية حين ا وفرق تسوية سم عن م يكون ـ م ا وهلم جرا فاذن يكون ـ م عن ا هو فرق تسوية م عن ا هو فاذن يكون فرق تسوية م عن ا هو

ولاجل على مبيضة التسوية تنسب جميع نقط الارض لخط واحدافق غ غ يوجد فوق النقطة العلما و لا جلهذا العمل تزادجه الارتفاعات بحسب اللائق وهذا لاصعوبة فيه اصلا

وتحقيق التسوية يكون باعادة جميع الاعمال الما المالا بداء من النقطة والمالة المالة المنافعة المالة ال

*(الرسم بالبلنشمطة)

(۱۸۳) هذه الا له التي هي احدى الا الات النافعة في اخذ صورة قطعة من الارض في اقرب زمن هي كاية عن لوح اي تختة مربعة من كبة على ركبة

عبولة على سيسة ذات ثلاثة ارجل وهذه النخسة يكن تحريكها بسمولة الى اى جهة كانت وينبغي ان تكون هذه الركبة ايضا مصنوعة بكيفية بها تعدث في النخسة حركة رحوية بطيئة خفيفة ولكن يشترط ان لا تغير هذه المركة الوضع الافق الذى هولازم ما دام الراصد مشتغلا بالتحرير على الشواخص ويوجد احسانا في الطرفين المتقابلين من التخته اسطواتنان ذاتا هورين ببرمتين من كب على كل محور ترس مسان من احد طرفيه ووظيفة هانين الاسطواتين نشر الورقة التي ترسم عليها العيمليات وطبها على حسب الماجة ويجعل وضع البلنشيطة افقما بواسطة ميزان تسوية هواءى الحاجة ويجعل وضع البلنشيطة افقما بواسطة ميزان تسوية هواءى اوذى شاقول انظر بند (١٧٥) لككن من اعتاد على ذلك ولويسيرا يقوم افرى متام احدى هاتين الاكتسين ولما كانت البلنشيطة لوط صغيرا وحاصفيرا استعملوا معها اتعمين الحال * عضادة من نحاس ذات شظيمين اوذات نظارة متعركة واحدى حافتي مسطرة هذه العضادة تعين على الورقة الموضوعة على البلنشيطة اتجاه الاشعة المدرية الخارجة من نقطة مكان الراصد الى الاشياء البلنشيطة اتجاه الاشعة المدرية الخارجة من نقطة مكان الراصد الى الاشياء التراسة والها

والغالب في اخذ صورة تفاصيل الاماكن طريقتان الاولى ان تحدد المسافة التي يراد اخذ صورتها بمضلع ذى اضلاع اقل ما بهيكن فاذا كانت المسافة عظيمة فانها تقسم الى مضلعات اى مثلنات برسية ثم تقاس الزوايا والاضلاع قياسا مضبوطا ثم تنزل اعدة صغيرة من جيع انعطافات الارض على تلك الاضلاع المعتبرة قواعد كمايشاهد في (شكل ١٤٣) بم ترسم جيع الاشياء الداخلة في هذه المشافات

فاذا كانت المسافة غابة كثيفة الاشجار بحيث لا يمكن الدخول فهاجعلت كالهاد اخل المضلع بخلاف ما اذا كانت المسافة جزيرة اوساحة تحيط بها غابات اوبرك فان خطوط العمل ترسم فى داخلها

والطريقة الثانية ولاتستعمل عادة الااذا كان لاعكن الوصول الامن ضلع

واحداى قاعدة واحدة تكون برسم جمع الزوايا الواقعة بين هذه القاعدة والاشعة البضرية المتوجهة من نهايتها الى جمع النقط المصحنة الروية الموجودة على عينها وشمالها اكن لا يحفى انه لابد من اجتناب الزوايا الحادة جدا والمنفرجة كذلك لان وضع النقطة المجعولة في ملتقى الخطين يتضم كلا كان تقاطع الخطين واضحا

واستعمال هذه الطريقة يستدعى كون محيط الارض المراد رسمهام كامن مجهوع خطوط مستقمة لان هذا المحيط اذا كان منعنياوذا انعطاف لاعكن في الغالب ان تعين منه الاعدة نقط قليلة في لزم في هذه الحيالة ان ترسم بحجرت النظر الاجزاء التي لم يمكن تحديدها بالاكة

(العدمل بالطريقة الاولى)

(١٨٥) لنفرض كمافى (شكل ١٤٣) ان النقطتين ١ و ش اللتين همانها يتا حداضلاع المثلثات المصنوعة على قطعة الارض المطاوب اخد صورتها مرسومان على البلنشيطة وان الغرض هواخد صورة الاستدارة ابس دى الخ التي يمكن التوصل اليها وكذلك تحديد جها تهايا النسبة للقاعدة ١ ش

فتوضع البلنشيطة وضعاافقيافى النقطة ا من الارض على وجهان ا من البلنشيطة تقابل ا من الارض تقابلاراً سياويتوصل الى هذا بالسهولة بواسطة تحريك الا له تحريكا خفيفا وبعدهذا الوضع توضع المسطرة على البلنشيطة مطبقا خط حافتها على المستقيم اشم المرسوم على الورق وتدار تحتة البلنشيطة على مركزها حتى يصكون محور النظارة اوشظيتا العضادة على استقامة القاعدة اش فحنت ذيكون وضع البلنشيطة موافق اللمطاوب فتثبت على هذا الوضع ثم بعد ذلك تغرس ابرة قاعدة فى النقطة ا وترسم على الورق الزاوية ساشم بتدوير المسطرة بلطف حول هذه الابرة الى ان يشاهد محور النظارة اوشعاع الشظيتين على استقامة الشاخص بي اوغيره من الشواخص الموضوعة على الخط اب

شررسم بقلم الرصاص خط غير منناه على طول المسطرة من جانب الابرة فيوجد على الورق الخط الله قدا حدث مع اشمر زاوية ساشم السائد الارضية لكن يشترط بعد هذا العمل الثاني ان يكون الخط اشم البلنشيطي منطبقا على اش الارضى ولا بدمن امتحان صحة ذلك به حرير وضع المسطرة كاكانت اولا

مقاس الرسم عدة الامتار المتعدلة و ينقل البعد المتحدل بهذا الوجه من مقاس الرسم عدة الامتار المتعدلة و ينقل البعد المتحدل بهذا الوجه من الى روتقاس ايضا اجزاء خط أب وكذاك الاعمدة الصغيرة النازلة من نقط المنحني الحرض طلب على ذلك الخطوت نقل هذه الاعمدة على الورق كما نقل الخط أب بقامه فاذا صح العمل لزم ان مجموع الابعاد الح وضم الخالج رائد في كون مساويا للغط أب بقامه واذا كان المنحني الخرض كثير الانعطاف والاعوجاج لزم ان يزاد بقدر ما يكن في عدد الاعمدة في في ضم ضم الخوس من الما ويسمل في هدفه الصورة ان تجعل متساوية الابعاد عن بعضم اولا جل رسم الاعمدة تستعمل البوصلة او الزاوية القائمة المسماة عند المهندسين عثلث المساح كافي الغرالا تمة وايضا اذا كانت النقطتان العمدة قصيرة جدا فانه يمكن بحرز دالنظر معرفها لكن متى كانت النقطتان فالطريقة الشائية بجعل أب قاعدة

فاذاتراء الوضع اعرس في مساخص م وضع الملنش مقابلة النقطة وفالنقطة ب مع الاهتمام بعد رفع الشاخص ب عقابلة النقطة الملنش مطمة للنقطة ب الارضية تقابلاراً سياو يجعل وضعها الجديد موازيا للوضع الاول و كمفية ذلك ان وضع كاتة تم حافة المسطرة على الحطاب م تدارا لمنشبطة حتى يكون محورشعا عالشطيتين اوالنظارة ما رايالشاخص اففي هذه الحالة يصروضع المنشب طقموازيا للوضع الاول م ترسم الناوية المفي هذه الحالة يصروضع المنشب طقموازيا للوضع الاول م ترسم الناوية

المسرى المار بحور النظارة بالشاخص س فيخصل على الورق مقدار المسرى المار بحور النظارة بالشاخص س فيخصل على الورق مقدار سر يقابل س س الارضى فبالنتيجة تحون الزاوية اسس الملنش مطبة مساوية اسس الارضية

ومن المهرم جدا ان تمحن هده الاعال في كل وضع من غير تحويل البلنشد طة عن محلها بوضع حافة المطرة على الخط حشم فاذا لم يعصل غلط في قياس ال اوفي المجاه الالآلة لزم ان يحكون الحور الشعاع من النظارة اومن الشظيتين ما را بالنقطة ش الارضية في صورة ما اذا كانت هذه النقطة غير من تيمة توجه الشعاع البصرى الى نقطة اخرى معروفة ومن سومة قبل ذلك على الورق ويدام أجراء هد ه الطريقة في اخذ رسم باقي محمط الشكل السسلة في من ووجه تها بحيث يكون وضعها مو ازيا للاوضاع وضعت البلنشيطة في من ووجه تها بحيث يكون وضعها مو ازيا للاوضاع على التوالى وجدت الخطوط الشعاعية البصرية منظمة قي الخطوط على الخطوط من وي مسللة على المنافقة بالتحرير على الخطوط الشعاعية البصرية منظمة قيا التحرير على الخطوط من وي من الخ

(١٨٦) قد بيناان قياس جيع اضلاع المضلع لابد منه في صحمة رسم المحيط النف صرفط لكن اذا كان الخطان الله و بس حدين من حدود قطعة الارض وامكن من غيرضر رالتساهل فى النحرير كفي قياس تفاعدة واحدة

وبانذلك الما اذا حددنامن جهدة طول الخط اب ومن جهة اخرى الراوية ابس = اسسم وانتقلنا بعدذلك الى النقطة سم لزم ان نجعل الخط سسم البلنش على مقابلاللغط سسم الارضى لاجل فوجه البلنش مطة توجه الائقا وبعدان نضع ابرة في النقطة المخرك ولها المسطرة حتى عرائح الشعاعي بالشاخص الفائح المرسوم في جانب المسطرة يقطع المستقيم سسم غيرالمتناهي في النقطة سم التي تصير المسطرة يقطع المستقيم سسم غيرالمتناهي في النقطة سم التي تصير

مقا اله للوضع "

فالات لاجل تحديد النقطة د نجعل اولا النقطة سم مقابلة للنقطة التي كان فيها الشاخص من تقابلاراً سيا ونظرهل توجه البلنشيطة صحيح املاغ نبحث بالمسطرة عن اتجاه الخط سه ك موجهين نظر ناالى د وبعد ان ننتقل الى النقطة د وتوجه فيها الا له ندير كاتقدم المسطرة حول النقطة ا فتى من الشعاع البصرى بالنقطة ا فان حافة المسطرة تقطع الخط سه ك في النقطة ك التي هي المطاوب وهلم حرا

وقد فرضنا فيما تقدم الله يلزم ربط التفاصيل بالنقط المعينة قبل ذلك بعمل مثلثات منقولة على الورق الحكن اذالم يكن الغرض الارسم قطعة ارض صغيرة مستقلة المكن اخذ اول نقطة مثل الكايراد على البلنشيطة واذا كان الغرض تحديد جهة الرسم بالنسبة خط نصف النها والارضى فلنستعمل آلة لانحواف كاسماتي

* (آلة الانحراف) *

(۱۸۷) من المعلوم ان الأبرة المغناطيسية اذاوضعت افقية يهتدى احدطرفها جهة القطب الشمالي وان انحراف هذه الابرة في مدينة باريس غربي ويساوى لم ٢٦ تقريبا بمقتضى المقسيم الستيني وهذه الابرة مظروفة في علمة فائمة الزوايا في قاعد تهامن داخل خطيسمي خط الشمال الجنوبي موازلا حد طرفي الابرة وهذه الاكهة هي المسماة بالالة الانحرافية لانها تستعمل لمعرفة زاوية الانحراف التي تحدث من خط مرسوم على الارض ومن خط نصف النها والمغناطيسي

فلنفرض مثلاانه يلزم ان ترسم على لوح الرسم التجاه خط نصف النها والارضى فنعر واولا البلنشيطة كاتقدم يعنى اننا نجعل الخط اب من الرسم مقابلا للغط اب الارضى ثم نضع الاله الانحرافية على البلنشيطة بعد تثبيتها ثم نديرها الى ان يقع طرفا الابرة المغناطيسية على خط الشمال الجنوبي فاذا حسل هذا النطابق وسمينا بقيلم الرصاص خطاعلى امتيداد الحكير

اضلاع الآت الانحرافية فيصيرها الطموازيا للابرة اولطنصف النهار الارضى الحقيق لايلزم المغناطيسي ثم بعد ذلك لا جل تعيين خط نصف النهار الارضى الحقيق لايلزم الارسم خط جديد يحدث مع الخط الاول زاوية مساوية لانحراف الابرة لكن اذالم يكن القصد الاجعل اوضاع البلنش حطة متوازية فاننا نحدف اى نقطة من الرسم الذى نحدثه انه يلزم تدوير البلنش حطة حتى تسترالابرة خط الشمال الجنوبي المفروض اولا موازيا للخط المرسوم على الخرطة الذى هو عبارة عن خط نصف النهار المغناطيسي واذا دققنا وجدناه ذا التوازى لا عبارة عن خط نصف النهار المغناطيس واذا دققنا وجدناه في عالما من يكون تامّا ابدا لا لمجرد كون المحراف الابرة المغناطيس يتغير عالما من مكان الى آخر ولا لكونه قد يتغير في عدة ساعات مختلفة في مكان واحد بل العلة المرى ايضا وهي أن دوائر خطوط انصاف النهار المغناطيس قي خطوط مجمعة جهة القطب و تشابه المواد الحديدية بمعضها هوايضاا حد الاسساب التي توجب المخراف الابرة فالاجسن حينية في مير البلنش علمة بالاوضاع المختلفة كاذ كرناه في السبق وان كان تحرير ها بالا آلالة الانحرافية في مدرعة لاخذ الرسم

* (العمل بالطريقة الناية) *

التقاطعات لان هذه الطريقة لا تكاد تختلف في شيء ناطريقة تعيين نقط رسم التقاطعات لان هذه الطريقة لا تكاد تختلف في شيء نالطريقة المستعملة في عمل المثلثات فاذن نقتصر على ان ننبه على المه اذا كان لا يمكن الاقياس القاعدة اى كافى (شكل ١٤٤) وكان من اللازم اخذ رسم النقط بس ف من الخ التي حولها يضع الانسان البلنشيطة في النقطة الورق الذي يسترالا لة الخط الدويعطي له اجزاء من مقياس بقدر ما في الى من الامتارو يجعل النقطة الودلك الخط من مقياس بقدر ما في الى والقاعدة اى ويوجه العضادة على التوالى مقابلين على التناظر الوضع الوالقاعدة اى ويوجه العضادة على التوالى حول العلى الشاطر الوضع الوالقاعدة اى ويوجه العضادة على التوالى حول العلى النقطة منسل بوس و ف الخ التحصيل حول العلى السروات الخراء على الشروات الخراء على السروات الخراء على النقطة منسل بوس و ف الخرائي نتقل الى النقطة منسل بوس و ف الخرائي نتقل الى النقطة منسل بوس و ف الخرائي النقطة منسل بوس و في الخرائي النقطة منسل بوس و في المنافق المنافق

المعمل فيها كالاعمال التى صنعها فى النقطة المعنى الله يحدد الاشعة عرب و عسر و عن التى تقاطعها مع الاولى تتم تحديد النقط مرسم و فى فينتذ الصورة السرف تحديد المناع الارضية السرف والاولى ان يقال ان السرف هو مختصر مسقط الشكل الارضى السرف واما النقطة د التى تكاد توجد فى الا تجاه الارضى السرف فانها تعدد ايضا بالتقاطع لكن بجعل ى س قاعدة

ويسهل بهذه الطريقة على صورة الرسم وتصوير جمع تفاصلها بدون على جلة من المثلثات لكن من الضرر البين ان يو ثق بالكلمة بالبلنش مطة لان ضبطها لا يمكن ان يساوى في صورة من الصورض مط الا لات المستعملة في التحديد الهندسي للنقط الاصلمة من خرطة

(۱۸۹) احدى الاعمال المهمة التى تقع غالبانى اخذ صورة التفاصيل هى ان محدد على الرسم وضع اى نقطمة ترادمن الارض بشرط ان تنظر من هذه النقطة جمع الاشماء التى يكون وضعها معلوما على الرسم وطريقة على ذلك بالبلنش مطة ان تفرض كافى (شكل ١٤٥) ثلاث نقط وطريقة على ذلك بالبلنش مطة ان تفرض كافى (شكل ١٤٥) ثلاث نقط

ا و ر و سم معلومة على الرسم الذى على البلنش مطة والمطاوب تعسن وضع النقطة على الرسم المذكور ثم تارة والمشاهد ثلاث نقط الواثنان

فني الحالة الاولى يلصق على البلنشيطة ورقة شفافة على الجزء المشتمل على النقطة و المقابلة للنقطة و الارضية وتدار العضادة لتوضع على التوالى في التجاهات الثلاث نقط أوب وس ونظائرها على البلنشيطة فالمستقمات واود وسر المرسومة على الورق الشفاف تحدث بعضها مع بعض نظائر الزوايا التي تحدثها المستقمات داود و دس و دس الارضية فاذا تم ذلك تنزع هده الورقة وتوضع على الرسم بحيث لا تنكم ش وتحكون المستقمات و و حس مارة على التناطر بالنقط و حس مارة على التناطر بالنقطة و حس مارة على النقطة و حس مارة و حس مارة على النقطة و حس مارة و حس ما

یکونوضعها بالنسبة للنقط الاخری اور وسم كنسبة نقطة ك كد الارضية الى اور وسم الارضية فيلزم حينئذ بيان النقطة كا على الرسم المطلوب

فاذا لم يكن هناك ورق شفاف فارسم على الموسمة المفروضين وترى قوسى الدائرة بن وهما الاسم على اللذان يكن ان يرسم عليهما الزاوية ان القوسان سد و سده المرصود تان انظر بسد (٩٦) وهدذان القوسان يقاطعان فى النقطة كالتى هى النقطة المطاوبة وتحديد هدذه النقطة بهذه الأطريقة احسن من تحديد ها بالطريقة السابقة خصوصا اذا كان قوسا الدائرة بين التى تكون تلك النقطة عبارة عن تقاطعهما لا يتقاطعان مع كثير من المدل لكن فى صورة ما اذا كانت النقط الاربع الوب و س و د واقعة على محيط واحد لا يمكن ان يحصل هذا التحديد بواسطة النقط الوسم فقطلان هذين القوسين يتحد ان معافينية بلزم لاجل التحديد ان تعتبر و سم مع نقطة را بعة معلومة

ولا يحنى ان هذه العدملية نافعة جدا في ان يدين بها في اقرب زمن على خرطة عسك ية قليله المقصدل الاوضاع المختلفة التي يشغلها جيش من الحموش

وفى الحالة الثانية بفرض انه من نقطة الوضع د لاترى الاالنقطتان أو ب المعلومتان على الرسم فى او و وان المطلوب تحديد وضع النقطة د اذاعلم على البلنشيطة التجاه المستقيم اب بالنسبة خلط دائرة نصف النها و المغناطسية

فلاجل ذلك نوجه البلنشيطة الىجهة خط نصف النهار بواسطة البوصلة انظر بند (١٨٦) ثم نحر را لعضادة بالتوالى على النقطتين أو ب بجعل المسطرة تمرّعلى النقطتين المتقابلتين او من الرسم فالنقطة المطلوبة فرهى ك تكون تقاطع الشعاعين كا و ك بشرط ان يكون انحراف الابرة المغناطيسية ثابتاعلى حالة واحدة وهذا واضح ولكن بسبب قبولها

للتغير بدران يكون هذا العمل مع مهولته كاحد العملين السابقين في الصحبة وهذا هو عله كون المهندسين لايستعملون في مثل هذه الصورة الاله الانحراف الانادرا

* (اخدصورة الرسم بالبوصلة) *

(• ٩) البوصلة وان كانت لم تصل الى درجة كال هي الة تقد المهندس منافع اعظم من غيرها ادا ارادان باخذ بهافى افرب زمن رسم جمع الاشدياء المعدة لتقيم الاجزاء الصغيرة المرسومة بالبلنش يطة اوارا دمعرفة الاوضاع المختارة للاعداء في الحرب

وهذه الا آلة من كبة مثل الا آلة الانحرافية من ابرة مغناطيسية موضوعة وضعاافتها على سهم مدقيق جد الومظروفة في علمة مربعة في قاعدتها من الداخل دائرة من معدن منقسمة الى ٢٦٠ درجة اوالى ٤٠٠ درجة ولا باس ايضا ان تنقسم الى انصاف درجات وفى قاعدة العلمة من الداخل خطوطا فيهات الاربع الاصلمة وخط الشمال الجنوبي المرقوم علمه من الى ١٨٠ اوالى ٢٠٠ درجة يكون موازيا لاحد اضلاع العلمة وملصوق على احد الضلعين الموازيين خط الشمال الجنوبي مسطرة ذات وملصوق على احد الضلعين الموازيين خط الشمال الجنوبي مسطرة ذات عضادة اودات نظارة عكن بها اخذ كل ممل ممكن بالنسسة للافق بتحريكها في مستوعود على مستوى الحافة المرسوم علمه الدرجات والموصلة تكون مستوعود على مستوى الحافة المرسوم علمه الدرجات والموصلة تكون متحركة على ركبة متعشقة متصلة بسيدة ويمكن فصلها من العلمة

وادارصدنا بالبوصلة لزم ان يكون وضعها افقيا وان يكون وجه النظرداعًا الى جهة واحدة لمنع الخطا على الله وجه داعًا المسطرة على يسارها اوعلى عينها ثم بعد ذلك تعد الدرجات المئينية على التوالى من الى معه درجة ولا يحنى انه عند النظر فى داخل المسطرة ينبغي ان تجعل المنظر هو المنقب الصغير الذى في طرفها و تجعل مقابل المنظر اللسان المقابل

واغلب البوصلات القدعة منمرة من جهى خط الشمال الحنوبى من الى

ا. ٣٩ درجة فينتذيلزمان يبنى على المسودة كون الزاوية المرصودة في شرق اوغرب خط الشمال الجنوبي من البوصلة وهذا الامر لازم جدا بعيث ان على التبيين لا يكنبدونه فينتذمذهب التقسيم المتين هو الختار

ولا عاجة هذالتطو بل الكلام على البوصلة لان جمع ما تقدم يطابق ما هذا ولكن لاجل ان عيزفي وه ض الاشماء النسبة بين هذه الا له والملنش مطة المتوجهة بواسطة الا له الانحرافية يلزم ان نحل المالقضية بن العمليين السابقتين فنقول

(١٩١) طريقة اخذرسم المضلع أبس دى ف الذى جيع نقطه يمكن الوصول اليها كما في (شكل ١٤٦)

ان تضع البوصلة وضعا افقيا فى النقطية الوتديرها على شهرمها حتى تكون النقطية به مقابلة للغرض اولمحور النظارة فالابرة بعد حركتها الاضطرابية تتجه الى الجهة الشمالية فينئذ اذاعد دنا على مقتضى الترتيب الطبيعي لغر التقسيم الدرجات السينية اوالمثينية الداخلة بالابتداء من الله السعاى اوقلنا والمعنى واحدمن من خط الشمال الجنوبي الى الشعاعي اوقلنا والمعنى واحدمن من خط الشمال الجنوبي الى الطرف الشمالي من الابرة تحصل معناقيا مس الزاوية الحادثة من المناطيسي

ومتى كانت مقادير الزوايا المأخوذة على الارض است منقولة حالا بواسطة المقياس والمنقلة المذكورين في بند (١٠١) و (١٠١) فانه يعمل مسودة الرسم الذي عليه يكتب جميع هذه المقادير ولكن في بعض الاحمان لدفع الاختسلاط تقسد الزوايا المرصودة في نقطة واحدة في جهسة وحدها ويوضع حينت ندحروف اوغر لاجل المراجعة عند التبييض فلنفرض ان السريات المتنسة الموجودة في الوضع ما ونفرض ان الخط اسمن المدوة عيارة عن الخط اسمن المسودة عيارة عن الخط اسمن المسودة عيارة عن الخط السمودة عيارة عن الخط المسمودة عيارة عن المسمودة عيارة عن الخط المسمودة عيارة عن المسمودة عيارة عيارة عن المسمودة عيارة عيا

عدد الامتار الداخلة في أب وكذلك توضع البوصلة وضعا افقيا في النقطة ب ورصد ميل المستقيم بس مع الاهمام بان يكتب هذا المسلقطة ب من المسودة وهكذا يستمرعلي هذه الطريقة الى ان ترجع الى الوضع الاول ا

واحدى الطرق التي يختر بها صحة قدا س الزوايا وعدمها هي ان تنظرها الزوايا الداخلة من المضلع يصنع مجموعها من الزاوية بزالقائمة حين بقدرعدة اصلاعه الااثنين ام لا انظر بند (2 3) لكن كيف تعرف كل واحدة من هده الزوايا حيث لم تكن من صودة حالا وجواب ذلك سهل وهوان اتجاهات الابرة المغناطيسية حيث كانت مفروضة متوازية بالنسبة لجمع نقط الرسم تكون الزاوية اسسم مثلا مساوية الزاوية شما - + حسست كون الزاوية اسسما - + حسست و سما - ع مناسبة فاذن المسلم و سما - ع مناسبة فاذن السما و مناسبة وهكذا الزوايا و سما - ع ع مناسبة وهكذا الزوايا و سما - ع ع ع مناسبة وهكذا الزوايا و سما - ع ع ع مناسبة وهكذا الزوايا

واماامتهان صحة الاضلاع فانه لا يكن الابعد مل المضلع بواسطة المنقلة ومقياس الرسم فينظر حينتذهل الشكل مقفل ام لا ولاجل تنعيزهذا العمل بالمهل الطرق واصحها يرسم على الورقة عدة عظمة من الخطوط المتواذية التي تكون عبارة عن المجاهات الابرة المغناطيسية وتستعمل في تعيين وضع المنقلة في سائر نقط الرسم على اختلافها

والطرق ودوائر الاملاك الصغيرة وجلة بوت مستقلة وبالجلة فهي تستعمل الطرق ودوائر الاملاك الصغيرة وجلة بوت مستقلة وبالجلة فهي تستعمل لرسم جمع التفاصيل الدقيقة التي لا يمكن رسمها الابالبلنشيطة مع الصعوبة اوالبط ولكن كل مارسم بالنظراو بواسطة البوصلة بلزم حالاان يتقل على البلنشيطة تفاصيله التي تحصلت لعرفة حقيقة شكل الارض التي لم تزل فصب العين اوالتي اثرها باق في البال على اصله بل بلزم ايضافي كل لبلة تسويد

مارسم على الملنشيطة بعيرالشين لئلا ينصعى مارسم اولا

متوازية في مسافة صغيرة ينتجانه ليس من الضرورى ان تعمل اوضاع في رأس متوازية في مسافة صغيرة ينتجانه ليس من الضرورى ان تعمل اوضاع في رأس كل زاوية من زوايا المضلع المطلوب اخذر سعه * فانه عكن ان بسبت غنى عن الرصد في لانتااذا عرفنا ميل سس على خطنصف النهار ج ش تحصل معنا ميل هذا الضلع بالنسبة للطنصف نهار س وذلك لان الزوايا الداخلة من جهة واحدة حيث ان كل زاوية منها سقيمة للاخرى كافى بسد (٢٩) فعدة الدرجات المنسنة الموجودة في النقطة سي تختلف عاتحصل في النقطة سي مقدر ٢٠٠٠ درجة منينية فينئذ متى اردنا عند عمل في النقطة بي مقدر ٢٠٠٠ درجة منينية فينئذ متى اردنا عند عمل الشكل ان نحد دفى النقطة سي الأعباء سي بواسطة الرصد الواقع في من لزم ان نا خذ على المنقلة الخرة المقابلة بالمقاطرة النقطة الموجودة في سه ومهذه الطريقة تصرعة والاوضاع قلملة

وينتج ايضامن الخاصعة المذكورة اله يمكن ان يرسم من نقطة الماكات مثل ب خط موازللفط اس ولاجل ذلك يرصد في الميل الخط اس مثل ب خط موازللفط أس مثل وضعها في النقطة الحينة المسطرة بم توضع البوصلة في النقطة ب مثل وضعها في النقطة المحينة المنان في اخراج بحود على خط من نقطة مفروضة عليه اوخارجة عنه

(١٩٣) اذافرضناان النقطتين اوب من الارضهما اور على الخرطة وعلمنا أتجاه الابرة المغناطيسية بالنسبة للمستقيم اب فكيف فعدد على الخرطة النقطة ق

وطريق ذلك ان نقيس فى قى ميل الشعاعين ق ا و ق ب النظرين النسبة خط نصف النها والمغناطيسي ونرسم على المنافرطة بواسطة المنقلة خطوط انصاف نها رحش وحشم الخفاذاتم هذا وارد ناان نعين سيل ا و النسبة للخط ح شم الماربالنقطة ا اخذ ناكما تقدم النمرة المقابلة بالقاطرة للنمرة الموجودة فى ق ومثل ذلك نفعل بالنسبة للخط و و المقابلة بالقاطرة للنمرة الموجودة فى ق ومثل ذلك نفعل بالنسبة للخط و و المقابلة بالقاطرة للنمرة الموجودة فى ق ومثل ذلك نفعل بالنسبة للخط و و المقابلة بالقاطرة للنمرة الموجودة فى ق

فالتقاطع و الهذين الخطين يكون هو النقطة المطاوية فاذا كان المعلوم اكثر من نقطتين فالمناسب لا متحان العدملية ان نرسم اشعة اخرى نظرية على الخرطة فهذه الاشعة الجديدة تمر ايضا بالنقطة و ان لم يحصل خطأ في العمل الاول اوفى غيره من الاعمال

وهد ذه الطريقة تحرى حكفيرها في الرسم المعلوم منه بعض نقط كرؤس المبال والارتفاعات الارضية ومبدء الانحدارات ونها بنها وغيرذلك كن هذه التحديدات الهندسية لا تكفي بل بلزم ايضالا جل معرفة اختلاف اشكال الارض ان يعلم بخطوط الطيفة بالربشة اتجاه خطوط اكبرالانحدرات يعنى المنحنيات التى ترسمها المياه وجميع الاجسام النقيلة على سطوح الجبال والسمول المائلة اوبعلم بخطوط متواصلة الطبقات الافقية المتساوية الابعاد اومنحنيات التسوية المحدودة بعسملية التسوية والتى بمقتضاها بهدن ان تصور الانسان على وجه موافق للطبع جميع عوارض الارض وبالجدلة فالمناسب ان يرسم مع اللطف والنظافة على وفق اصول رسم التقليد طبق فالمناسب ان يرسم مع اللطف والنظافة على وفق اصول رسم التقليد طبق معلومة النفع

*(اخذرسم الاماكن بدائرة المساح) *

(۱۹۶) دائرة المساح يصعب العدمل ما عالما في اخد صورة ارض كثيرة النضاريس والعوارض ويمكن استعمالها في ارض سهلة ليس بها هذه الموانع

وهده الاله في العادة دائرة من غياس طول نصف قطرها من تسبع سنترات الى عشراى اجزاء من مائة من المترومنقسة الى اربعة اجزاء متساوية بخطين متقاطعين على زوايا قائمة وقائم على نهايتها اربع هدفات اعدة على حافتها ومثبتة او محسوكة ببرم وهده الدائرة من كية مشل البوصلة على ساق ذى ثلاثة ارجل ويرصد بها كاير صد بمساطر البلنشيطات ومن اللازم جدا ان الهدفات الاربع تكون كها اعدة على الافق عند العدل لانه بدون ذلك أن الهدفات الاربع تكون كها اعدة على الافق عند العدل لانه بدون ذلك

يفسدا تتجاه المستقيم الذى يرسم على الارض المتحدرة في التجاه الهدفتين المائلتين كاهوظاهر لمن ارادان يتحقق ذلك

فق اردناان اخذ مورة قطعة ارض بالدائرة المذكورة فانانرسم فى داخلها على طولها مستقما يسمى قاعدة اوخط التحرير وننزل من جميع زوايا محمطها اعدة على هذه القاعدة ونقيس هذه الاعدة بالجنزيرا وبضعف المتر اوبالخطوة ان لم يكن الغرض الارسم الارض تقريبا ويقاس منده الحكيفية جميع اجزاء القاعدة وينتج من هذا ان قطعة الارض تنعل الى مثلثات واشباه منعرفات ومستطيلات وانه عصن بالسمولة تقدير سعتها السطعية وعمل التبييض بالطريقة المذكورة فى غرة (١٠٠)

فاذا كان الغرض قداس قطعة ارض لا يمكن الوصول الى داخلها لكن محمطها خال من الوانع فانه برسم عليه مثلث اومستطيل اى مضلع دو زوايا قائمة اوشيه منحرف اواى مضلع

ولنذ كرطريقة العمل بالدائرة في استخراج موقع العمود الذي تريد تنزيد على خط فنقول * لاجل تعيين النقطة د التي هي موقع العمود النازل من رأس الزاوية ب على قاعدة اس كافى (شكل ١٤٨) تضع من كزالا لة قريبامن د بتوجيه هدفتي الا لة المتقابلة بن على استقامة الخط اس وتنظرهل النقطة ب قوجد في التجاه الهدفة بين الاخريين ام لالكن هذه النقطة قد تحكون في بسارهذا الا تجاه اوفي عينه مالم بكن هنال شانع فاذا كانت في اليسار مثلا فان الا له توخر بالقدر المناسب الى النقطة ا ويعاد الامتحان ثانيا مكريوهذه العسملية من اراحتي غير شعاع الهدفتين بالنقطة م فيعد عدة من ات يوجد من كزالا له في النقطة د من منعد عدة من ات يوجد من كزالا له في النقطة د

(١٩٥) لاطبحة للكلام على اخذ الرسم بالنظرلانه لا يكن احسكتساب معرفته الاباسة عمال الالة المتقدمة ويتأكد بن الزم بكشف عسكرى سريعا ان يتعلم اخذ رسم الارض بواسطة النظروان ببرع في اصول صناعة الحرب المصور على الخرطة الاشماء التي يريدر يس العسكر معرفتها لتعقمق الحرب المصور على الخرطة الاشماء التي يريدر يس العسكر معرفتها لتعقمق

النعاح لحيشه اواتعفظه من هجوم الاعداءعليه * (الفصل الثالث) *

فى بددة مختصرة فى بعض طرق رسمية مستعملة فى نقل الرسوم ونقلها بقياس مختصر

(١٩٦) اذا فرضنا الله يلزم نقل رسم مع بقاء مقداره فالله يرسم مربع فى الدائر ثم تحدد بالتقاطعات اوضاع النقط الاصلية كما فى غرة (٨٥) يعنى النانعية للعلم النسخة المطلوب نقلها مثلثات مساوية للمثلثات التى تتوهيم اوالتى ترسم بقلم الرصاص على النسخة الاصلية ثم بعد ذلك لا جل رسم خطوط منعنية نسبة عمل طريقية غرة (١٨٤) فاذا كان سعناعدة خطوط مستقمة فالله يجيكن ايضا تعدين اوضاعها تتوهم انها ممتلة الى خطوط مستقمة فالله يجيكن ايضا تعدين اوضاعها تتوهم انها ممتلة الى خطوط محيط المربع وبذلك تعلم على النسخة الجديدة نقط تقاطع هدده الخطوط بعينها

وعوضاعن استعمال هذه الطريقة التي هي طويلة جدا خصوصااذا كان الرسم مشتملاعلى كثير من التفاصيل نضع على الرسم لوحامن زبجاح ملاصة اله ان امكن ذلك اونضع عليه ورقة شفافة اومن يشة ثم ننقل على فرخ من ورق المفلنك ولكن مع المحافظة على ان نصيح بقلم الرصاص اجراء الرسم الشانى الذي يكن ان تحتل بهذا العمل الثانى لكن اذا كانت الخطوط المرسومة بحبرالشين على الورق الشفاف لا تظهر ظهو را كافيامن خلف السخة قائما نأخذ من ناع معدن الرصاص وندلك به وجهامن الورق الشفاف ويكون ذلك الوجسة مقلبلا للوجه الذي عليه الرسم ويشت هذا الناع بالدلك الخفيف بقطعة ورق او بحرقة منه من الورق المعدّ الرسم الفرخ المهما بهدن الكمفية ويت ون الوجه المدلوك بالرصاص ملاصقا للورق ثم نسع بقلم النقل جميع خطوط النسخة الاولى مع الاتنكاء الكافي بحيث عصت نان يتعلق معدن الرصاص على الورق الفيلة وهذا العمل بسمى نقل الرساص على الورق الفيلة وهذا العمل بسمى نقل الرسم

وانقرض على العدموم ان تسسة خطوط النسخة الحديدة خلطوط الاصل كنسية م: تكافى (شكل ١٤٩) فنفرض ان الاصل السسد ونرسم عليه عدة كثيرة من المربعات الصغيرة مع الدقة بقلم الرصاص مُنرسم مستطيلا السم عشام اللاول بحيث تحسكون نسية اب : اس : اس : اس : ح انظریند (۹۷) ثم بعد ذلك نرسم فى كل من بع صغير من المستطيل السمه عديم الاشاء الموجودة فى المربعات المناظرة لهامن الاصل ولاجل ذلك عكن استعمال طريقة التقاطعات بان نحول جسع الابعاد الماخوذة على الاصل بشرطان ته ونعلى نسبة م: ١٥٠ كافي (شكل ١٥٠) ولاجل عمل هذه التحويلات نستعمل عادة الزاوية المحولة فنفرض مثلا ان المثلث اكب متساوی الساقین وان اد = اے م ثم کے = د فینئد اذا كان الساوى اسم خطاايا كان من الاصل فان مختصر والمحول يكون عبارة عن الخط سسم ويمكن ايضاان تقل جسع النقط الداخلة في كل مربع على حسب ابعادها عن ضلعين من المربع هذا المربع فاذاكان الاصل نفيسا جدا لايرادان يرسم عليه المربع السس د زم لاحل حفظه تغطيته بورقة مدهونة اوعرآة يرسم عليها هذا المربع

فاذا كانت نسبة سطحى الشكلين كنسبة ط ف ف كانت حيند مربعات اضلاعهما المتناظرة مناسبة الهذين السطعين فاذا اشرنابا لحرف الاحد خطوط الاصل وبالحرف الخطالمناظرله من النسخة الجديدة تحصل

ط: ق: اً: اومنه ينتجان ا = الط فينتذ ا يكون وسطاه شناسه بن ا و الله و ا

وهالة علاهندسايعل هذه المسئلة الاخبرة

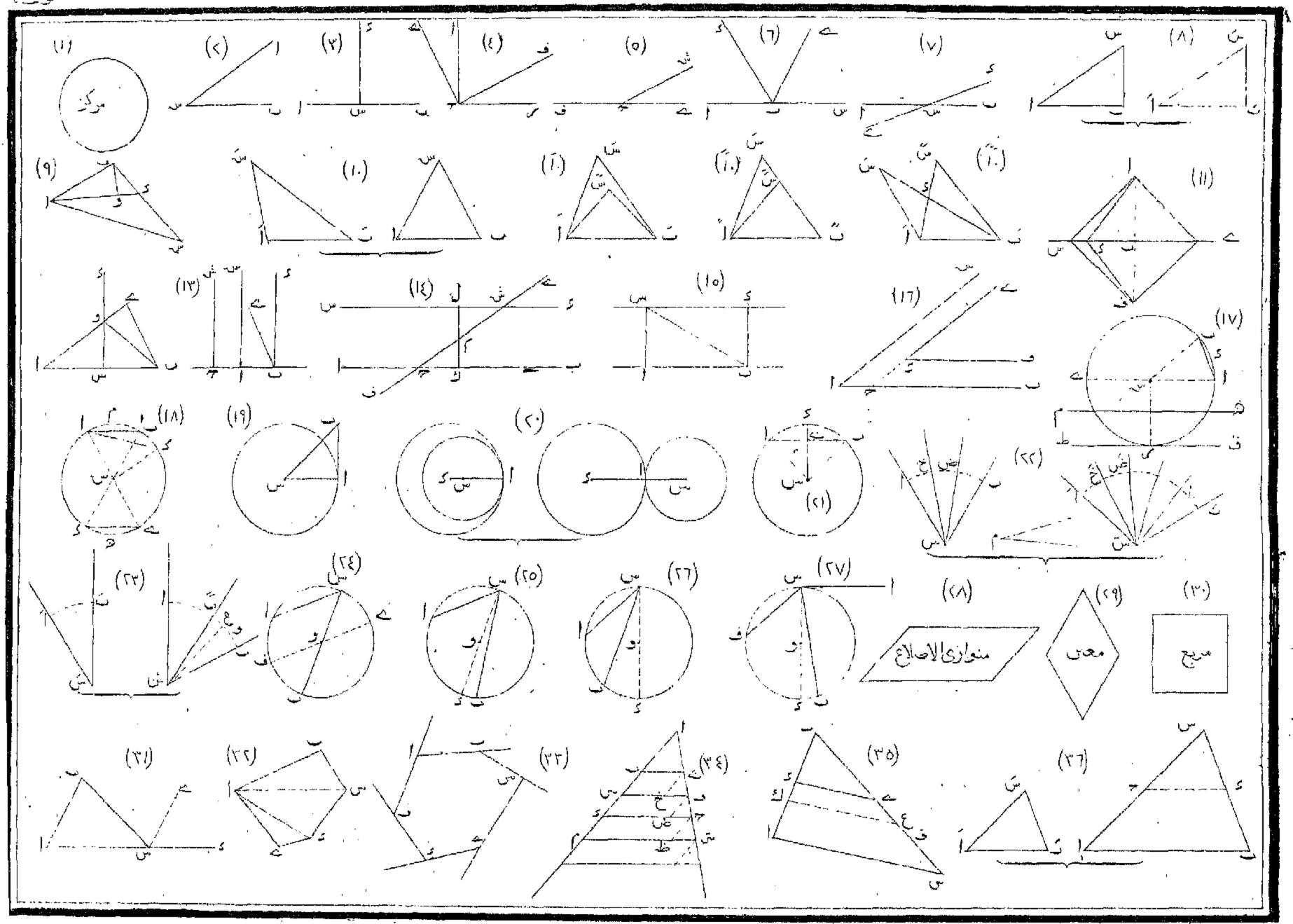
وهوان ترسم على الله كافى (شكل ١٥١) باعتباره قطرا مساويا طهد و نصف محيطومن النهاية ف من جزء ان = ط تقيم فى د

عوداعلى الم ثم ترسم مستقمين داشه و در عنى غير محدودين في نشذ يقال حيث كان من بعاالوترين اد و د على نسبة كالنسبة الواقع مة بين الجزءين اف و سف الوكنسبة ط: ق انظر بند (٤٥) كان من المعلوم انسالذا اخذ نا الخط عشم مساويا لخط الما كان من المعطة شم الخط شمك موازيا الم كان المستقم الاصل ورسمنا من النقطة شم الخط شمك موازيا الم كان المستقم دك هو الخط المناظر من النسخة الجديدة

والاسهل من ذلك ايضاان تعدمل اولامقداس النسخة الجديدة وتستعمله فى التفاصل الصغيرة لتحو يل الابعاد الما خوذة على الاصل كافى بند (١٠١) وهذا العدمل سهل للرسوم المتعلقة قبالمصالح العامة بسبب ان مقايسها على نسبة معينة لكن حينت ذلا يمكن فى الاغلب ان يقع تحويل الرسوم منفردة الااذا كان المرادجعها حين تكون عبارة عن اشياء قابلة للالتئام مثل تفاصل الدواليب والا لات او التفاصيل التي يتكون منها خرطة بلدة مرسومة على عدة اوراق عقتضى مقايس مختلفة

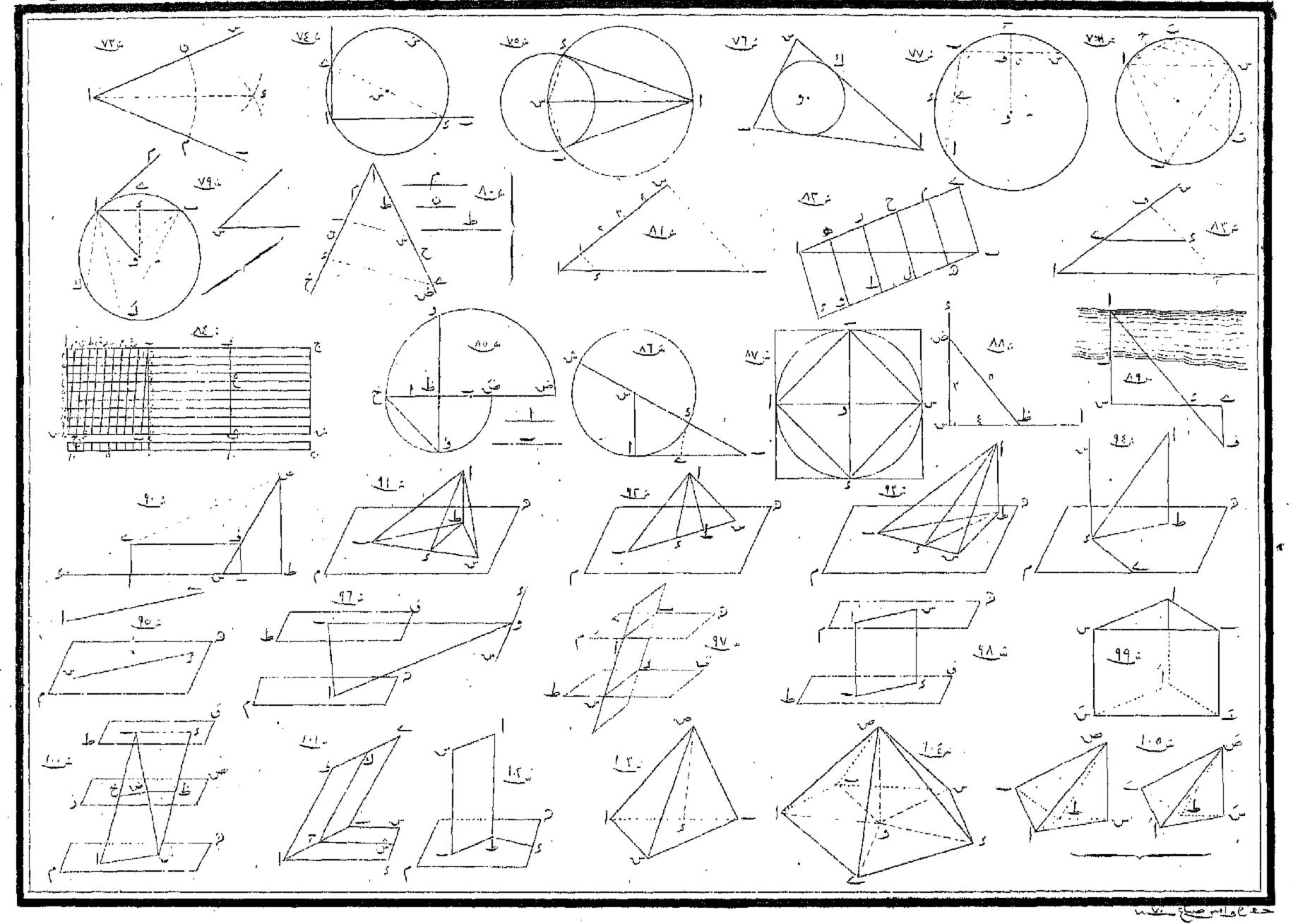
وهذه الطرق المختلفة في نقل الرسوم او تحويلها وإن كانت سهلة في حدد الما الا الماغير مستعملة في الخرط التي محيطاتها كثيرة الانعطافات وتفاصيلها كثيرة المالكثرة الاعمال التي تقتضيها والمالطول الزمن الذي يلزم لها لاجل تحصيل ما يمكن من الصحة ولذلك يستعمل في مثل هذه الصورة آلة المنطغرافة التي وظيفتها ان ينسخ بها مع السرعة كل نوع من انواع الرسم لكن لاجسل ان تحوي هذه النسخ مو تو قابها بالكلية يلزم ان تكون هذه البنطغرافة محررة تحريرا صحيحا ويستعملها الانسان مع الاحتياط والخفة

وقدتم تحريرهذا المختصر وتصحيحه * ومقابلته على اصلا وتنقيحه * والعدول عافيه من سخيف الاصطلاحات * على يد بعض خوجات مدرسة مهندخانة الخديويه * جعلها الله عامرة آهلة مهمية * تحت نظارة من ناداه السعد بليبك * حضرة الامير على يك * وكان تمام طبعه عطبعة هذه المدرسه * التي هي على الله في الله على الله في الله في الله في الله في الله في من الماطين المعارف مؤسسه * في اوائل ربيع الاستر من اله العين والشرف صلى الله من الماطين المعارف وصحبه وسلم عليه وعلى الله وصحبه وسلم عليه وعلى الله المين



سن ولست باهام وب

wy give ril ou



لوجع





